Objekttyp: **ReferenceList**

Zeitschrift: **L'Enseignement Mathématique**

Band (Jahr): **16 (1970)**

Heft 1: **L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE**

PDF erstellt am: **04.06.2024**

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern.
Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden.
Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

Haftungsausschluss

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

Ein Dienst der *ETH-Bibliothek*
ETH Zürich, Rämistrasse 101, 8092 Zürich, Schweiz, www.library.ethz.ch

http://www.e-periodica.ch

$$\mathfrak{p} = (2, \alpha), \quad \bar{\mathfrak{p}} = (2, \alpha+1),$$

et

$$\mathfrak{q} = (3, \alpha), \quad \bar{\mathfrak{q}} = (3, \alpha+1).$$

On vérifie sans peine que $\mathfrak{p}\mathfrak{q} = (\alpha)$, $\mathfrak{p}\mathfrak{q} = (\alpha+1)$ et $\mathfrak{p}^3 = (\alpha+2)$. En revanche, $\mathfrak{p}^2$ n'est pas principal: car $N\mathfrak{p}^2 = 4$, mais $\mathfrak{p}^2 \neq (2)$, alors que 2 et -2 sont les seuls entiers de K ayant pour norme 4.

Il résulte de tout ceci que $\bar{\mathfrak{p}} \sim \mathfrak{p}^{-1}$, $\bar{\mathfrak{q}} \sim \mathfrak{q}^{-1}$, $\mathfrak{q} \sim \bar{\mathfrak{q}}^{-1} \sim \mathfrak{p}$, $\mathfrak{p}^3 \sim (1)$, mais qu'*on n'a pas* $\mathfrak{p}^2 \sim (1)$ (*ni* a fortiori $\mathfrak{p} \sim (1)$): le groupe des classes de A est donc cyclique d'ordre 3, engendré par la classe de $\mathfrak{p} = (2, \alpha)$.

Soit maintenant $\mathfrak{p}_\infty$ l'unique place archimédienne de K et posons

$$D = \{\mathfrak{p}\}, \quad S = \{\mathfrak{p}_\infty, \mathfrak{p}\}.$$

Alors, avec les notations du §1, on a $d = 1$, $s = 2$, $\mathfrak{p}_1 = \mathfrak{p}$, $n_1 = 3$, $x_1 = t = \alpha + 2$. Et on peut affirmer:

L'anneau A_S est formé des éléments de K du type $(x+y\alpha) / (\alpha+2)^m$ ($m \geq 0$; $x, y \in \mathbf{Z}$); A_S est un anneau principal: $h_S = 1$; enfin, le groupe U_S est formé des éléments du type $\pm (\alpha+2)^m$ ($m \in \mathbf{Z}$) (le fait que $\alpha + 2$ soit une « unité fondamentale » pour A_S tient à ce que $N(\alpha+2) = 8$ et que ni 2 ni 4 ne sont normes de S-unités de K).

BIBLIOGRAPHIE

[1] CHEVALLEY, La théorie du corps de classes. *Ann. of Math.* (1940), 41, pp. 394-418.
[2] ARTIN-WHAPLES, Axiomatic characterization of fields by the product formula for valuations. *Bull. Am. Math. Soc.* (1945), 51, pp. 469-492.
[3] ARTIN, *Theory of algebraic numbers.* Göttingen (1959).
[4] ARTIN-TATE, *Class field theory.* Harvard (1960).
[5] WEISS, *Algebraic number theory.* McGraw-Hill (1963).
[6] LANG, *Algebraic numbers.* Addison-Wesley (1964).
[7] BOREVICH-SHAFAREVICH, *Number theory.* Academic Press (1966).
[8] CASSELS-FRÖHLICH, *Algebraic number theory.* Academic Press (1967).
[9] WEIL, *Basic number theory.* Springer (1967).
[10] SAMUEL, *Théorie algébrique des nombres.* Hermann (1967).

Faculté des Sciences de Grenoble
Institut de Mathématiques pures

(Reçu le 30 julliet 1990)