Zeitschrift: L'Enseignement Mathématique
Herausgeber: Commission Internationale de l'Enseignement Mathématique
Band: 33 (1934)
Heft: 1: L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE

Rubrik: MÉLANGES ET CORESPONDANCE

Nutzungsbedingungen
Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Mehr erfahren

Conditions d'utilisation
L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. En savoir plus

Terms of use
The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. Find out more

Download PDF: 11.07.2025

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, https://www.e-periodica.ch

MÉLANGES ET CORRESPONDANCE

Extraits de lettres de M. D'OCAGNE.

I. — A propos du tranchet d'Archimède

Mon article sur le tranchet d'Archimède, inséré dans les nos 1-2 de L'*Enseignement Mathématique* (1934, p. 73) m'a valu deux communications que je crois devoir porter à la connaissance des lecteurs en me référant aux notations et à la figure dudit article.

La première, due à M. Victor THÉBAULT, m'a appris que l'égalité des rayons des cercles inscrits dans les triangles à côtés circulaires ABU et BCU (ou ACV et CBV) a déjà été démontrée par M. COCHEZ, en 1877, dans le *Journal de Mathématiques élémentaires* de Longchamps (p. 354), et que, pour sa part, il a donné une autre démonstration de cette proposition, en 1931, dans *Mathésis* (p. 77) en retrouvant les formules que j'avais moi-même précédemment obtenues et dont j'avais fait, en 1927, dans les *Nouvelles Annales de Mathématiques* (6me série, t. II, p. 57) l'objet de la question 2495. Or, cette question est restée sans réponse par suite de la cessation de la publication de ce dernier recueil. C'est en raison de cette circonstance que j'ai crû à propos de donner à L'*Enseignement Mathématique*, dans le susdit article, la démonstration par laquelle j'étais arrivé à ces formules, celles mêmes qui figurent à la dernière ligne de la page 76 de cet article.

La seconde des communications sus-visées, émanant de M. Charles BIOCHE, attirait mon attention sur la détermination du centre de gravité G de l'aire du tranchet.

Si l'on adopte la droite A_0B et sa perpendiculaire en A_0 pour axes des x et des y, on trouve bien aisément pour les coordonnées de G, en prenant successivement les moments par rapport à A_0y et A_0x,

$$x = \frac{b-c}{2} = b - \frac{a}{2} = \frac{a}{2} - c \quad , \quad y = \frac{2a}{\pi} .$$

Cet y, ainsi que l'a remarqué M. Bioche, est celui du centre de gravit G_0 de l'arc de demi-cercle BC, et, par suite, pour A variant

sur BC, G reste sur la parallèle à cette droite menée par G_0. De plus, les positions extrêmes G′ et G″ de G correspondant à $c = 0$ et $b = 0$, ont pour abscisses $x = \frac{a}{2}$ et $x = -\frac{a}{2}$. Enfin le point G correspondant à une position donnée de A sur BC est tel que $G''G = b$, $GG' = c$.

A mon tour, j'ai été ainsi amené à me poser la question suivante: le point G étant manifestement à l'intérieur du tranchet lorsque A est dans le voisinage de A_0 (milieu de BC) et à l'extérieur lorsque A est dans le voisinage de B ou de C, pour quelle position de A, le point G vient-il se placer sur le contour même du tranchet ? Pour qu'il en soit ainsi, il faut et il suffit que b ou c ait même longueur que A_0G' et A_0G'', ainsi qu'on le voit bien aisément. Autrement dit: si le cercle de centre A_0 passant par G′ et G″ coupe BC aux points C'_0 (du côté de B) et B''_0 (du côté de C), et que A′ et A″ soient respectivement les symétriques de B par rapport à C'_0 et de C par rapport à B''_0, *le centre de gravité* G *est à l'intérieur ou à l'extérieur du tranchet suivant que* A *est à l'intérieur ou à l'extérieur du segment* A′A″.

Tout cela suppose la détermination préalable de G_0, détermination qui, bien entendu, ne peut être qu'approchée. Je ne sais si l'on a déjà observé qu'elle peut être obtenue avec une approximation largement suffisante (puisqu'elle ne comporte qu'une erreur relative de 0,0004) par application de la classique construction de Mascheroni pour la rectification du quart de cercle. La valeur de l'ordonnée de G_0 peut, en effet, s'écrire

$$y = \frac{a^2}{\frac{\pi a}{2}}.$$

Or, la construction de Mascheroni pour $\frac{1}{2}\pi a$ peut s'énoncer ainsi: si le cercle de centre C et de rayon a coupe le demi-cercle BC en K, que le cercle de centre B et de rayon BK coupe A_0y en L, enfin que le cercle de centre K et de rayon KL coupe le demi-cercle BC en M, on a (au degré d'approximation qui vient d'être dit)

$$CM = \frac{\pi a}{2}.$$

Si donc on reporte ce segment CM en CN sur la perpendiculaire élevée en C à CB, et que l'on tire la droite A_0N, on voit que *le point* G_0 *se trouve à la rencontre de* A_0y *et de la perpendiculaire abaissée de* C *sur* A_0N.

Paris, 22 janvier 1935.

M. D'OCAGNE.

II. — A propos de la trisection de l'angle.

« Je m'aperçois que j'ai fait une confusion en transcrivant mes calculs relatifs à la trisection de l'angle. A la page 63, 7me ligne du fascicule précédent, il faut lire 2′ 36″ au lieu de 10″. Cet écart est pratiquement tout à fait négligeable; néanmoins le membre de phrase suivant (« ce qui équivaut... ») doit être supprimé. D'autre part, je regrette de n'avoir pas fait remarquer, à cette même page 63, comment cette troisième construction peut être rattachée à la seconde: se reportant à la figure de la page 52, on peut, pour la seconde construction, substituer au triangle O″B″O′ celui IMO qui lui est homothétique pour le pôle A avec le rapport ½. Au même degré d'approximation que le cercle Γ″ pour le point B″ le lieu de M est dès lors le cercle partant de A, dont le centre C (non marqué sur la figure) est le milieu de AC″. On a donc $AC = {}^1/_{12}\,(9 + \sqrt{3}) = 0{,}89$, valeur assez voisine de 1 pour que, sur un arc d'assez grande amplitude à partir de A (plus de 45°), ce cercle lieu de M s'écarte assez peu du cercle Γ pour qu'on puisse lui substituer celui-ci; c'est ma troisième solution. »

Paris, 10 février 1935.

M. D'OCAGNE.

CHRONIQUE

En la mémoire de Paul Appell.

Pour rendre hommage à la mémoire de Paul Appell, qui fut son Président d'honneur, *La Renaissance française* a fait apposer, le 22 novembre 1934, sur la maison natale du grand géomètre, place Saint-Etienne, à Strasbourg, une plaque commémorative portant ces mots:

DANS CETTE MAISON EST NÉ
LE 27 SEPTEMBRE 1855
PAUL APPELL
ILLUSTRE SAVANT
ET GRAND CITOYEN

La Cérémonie d'inauguration et la Séance de rentrée de l'Université furent associées. De beaux et importants discours furent