0. Résumé

Objekttyp: **Abstract**

Zeitschrift: **L'Enseignement Mathématique**

Band (Jahr): **26 (1980)**

Heft 1-2: **L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE**

PDF erstellt am: **24.05.2024**

REPRÉSENTATIONS DU GROUPE DE WEIL
D'UN CORPS LOCAL

par Guy Henniart

0. Résumé

Soient F un corps local non archimédien, $\bar{F}$ une clôture séparable algébrique de F, et W_F le groupe de Weil de $\bar{F}$ sur F. Soit r une représentation projective de W_F. Nous montrons l'existence de représentations linéaires relevant r et nous étudions leurs propriétés. Si r est primitive, nous déterminons une borne inférieure pour l'exposant du conducteur d'Artin de ces relèvements.

1. Introduction

1.1 Soit F un corps local non archimédien, à corps résiduel fini de caractéristique p. Soient $\bar{F}$ une clôture séparable algébrique de F, et W_F le groupe de Weil de $\bar{F}$ sur F [We 1, app. II].

La théorie du corps de classes local donne une bijection entre les caractères de W_F, i.e. ses représentations continues de degré 1, et les caractères du groupe multiplicatif $F^\times$ de F.

1.2 R. P. Langlands conjecture qu'il y a une correspondance analogue entre les (classes d'isomorphismes de) représentations irréductibles de W_F dans $GL(n, \mathbf{C})$ et les (classes d'isomorphisme de) représentations supercuspidales de $GL(n, F)$ [1]. Cette correspondance, entre autres propriétés, doit conserver les facteurs L et ε, ainsi que les conducteurs.

De même, il existerait un tel lien entre les représentations irréductibles de W_F dans $SL(n, \mathbf{C})$ (resp. $PGL(n, \mathbf{C})$), et les représentations supercuspidales de $PGL(n, F)$ (resp. $SL(n, F)$) [Bo].

1.3 En fait cette conjecture n'est établie que pour $n = 2$, [JL, Ku, Tu, Yo, Ca, Ge]. On ne possède que des renseignements partiels pour $n > 2$ [Co].

---

[1]) Ici, comme dans toute la suite, par représentation nous entendons représentation continue.