propos du problème XXVIII de la Géométrographie de Lemoine.

Objekttyp: **Chapter**

Zeitschrift: **L'Enseignement Mathématique**

Band (Jahr): **18 (1916)**

Heft 1: **L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE**

PDF erstellt am: **26.05.2024**

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern.
Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden.
Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

Haftungsausschluss

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

Ein Dienst der *ETH-Bibliothek*
ETH Zürich, Rämistrasse 101, 8092 Zürich, Schweiz, www.library.ethz.ch

http://www.e-periodica.ch

plan correspond un plan passant par b et rencontrant C, en dehors de cette droite, en un point B que nous dirons par définition correspondre à A.

Inversement, par un point B passent deux cubiques C_1, C_2 de Σ et T fait correspondre à ces cubiques deux droites d_1, d_2 de G. Par P passent deux droites b_1, b_2 bisécantes respectivement de C_1, C_2. Aux plans (B, b_1), (B, b_2), Ω fait correspondre deux plans rencontrant respectivement les droites d_1, d_2 en deux points A_1, A_2.

On a établi ainsi, entre les points A, B, une correspondance (2, 1) qui fait correspondre à une droite de G une cubique gauche de Σ et inversement, une cubique gauche de Σ à deux courbes dont l'une est une droite de G. Par suite :

Etant donnée une congruence d'ordre deux formée de cubiques gauches, il est toujours possible de construire une transformation (2, 1) qui fasse correspondre les droites d'une congruence linéaire aux cubiques de cette congruence.

Ramscappelle, 10 décembre 1915.

MÉLANGES ET CORRESPONDANCE

A propos du problème XXVIII de la Géométrographie de Lemoine.

Démonstration élémentaire[1] *de la solution due à* M. Maurice d'Ocagne

par Fr. Redl (St-Poelten).

Le problème XXVIII de la *Géométrographie* de Lemoine *(collection Scientia)* est énoncé comme suit : *Par un point* A, *mener une droite au point de concours inaccessible de deux droites* BB′, CC′. Le tracé donné par l'auteur est dû à M. Maurice d'Ocagne (*Journ. de Math. Elém.* de Longchamps, 1886, p. 59).

La solution suivante est obtenue par la considération de la bissectrice d'un angle et de la projection parallèle et respectivement de la projection centrale de la figure.

[1] Traduit de l'allemand par A. Staempfli, Zurich.

Soit un losange ABA′B′ *(fig. 1.)* Menons entre les côtés opposés prolongés les segments,

$$PP' \parallel AB' \quad \text{et} \quad QQ' \parallel AB \ .$$

Joignons PQ′ et P′Q et désignons par M(M′) l'intersection de PQ′ avec AB′(A′B′), par N l'intersection de P′Q avec A′B. Des triangles semblables nous tirons aisément la proportion :

$$PM' : PS = MQ' : MS = QN : QS \ .$$

Par suite, les distances du point S aux côtés de l'angle A sont dans le même rapport que les distances correspondantes du point A′, c'est-à-dire, le point S appartient à la diagonale AA′ du

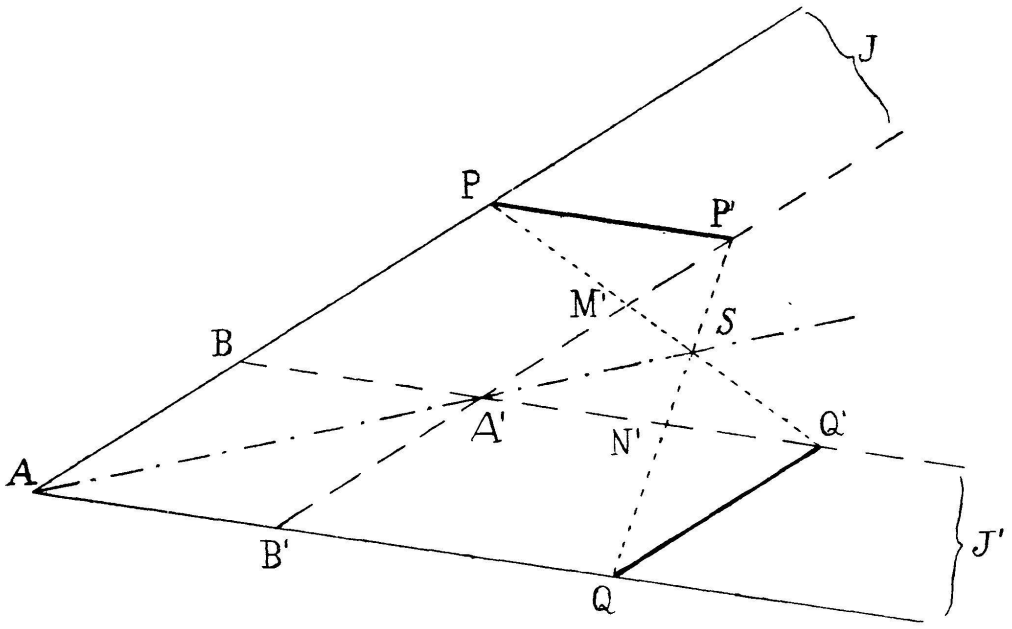

Fig. 1.

parallélogramme ABA′B′, et, dans le cas particulier de la figure, à la bissectrice de l'angle A.

Par une construction analogue on obtient un point de la bissectrice de l'angle supplémentaire. On prolonge par exemple PP′ du côté de P jusqu'en P″ d'une longueur égale à PP′. Les droites PQ′ et P″Q se couperont sur la bissectrice de l'angle supplémentaire de A.

Ainsi les deux bissectrices d'un angle peuvent être construites de la manière suivante : Par les points P et Q, choisis arbitrairement sur les côtés de l'angle, on mène deux segments PP′ et QQ′ de même longueur respectivement parallèles aux côtés de l'angle. Le point d'intersection des droites PQ′ et P′Q appartient à l'une des bissectrices.

Passons maintenant à la résolution du problème proposé. A cet effet, construisons une projection oblique de la figure 1, et consi-

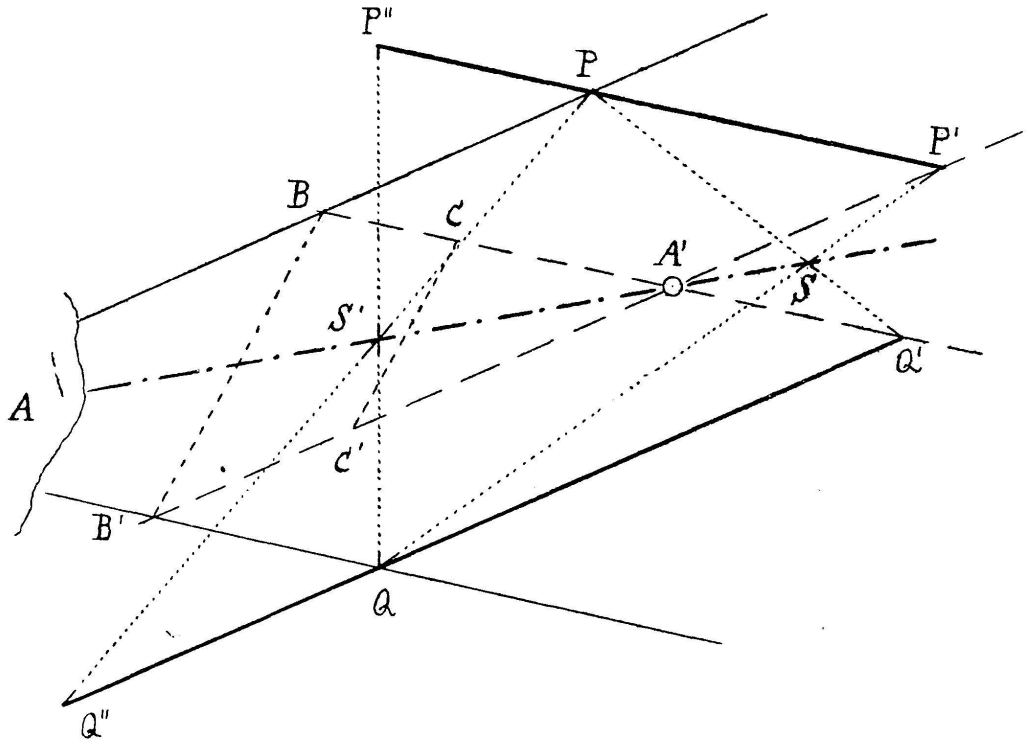

Fig. 2.

dérons dans cette projection A′ comme étant le point à joindre au point d'intersection des deux droites.

Par le point A′ *(fig. 2)* nous menons une parallèle à chacune des

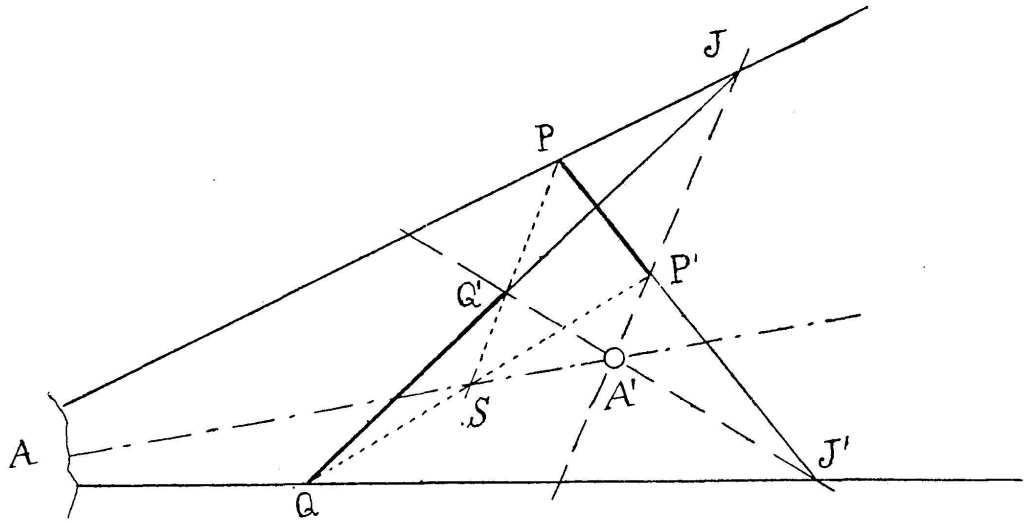

Fig. 3.

deux droites données. Coupons ces deux couples de parallèles par deux droites auxiliaires respectivement parallèles aux deux droites données. Nous aurons deux segments PP′ et QQ′, comme

dans la figure 1, dont la figure 2 est une projection oblique. En joignant PQ′ et QP′ nous obtenons le point S ; la droite A′S passe[1] par le point inaccessible A.

La projection centrale de la figure 1 sur un oblique à celle-ci *(fig. 3)* donne la construction proposée par M. d'Ocagne. Son tracé consiste à mener par A′ deux droites quelconques (projection des parallèles par A′ dans la fig. 1) ; par les points d'intersection J et J′ nous menons deux droites quelconques (projection des parallèles auxiliaires par P et Q dans la fig. 1) sur lesquelles on a deux ponctuelles homographiques déterminées par les trois couples de points JJ′, Q′P′ et QP. La droite AA′ n'étant autre chose que l'axe perspectif des deux ponctuelles, nous obtenons un point quelconque de l'axe en joignant convenablement les points des deux supports, ici PQ′ et QP′. Le point d'intersection S est un point de la droite cherchée.

Residuo in Formula de quadratura Cavalieri-Simpson[2].

Nota de G. Peano (Torino.)

Note de la Rédaction. — *Sur la demande de M. G. Peano, professeur d'Analyse à l'Université de Turin et président de l'Academia pro Interlingua, nous reproduisons, à titre de spécimen, une note rédigée dans la langue auxiliaire internationale Interlingua.*

Formula de quadratura que nos considera es :

$$\int_a^b f(x)\,dx = \frac{b-a}{6}\left[f(a) + 4f\left(\frac{a+b}{2}\right) + f(b)\right],$$

que es vero, si functione f es integro, de gradu non superiore

---

[1] Indiquons en passant une construction très simple des points de la droite AA′ qui n'a été donnée nulle part: Si l'on mène une parallèle quelconque à BB′, qui coupe A′B en C et A′B′ en C′ et qu'on complète le triangle A′CC′ en un parallélogramme ayant CC′ comme diagonale le sommet opposé à A′ peut servir à déterminer la droite AA′.

En faisant une projection centrale de cette figure on obtient une construction analogue à celle de Lambert.

[2] Omeri vocabulo es latino : *in, de, non, et ;* nomine habe forma de thema, id es : *residuo, formula, gradu. integro* (ablativo), *nos* (nominativo), *que* (ex accusativo *quem*), *ce* (ex *hoc, cetero)*; verbo : *considera, es, occurre* (imperativo).

« Academia pro Interlingua » habe origine in 1887, et adopta Volapük publicato in 1880 ; stude Esperanto publicato in 1887; in 1902 publica « Idiom neutral » constructo super principio de internationalitate maximo ; et continua labores pro lingua internationale.

Articulo presente, tracto ex « Atti R. Acc. di Torino, 21, 2, 1915 », es scripto in « latino sine flexione », uno ex numeroso forma de interlingua, intelligibile sine studio ab magno publico.