Zeitschrift: Schweizerische Zeitschrift für Vermessungswesen und Kulturtechnik =

Revue technique suisse des mensurations et améliorations foncières

Herausgeber: Schweizerischer Geometerverein = Association suisse des géomètres

Band: 18 (1920)

Heft: 3

Artikel: Résolution graphique des équations normales

Autor: Ansermet, A.

DOI: https://doi.org/10.5169/seals-186213

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Mehr erfahren

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. En savoir plus

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. Find out more

Download PDF: 12.07.2025

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, https://www.e-periodica.ch

SCHWEIZERISCHE Zeitschrift für Vermessungswesen und Kulturtechnik

ORGAN DES SCHWEIZ. GEOMETERVEREINS

REVUE TECHNIQUE SUISSE DES MENSURATIONS ET AMÉLIORATIONS FONCIÈRES

ORGANE DE LA SOCIÉTÉ SUISSE DES GÉOMÈTRES

Redaktion: F. BAESCHLIN, Professor, Zollikon (Zürich)

Ständiger Mitarbeiter für Kulturtechnik: Collaborateur attitré pour la partie en langue française: Prof. C. ZWICKY, Zürich, Bergstr. 131 CH. ROESGEN, ingén.-geomètre, Genève, 11, Grand'rue Redaktionsschluß: Am 5. jeden Monats

> Expedition, Inseraten- und Abonnements-Annahme: BUCHDRUCKEREI WINTERTHUR VORM. G. BINKERT, WINTERTHUR

Jährlich 12 Nummern (erscheinend am 15. jeden Monats) und 12 Inseraten-Bulletins (erscheinend am 30. jeden Monats)

No. 3 des XVIII. Jahrganges der "Schweiz. Geometerzeitung". 15. März 1920

(unentgeltlich für Mitglieder) Inserate:

Jahresabonnement Fr. 9.

40 Cts. per 1spaltige Nonp.-Zeile

Résolution graphique des équations normales.

Par A. Ansermet, géomètre officiel, Vevey.

Les plaques hyperboliques de Kloth permettent de trouver rapidement la surface d'un quadrilatère donné par ses sommets A, B, C, D.

Ces mêmes plaques peuvent servir à la résolution du problème inverse:

Etant donné les trois sommets, ABC. d'un quadrilatère et la surface F_1 du triangle ABD, celle F, du triangle ACD, trouver le quatrième sommet D.

Il suffit de placer l'une des asymptotes sur AB et de faire subir au transparent une translation perpendiculaire à cette ligne de manière que le point B vienne sur la courbe F_1 (-..-). L'autre

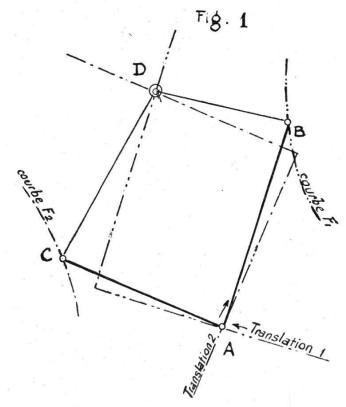
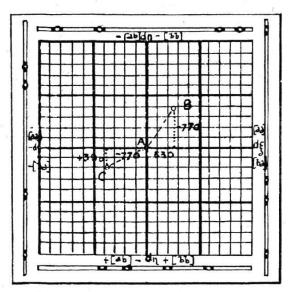


Fig. 2



asymptote est le lieu des sommets D, tels que: surface $ABD = F_1$.

La même opération répétée pour le triangle ACD donne le lieu des sommets D, tels que: surface A C D = $F_{\circ}(-\cdot-)$.

L'intersection de ces deux droites est le point cherché D. (Fig. 1.)

Pratiquement, l'on peut supposer le réseau d'hyperboles fixe et le quadrilatère dessiné sur un transparent mobile.

La surface d'un triangle exprimée en fonction des coordonnées des sommets, est donnée par la relation:

$$2F = x_1 (y_2 - y_3) + x_2 (y_3 - y_1) + x_3 (y_1 - y_2).$$

Si l'on fait en particulier:

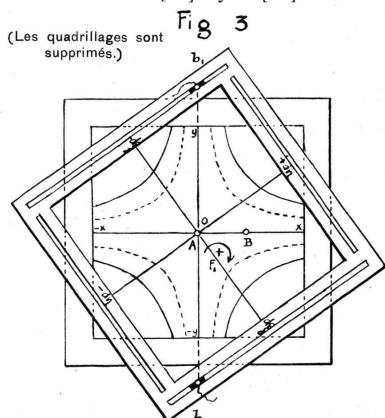
A
$$(x_1 = 0, y_1 = 0)$$
; B $(x_2 = [a a], y_2 = -[a b])$

$$C(x_2' = -[ab], y_2' = [bb]); D(x_3 = dx, y_3 = dy)$$

et les surfaces: $ABD = -F_1; ACD = F_2;$

 1^{0} [a a] dy + [a b] dx + 2F₁ = 0 l'on aura:

 2^{0} [ab] dy + [bb] dx + $2F_{2} = 0$



Les deux droites données par les équations ci-dessus se coupent au point D (dx, dy). Ces relations sont identiques aux équations normales donnant accroissements dx et dy à ajouter aux coordonnées provisoires x et y d'un point, de façon que l'on ait: Somme des vv = Min. Le facteur 2 de F est éliminé par une graduation appropriée des hyperboles.

La résolution des équations normales est donc ramenée à la recherche des coordonnées du point D.

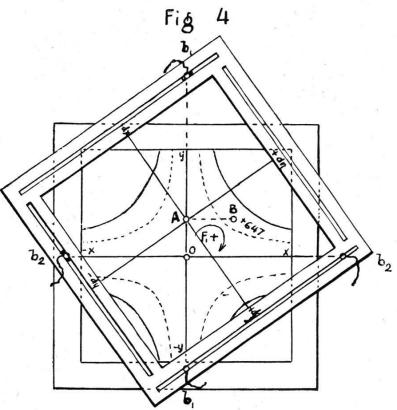
Soient, par exemple, les équations normales:

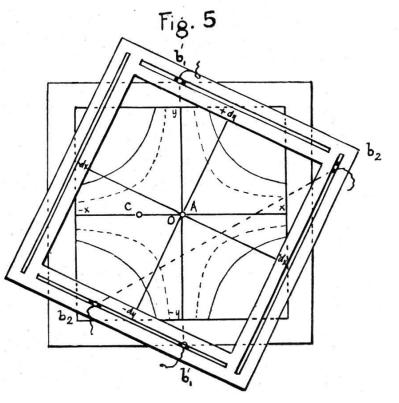
$$530 dy - 770 dx + 647 = 0$$

-770 dy + 390 dx - 499 = 0

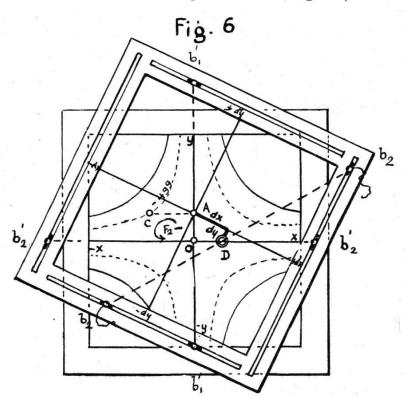
Les coordonnées de B (+530, -770), celles de C (-770, +390) seront reportées sur le transparent quadrillé, les hyperboles étant supposées fixes. (Fig. 2.)

Le point A(0,0)étant placé sur le point d'intersection des asymptotes, B sur l'une de ces droites, il suffit de déplacer le transparent parallèlement à luimême, en maintenant le point A sur l'autre asymptote, jusqu'à ce que le point B se trouve sur la courbe F₁, soit —647. (Fig. 3.) Le Tieu des sommets D sera l'asymptote parallèle à AB et que l'on marque par un trait au crayon,





mieux par un fil tendu entre deux bornes b, b, mobiles le long du cadre du réseau quadrillé. (Fig. 4.)

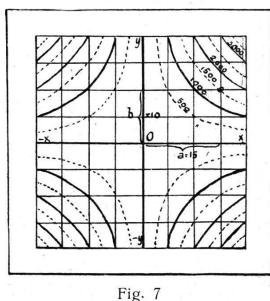


déplace-Le ment du transparent devant se faire le long d'une droite, il est possible de la marquer également au moyen d'un fil tendu entre les bornes b, b,, fil que l'on enlève, lorsque le déplacement est terminé, afin de prévenir des erreurs.

En plaçant le point A de nou-

veau sur 0, C sur l'une des asymptotes et en déplaçant le transparent le long de l'autre de ces droites préalablement marquée par un fil b, 'b, ', l'on amène le point C sur la courbe F_2 , soit —499. (Fig. 5 et 6.)

Enfin, en repérant la position de l'asymptote perpendiculaire à la translation à l'aide d'un fil b₂' b₂', l'on trouve le point cherché D à l'intersection des droites b₂ b₂ et b₂ ' b₂ '. Les coordonnées de ce point, dx et dy, peuvent être lues directe-



ment, sur le transparent. (Fig. 6.)

Pour savoir dans quel sens il faut déplacer le réseau quadrillé, il suffit de considérer le signe du terme constant et le sens de parcours des triangles ABD et ACD. Si le terme constant est positif, le parcours ABD (ou ACD) doit avoir le sens des aiguilles d'une montre. Dans le cas contraire, le parcours aura le sens inverse.

Si l'on prend l'échelle de telle manière que un centimètre corresponde à 100 unités des coefficients, les déplacements dy et dx sont obtenus en grandeur naturelle.

Le réseau d'hyperboles peut également servir à la détermination des produits a a, a b, a f, b b, b f.

Cherchons le produit ab par exemple. Il suffit de reporter les quantités a et b sur les asymptotes 0x et 0y, et d'élever en ces points les perpendiculaires aux asymptotes. Ces droites vont se couper en un point représentant le produit cherché, valeur que l'on interpolera entre deux courbes chiffrées. (Fig. 7.)

Les travaux géométriques dans les remaniements parcellaires et leur utilisation en vue des mensurations parcellaires.

Conférence

tenue à Berne, le 29 avril 1919, à la VIIe Conférence des Géomètres cantonaux par Monsieur *J. Baltensperger*, géomètre de l^{re} classe au Bureau fédéral du Registre foncier.

(Suite.)

A côté de ces désignations générales, on emploie également les termes suivants:

dans le canton d'Argovie: "Verbesserte Feldeinteilung und Güterregulierung",

dans le canton de Bâle-Campagne: "Felderregulierung",

dans les cantons de Neuchâtel et de Genève: "Réunions parcellaires".

En *Allemagne* ces entreprises sont connues sous le nom de: "Grundstückzusammenlegung, Feld- oder Flurbereinigung, Separation, Verkoppelung, Konsolidation, Vereinödung",

en Hongrie, sous le nom de "Kommassation",

en France, sous le nom de "Remembrement"

et en Italie sous le nom de "Raggruppamento dei terreni".

Un remaniement parcellaire comprend principalement des opérations *techniques* qui se décomposent elles-mêmes en travaux géométriques, d'économie rurale et de génie agricole.

Les travaux géométriques comprennent la mensuration de