Aus der Geometrie

Objekttyp: **Group**

Zeitschrift: **Pestalozzi-Kalender**

Band (Jahr): **40 (1947)**

Heft [2]: **Schüler**

PDF erstellt am: **29.05.2024**

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern.
Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden.
Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

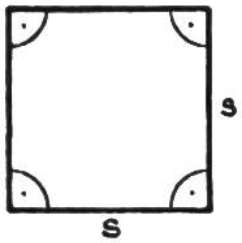
Haftungsausschluss

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

Ein Dienst der *ETH-Bibliothek*
ETH Zürich, Rämistrasse 101, 8092 Zürich, Schweiz, www.library.ethz.ch

http://www.e-periodica.ch

Aus der Geometrie.



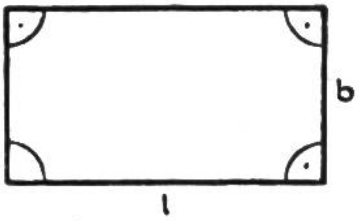
s = Seite.
U = Umfang.
F = Fläche.

Das Quadrat.

rechtwinklig, gleichseitig.

$U = 4 \cdot s$ $\qquad F = s \cdot s$ *)

$s = \frac{U}{4} = U : 4$ $\qquad s = \sqrt{F}$



l = Länge.
b = Breite.

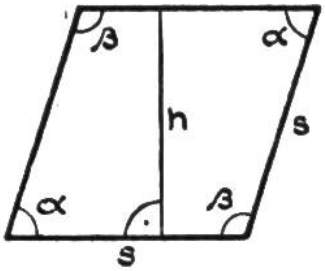
Das Rechteck.

rechtwinklig, ungleichseitig.

$U = (l + b) \cdot 2$ $\qquad F = l \cdot b$

$l = \frac{U}{2} - b$ $\qquad l = \frac{F}{b} = F : b$

$b = \frac{U}{2} - l$ $\qquad b = \frac{F}{l} = F : l$



s = Seite.
h = Höhe.

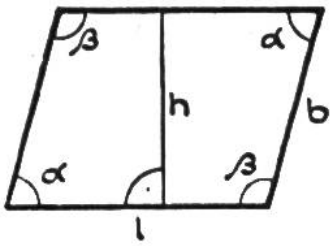
Der Rhombus, die Raute.

schiefwinklig, gleichseitig.

$U = 4 \cdot s$ $\qquad F = s \cdot h$

$s = \frac{U}{4} = U : 4$ $\qquad s = \frac{F}{h} = F : h$

$\measuredangle\alpha + \measuredangle\beta = 180^\circ$ $\qquad h = \frac{F}{s} = F : s$



l = Länge.
b = Breite.
h = Höhe.

Das Rhomboid, Parallelogramm.

schiefwinklig, ungleichseitig.

$U = (l + b) \cdot 2$ $\qquad F = l \cdot h$

$l = \frac{U}{2} - b$ $\qquad l = \frac{F}{h} = F : h$

$b = \frac{U}{2} - l$ $\qquad h = \frac{F}{l} = F : l$

$\measuredangle\alpha \quad \measuredangle\beta = 180^\circ$

Das Dreieck.

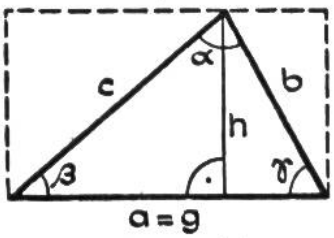
$F = \frac{g \cdot h}{2}$ $\qquad g = \frac{2 \cdot F}{h}$ $\qquad h = \frac{2 \cdot F}{g}$

$\measuredangle\alpha + \measuredangle\beta + \measuredangle\gamma = 180^\circ$ $\qquad U = a + b + c$

$\measuredangle\alpha = 180^\circ - (\measuredangle\beta + \measuredangle\gamma)$ $\qquad a = U - (b + c)$

$\measuredangle\beta = 180^\circ - (\measuredangle\alpha + \measuredangle\gamma)$ $\qquad b = U - (a + c)$

$\measuredangle\gamma = 180^\circ - (\measuredangle\alpha + \measuredangle\beta)$ $\qquad c = U - (a + b)$

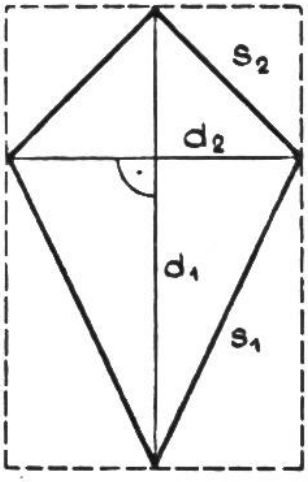


g = Grundlinie.
h = Höhe.

Spezialfälle: Das gleichseitige, die gleichschenkligen und die rechtwinkligen Dreiecke.

*) Algebraische Schreibweise: $F = s^2$, gelesen s hoch 2; ebenso für andere Flächenformeln verwendbar.

Das Drachenviereck.



d_1 = lange Diagonale.
d_2 = kurze Diagonale.
s_1 = lange Seite.
s_2 = kurze Seite.

$$U = (s_1 + s_2)\cdot 2 \qquad F = \frac{d_1 \cdot d_2}{2}$$

$$s_1 = \frac{U}{2} - s_2 \qquad d_1 = \frac{2\cdot F}{d_2}$$

$$s_2 = \frac{U}{2} - s_1 \qquad d_2 = \frac{2\cdot F}{d_1}$$

Spezialfälle:

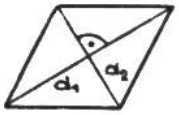
Quadrat:

$$F = \frac{d \cdot d}{2}$$

$$d = \sqrt{2 \cdot F}$$

d = Diagonale.

Rhombus:



$$F = \frac{d_1 \cdot d_2}{2}$$

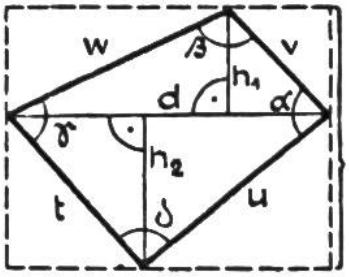
$$d_1 = \frac{2 \cdot F}{d_2}$$

$$d_2 = \frac{2 \cdot F}{d_1}$$

d_1 = lange Diagonale.
d_2 = kurze Diagonale.

Das Trapezoid.

Das unregelmässige Viereck.



$h_1 + h_2$

d = Diagonale
h_1 = Höhe 1
h_2 = Höhe 2

$$F = \frac{(h_1 + h_2)\cdot d}{2} \qquad d = \frac{2\cdot F}{(h_1 + h_2)}$$

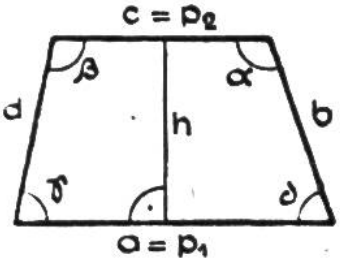
$$h_1 = \frac{2\cdot F}{d} - h_2 \qquad h_2 = \frac{2\cdot F}{d} - h_1$$

$$\measuredangle\alpha + \measuredangle\beta + \measuredangle\gamma + \measuredangle\delta = 360^\circ \qquad U = t + u + v + w$$

$$\measuredangle\alpha = 360^\circ - (\measuredangle\beta + \measuredangle\gamma + \measuredangle\delta) \qquad t = U - (u + v + w)$$

u.s.w. u.s.w.

Das Trapez.



p_1 = grosse Parallele.
p_2 = kleine Parallele.
h = Höhe.

$$F = \frac{(p_1 + p_2)\cdot h}{2} \qquad h = \frac{2\cdot F}{(p_1 + p_2)}$$

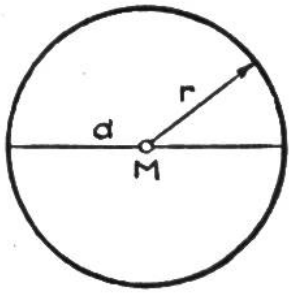
$$p_1 = \frac{2\cdot F}{h} - p_2 \qquad p_2 = \frac{2\cdot F}{h} - p_1$$

$$\measuredangle\alpha + \measuredangle\beta + \measuredangle\gamma + \measuredangle\delta = 360^\circ \qquad U = a + b + c + d$$

$$\measuredangle\alpha = 360^\circ - (\measuredangle\beta + \measuredangle\gamma + \measuredangle\delta) \qquad a = U - (b + c + d)$$

u.s.w. u.s.w.

Der Kreis.



d = Durchmesser.
r = Radius.
M = Mittelpunkt.

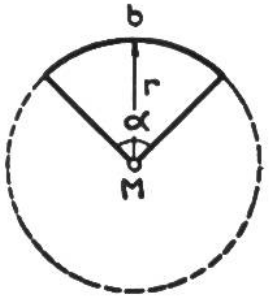
$$U = d\cdot\pi \qquad U = 2\cdot r\cdot\pi$$

$$d = \frac{U}{\pi} \qquad r = \frac{U}{2\cdot\pi}$$

$$F = r\cdot r\cdot\pi = \frac{d\cdot d\cdot\pi}{4} = \frac{U\cdot U}{4\cdot\pi}$$

$$r = \sqrt{\frac{F}{\pi}} \qquad d = 2\cdot\sqrt{\frac{F}{\pi}} \qquad U = 2\cdot\sqrt{F\cdot\pi}$$

Spezialfälle: Halbkreis, Viertelkreis.



r = Radius.
b = Kreisbogen.
α = Zentriwinkel.
M = Mittelpunkt.

Der Kreissektor.

$$b = \frac{U \cdot \alpha}{360} = \frac{d \cdot \pi \cdot \alpha}{360} = \frac{r \cdot \pi \cdot \alpha}{180}$$

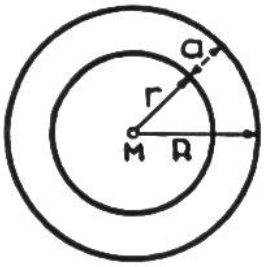
$$\alpha = \frac{b \cdot 360}{U} = \frac{b \cdot 360}{d \cdot \pi} = \frac{b \cdot 180}{r \cdot \pi}$$

$$F = \frac{b \cdot r}{2} \qquad b = \frac{2 \cdot F}{r} \qquad r = \frac{2 \cdot F}{b}$$

$$F = \frac{r \cdot r \cdot \pi \cdot \alpha}{360} = \frac{d \cdot d \cdot \pi \cdot \alpha}{4 \cdot 360} = \frac{U \cdot U \cdot \alpha}{4 \cdot \pi \cdot 360}$$

$$\alpha = \frac{F \cdot 360}{r \cdot r \cdot \pi} = \frac{F \cdot 360 \cdot 4}{d \cdot d \cdot \pi} = \frac{F \cdot 360 \cdot 4 \cdot \pi}{U \cdot U}$$

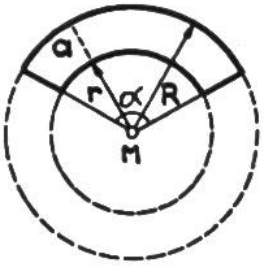
$$r = 6 \cdot \sqrt{\frac{F \cdot 10}{\alpha \cdot \pi}} \qquad d = 12 \cdot \sqrt{\frac{F \cdot 10}{\alpha \cdot \pi}} \qquad U = 12 \cdot \sqrt{\frac{F \cdot 10 \cdot \pi}{\alpha}}$$



R = äusserer Radius.
r = innerer Radius.
a = radiale Breite des Kreisrings.
M = Mittelpunkt.

Der Kreisring.

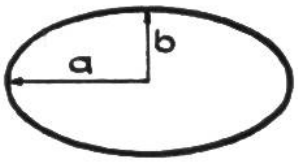
$$F = (R + r) \cdot (R - r) \cdot \pi$$
$$= (R + r) \cdot a \cdot \pi$$
$$= (2 \cdot r + a) \cdot a \cdot \pi = (d + a) \cdot a \cdot \pi$$
$$= (2 \cdot R - a) \cdot a \cdot \pi = (D - a) \cdot a \cdot \pi$$



R = äusserer Radius.
r = innerer Radius.
a = radiale Breite des Kreisringstücks.
α = Zentriwinkel.
M = Mittelpunkt.

Das Kreisringstück.

$$F = (R + r) \cdot (R - r) \cdot \pi \cdot \frac{\alpha}{360}$$
$$= (R + r) \cdot a \cdot \pi \cdot \frac{\alpha}{360}$$
$$= (2 \cdot r + a) \cdot a \cdot \pi \cdot \frac{\alpha}{360} = (d + a) \cdot a \cdot \pi \cdot \frac{\alpha}{360}$$
$$= (2 \cdot R - a) \cdot a \cdot \pi \cdot \frac{\alpha}{360} = (D - a) \cdot a \cdot \pi \cdot \frac{\alpha}{360}$$

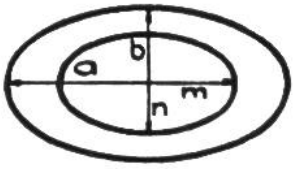


Die Ellipse.

$$F = a \cdot b \cdot \pi$$

$$a = \frac{F}{b \cdot \pi} \qquad b = \frac{F}{a \cdot \pi}$$

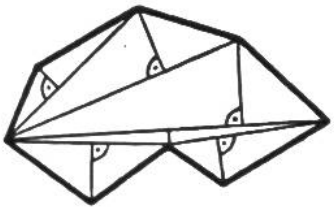
a = halbe grosse Achse.
b = halbe kleine Achse.

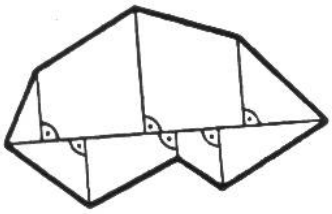


Der elliptische Ring.

$$F = (a \cdot b - m \cdot n) \cdot \pi$$

a, b = halbe Achsen der äussern Ellipse.
m, n = halbe Achsen der innern Ellipse.



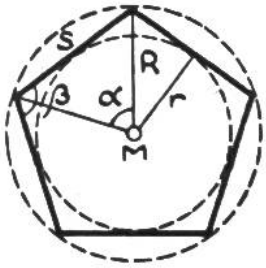


Das unregelmässige Vieleck.

Umfang = Summe aller Seiten.
Fläche = man zerlegt die Vieleckfläche:

a. mit Diagonalen in Dreicke und eventuell Trapezoide, berechnet diese Teile und addiert die Teilresultate.

b. mit einer passenden Diagonale und auf dieser rechtwinklig errichtete Höhen zu den Eckpunkten in Dreiecke und Trapeze, berechnet diese Teile einzeln und addiert die Teilresultate.



R = Radius d. Umkreis.
r = Radius d. Inkreis.
n = Seitenzahl.
s = Vieleckseite.
α = Zentriwinkel.
β = Vieleckwinkel.

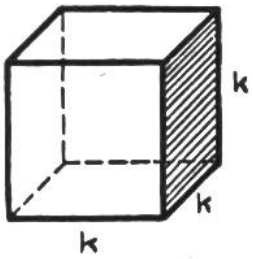
Das regelmässige Vieleck.

$$U = n \cdot s \qquad n = \frac{U}{s} \qquad s = \frac{U}{n}$$

$$F = \frac{n \cdot s \cdot r}{2} \qquad n = \frac{2 \cdot F}{s \cdot r}$$

$$r = \frac{2 \cdot F}{n \cdot s} \qquad s = \frac{2 \cdot F}{n \cdot r}$$

$$\measuredangle \alpha = \frac{360^\circ}{n} \qquad \measuredangle \beta = 180^\circ - \measuredangle \alpha$$



k = Kante.
K = Gesamt-kantenlänge.
M = Mantel.
O = Oberfläche.
J = Inhalt.

Der Würfel.

$$K = 12 \cdot k \qquad k = \frac{K}{12} = K:12$$

$$M = k \cdot k \cdot 4 \qquad k = \sqrt{\frac{M}{4}} = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{M}$$

$$O = k \cdot k \cdot 6 \qquad k = \sqrt{\frac{O}{6}}$$

$$J = k \cdot k \cdot k \;\; {}^{*)} \qquad k = \sqrt[3]{J}$$

Der Quader.

$$K = (l + b + h) \cdot 4$$

$$l = \frac{K}{4} - (b + h) \quad \text{ebenso } b \text{ und } h.$$

$$M = (l + b) \cdot 2 \cdot h$$

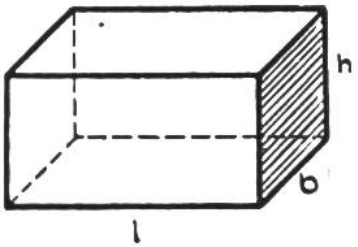
$$l = \frac{M}{2 \cdot h} - b, \text{ ebenso } b; \quad h = \frac{M}{2 \cdot (l + b)}$$

$$O = (l \cdot b + l \cdot h + b \cdot h) \cdot 2$$

$$l = \left(\frac{O}{2} - b \cdot h\right) : (b + h) \quad \text{ebenso } b \text{ und } h.$$

$$J = l \cdot b \cdot h$$

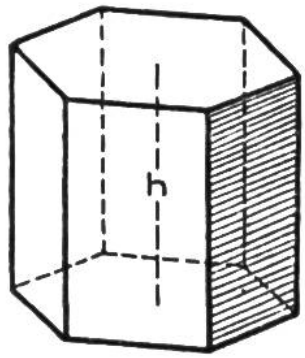
$$l = \frac{J}{b \cdot h} \cdot b = \frac{J}{l \cdot h} \qquad h = \frac{J}{l \cdot b}$$



l = Länge.
b = Breite.
h = Höhe.

*) Algebraische Schreibweise: $J = k^3$, gelesen k hoch 3; ebenso für andere Inhaltsformeln verwendbar.

Das Prisma.



$$K = 2 \cdot U + n \cdot h$$

$$U = \frac{K - n \cdot h}{2} \qquad n = \frac{K - 2 \cdot U}{h} \qquad h = \frac{K - 2 \cdot U}{n}$$

$$M = U \cdot h$$

$$U = \frac{M}{h} \qquad h = \frac{M}{U}$$

$$O = M + 2 \cdot G$$

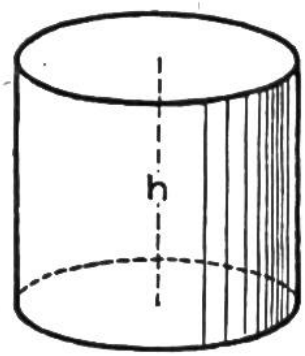
$$M = O - 2 \cdot G \qquad G = \frac{O - M}{2}$$

$$J = G \cdot h$$

$$G = \frac{J}{h} \qquad h = \frac{J}{G}$$

K = Gesamtkantenlänge.
h = Höhe.
n = Zahl der Höhenkanten.
U = Umfang der Grundfläche.
G = Grundfläche.

Der Zylinder, die Walze.



$$M = U \cdot h = d \cdot \pi \cdot h = 2 \cdot r \cdot \pi \cdot h$$

$$h = \frac{M}{U} = \frac{M}{d \cdot \pi} = \frac{M}{2 \cdot r \cdot \pi}$$

$$U = \frac{M}{h} \qquad d = \frac{M}{h \cdot \pi} \qquad r = \frac{M}{2 \cdot h \cdot \pi}$$

$$O = M + 2 \cdot G$$

$$= \left(h + \frac{U}{2 \cdot \pi}\right) \cdot U = \left(h + \frac{d}{2}\right) \cdot d \cdot \pi = (h + r) \cdot 2 \cdot r \cdot \pi$$

$$J = G \cdot h$$

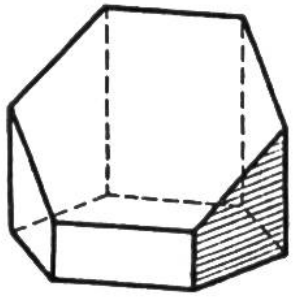
$$= r \cdot r \cdot \pi \cdot h = \frac{d \cdot d \cdot \pi \cdot h}{4} = \frac{U \cdot U \cdot h}{4 \cdot \pi}$$

$$h = \frac{J}{r \cdot r \cdot \pi} = \frac{4 \cdot J}{d \cdot d \cdot \pi} = \frac{4 \cdot J \cdot \pi}{U \cdot U}$$

$$r = \sqrt{\frac{J}{h \cdot \pi}} \qquad d = 2 \cdot \sqrt{\frac{J}{h \cdot \pi}} \qquad U = 2 \cdot \sqrt{\frac{J \cdot \pi}{h}}$$

r = Radius.
d = Durchmesser.
h = Höhe.
U = Umfang.
G = Grundfläche.
M = Mantel.
O = Oberfläche.
J = Inhalt.

Das schiefabgeschnittene Prisma.



$$M = \frac{U \cdot (h_1 + h_2 + \ldots + h_n)}{n}$$

$$h_1 = \frac{n \cdot M}{U} - (h_2 + h_3 + \ldots + h_n) \quad \text{ebenso } h_2, h_3, \ldots, h_n$$

$$U = \frac{n \cdot M}{(h_1 + h_2 + \ldots + h_n)}$$

$$O = M + G_1 + G_2$$

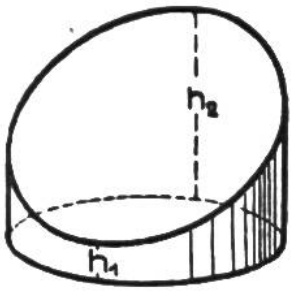
$$J = \frac{G_1 \cdot (h_1 + h_2 + \ldots + h_n)}{n}$$

$$G_1 = \frac{n \cdot J}{(h_1 + h_2 + \ldots + h_n)}$$

$$h_1 = \frac{n \cdot J}{G_1} - (h_2 + h_3 + \ldots + h_n) \quad \text{ebenso } h_2, h_3, \ldots, h_n$$

h = Höhen.
n = Zahl der Höhen.
G_1 = Grundfläche.
G_2 = Deckfläche.

Der schiefabgeschnittene Zylinder.



h_1 = kleinste Höhe.
h_2 = grösste Höhe.
G_1 = Grundfläche.
G_2 = Deckfläche.

$$M = \frac{U\cdot(h_1+h_2)}{2} = \frac{d\cdot\pi\cdot(h_1+h_2)}{2} = r\cdot\pi\cdot(h_1+h_2)$$

$$h_1 = \frac{2\cdot M}{U} - h_2 = \frac{2\cdot M}{d\cdot\pi} - h_2 = \frac{M}{r\cdot\pi} - h_2 \quad \text{ebs. } h_2$$

$$U = \frac{2\cdot M}{(h_1+h_2)} \qquad d = \frac{2\cdot M}{(h_1+h_2)\cdot\pi} \qquad r = \frac{M}{(h_1+h_2)\cdot\pi}$$

$$O = M + G_1 + G_2$$

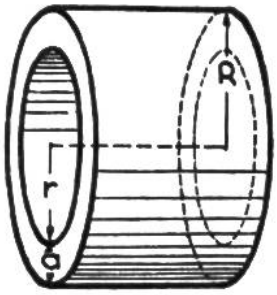
$$J = \frac{G_1\cdot(h_1+h_2)}{2}$$

$$= \frac{r\cdot r\cdot\pi\cdot(h_1+h_2)}{2} = \frac{d\cdot d\cdot\pi\cdot(h_1+h_2)}{8} = \frac{U\cdot U\cdot(h_1+h_2)}{8\cdot\pi}$$

$$h_1 = \frac{2\cdot J}{r\cdot r\cdot\pi} - h_2 = \frac{8\cdot J}{d\cdot d\cdot\pi} - h_2 = \frac{8\cdot J\cdot\pi}{U\cdot U} - h_2 \quad \text{ebs. } h_2$$

$$r = \sqrt{\frac{2\cdot J}{(h_1+h_2)\cdot\pi}} \qquad d = 2\cdot\sqrt{\frac{2\cdot J}{(h_1+h_2)\cdot\pi}} \qquad U = 2\cdot\sqrt{\frac{2\cdot J\cdot\pi}{(h_1+h_2)}}$$

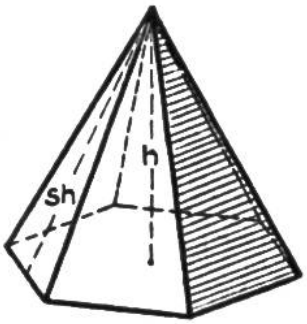
Der Hohlzylinder.



R = äusserer Radius.
r = innerer Radius.
a = Wandstärke.

$$J = (R+r)\cdot(R-r)\cdot\pi\cdot h = (R+r)\cdot a\cdot\pi\cdot h$$
$$= (2\cdot r + a)\cdot a\cdot\pi\cdot h = (d+a)\cdot a\cdot\pi\cdot h$$
$$= (2\cdot R - a)\cdot a\cdot\pi\cdot h = (D-a)\cdot a\cdot\pi\cdot h$$

Die Pyramide.



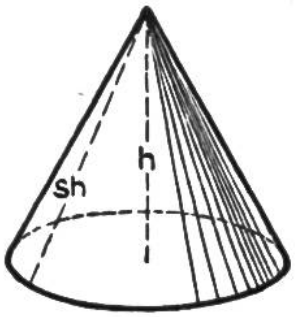
sh = Seitenhöhe.
h = Höhe.

$$M = \frac{U\cdot sh}{2} \qquad U = \frac{2\cdot M}{sh} \qquad sh = \frac{2\cdot M}{U}$$

$$O \quad M + G$$

$$J = \frac{G\cdot h}{3} \qquad G = \frac{3\cdot J}{h} \qquad h = \frac{3\cdot J}{G}$$

Der Kegel.



sh = Seitenhöhe.
h = Höhe.
r = Radius.

$$M = \frac{U\cdot sh}{2} = \frac{d\cdot\pi\cdot sh}{2} = r\cdot\pi\cdot sh$$

$$sh = \frac{2\cdot M}{U} = \frac{2\cdot M}{d\cdot\pi} = \frac{M}{r\cdot\pi}$$

$$U = \frac{2\cdot M}{sh} \qquad d = \frac{2\cdot M}{sh\cdot\pi} \qquad r = \frac{M}{sh\cdot\pi}$$

$$O = M + G = (sh+r)\cdot r\cdot\pi$$

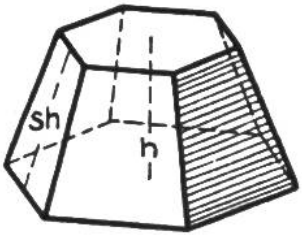
$$J = \frac{G\cdot h}{3}$$

$$= \frac{r\cdot r\cdot\pi\cdot h}{3} = \frac{d\cdot d\cdot\pi\cdot h}{12} = \frac{U\cdot U\cdot h}{12\cdot\pi}$$

$$h = \frac{3\cdot J}{r\cdot r\cdot\pi} = \frac{12\cdot J}{d\cdot d\cdot\pi} = \frac{12\cdot J\cdot\pi}{U\cdot U}$$

$$r = \sqrt{\frac{3\cdot J}{h\cdot\pi}} \qquad d = 2\cdot\sqrt{\frac{3\cdot J}{h\cdot\pi}} \qquad U = 2\cdot\sqrt{\frac{3\cdot J\cdot\pi}{h}}$$

Die abgestumpfte Pyramide.



sh = Seitenhöhe.
h = Höhe.
U = Umfang der Grundfläche.
u = Umfang der Deckfläche.
G = Grundfläche.
g = Deckfläche.

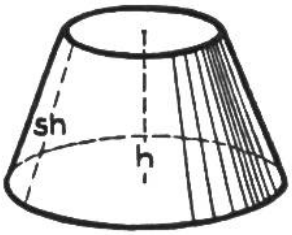
$$M = \frac{(U+u)\cdot sh}{2}$$

$$U = \frac{2\cdot M}{sh} - u \quad \text{ebenso } u; \quad sh = \frac{2\cdot M}{(U+u)}$$

$$O = M + G + g$$

$$J = \frac{(G+\sqrt{G\cdot g}+g)\cdot h}{3}$$

Der abgestumpfte Kegel.



sh = Seitenhöhe.
h = Höhe.
R = Radius der Grundfläche.
r = Radius der Deckfläche.

$$M = (R+r)\cdot\pi\cdot sh = \frac{(D+d)\cdot\pi\cdot sh}{2} = \frac{(U+u)\cdot sh}{2}$$

$$sh = \frac{M}{(R+r)\cdot\pi} = \frac{2\cdot M}{(D+d)\cdot\pi} = \frac{2\cdot M}{(U+u)}$$

$$R = \frac{M}{\pi\cdot sh} - r \quad D = \frac{M\cdot 2}{\pi\cdot sh} - d \quad U = \frac{M\cdot 2}{sh} - u$$

ebenso r, d und u.

$$O = M + G + g$$

$$= (R\cdot R + [R+r]\cdot sh + r\cdot r)\cdot\pi$$

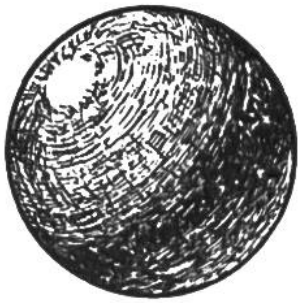
$$J = \frac{(R\cdot R + R\cdot r + r\cdot r)\cdot\pi\cdot h}{3} = \frac{(D\cdot D + D\cdot d + d\cdot d)\cdot\pi\cdot h}{12}$$

$$= \frac{(U\cdot U + U\cdot u + u\cdot u)\cdot h}{12\cdot\pi}$$

$$h = \frac{3\cdot J}{(R\cdot R + R\cdot r + r\cdot r)\cdot\pi} = \frac{12\cdot J}{(D\cdot D + D\cdot d + d\cdot d)\cdot\pi}$$

$$= \frac{12\cdot J\cdot\pi}{(U\cdot U + U\cdot u + u\cdot u)}$$

Die Kugel.



r = Radius

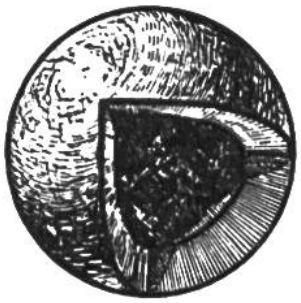
$$O = 4\cdot r\cdot r\cdot\pi = d\cdot d\cdot\pi = \frac{U\cdot U}{\pi}$$

$$r = \frac{1}{2}\cdot\sqrt{\frac{O}{\pi}} \quad d = \sqrt{\frac{O}{\pi}} \quad U = \sqrt{O\cdot\pi}$$

$$J = \frac{4\cdot r\cdot r\cdot r\cdot\pi}{3} = \frac{d\cdot d\cdot d\cdot\pi}{6} = \frac{U\cdot U\cdot U}{6\cdot\pi\cdot\pi}$$

$$r = \sqrt[3]{\frac{3\cdot J}{4\cdot\pi}} \quad d = \sqrt[3]{\frac{6\cdot J}{\pi}} \quad U = \sqrt[3]{6\cdot J\cdot\pi\cdot\pi}$$

Die Hohlkugel.



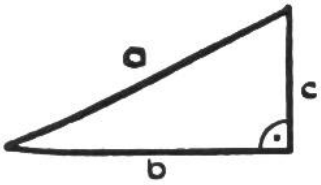
R = äusserer Radius.
r = innerer Radius.

$$J = \frac{4\cdot(R\cdot R\cdot R - r\cdot r\cdot r)\cdot\pi}{3}$$

$$= \frac{(D\cdot D\cdot D - d\cdot d\cdot d)\cdot\pi}{6}$$

$$= \frac{(U\cdot U\cdot U - u\cdot u\cdot u)}{6\cdot\pi\cdot\pi}$$

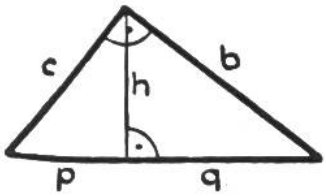
Der Lehrsatz des Pythagoras.



a = Hypotenuse
b und c = Katheten

Im rechtwinkligen Dreieck ist das Hypotenusenquadrat gleich der Summe der beiden Kathetenquadrate.

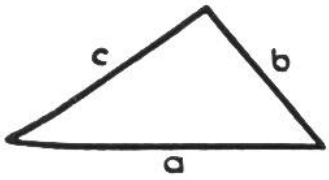
$$a^2 = b^2 + c^2 \qquad a = \sqrt{b^2 + c^2}$$
$$b^2 = a^2 - c^2 \qquad b = \sqrt{a^2 - c^2} = \sqrt{(a+c)\cdot(a-c)}$$
$$c^2 = a^2 - b^2 \qquad c = \sqrt{a^2 - b^2} = \sqrt{(a+b)\cdot(a-b)}$$



p und q = Abschnitte der Hypotenuse
p + q = a

$$b^2 = a\cdot q \qquad b = \sqrt{a\cdot q} \qquad q = \frac{b^2}{a} \qquad a = \frac{b^2}{q}$$
$$c^2 = a\cdot p \qquad c = \sqrt{a\cdot p} \qquad p = \frac{c^2}{a} \qquad a = \frac{c^2}{p}$$
$$h^2 = p\cdot q \qquad h = \sqrt{p\cdot q} \qquad p = \frac{h^2}{q} \qquad q = \frac{h^2}{p}$$

Die Formel des Heron.



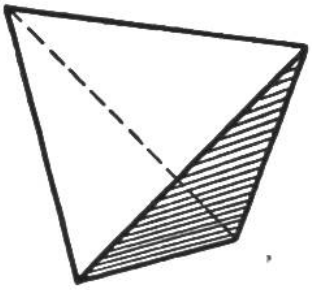
a, b und c = Seiten des ungleichseitigen Dreiecks.

$$F = \sqrt{s\cdot(s-a)\cdot(s-b)\cdot(s-c)}$$
$$s = \frac{U}{2} = \frac{a+b+c}{2}$$

Reguläre Polyeder.

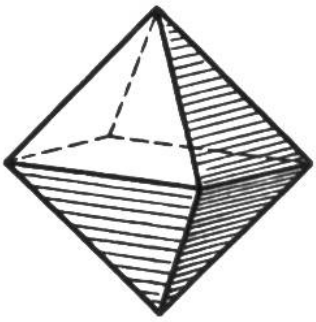
Tetraeder.

4 gleichseitige Dreieckflächen.



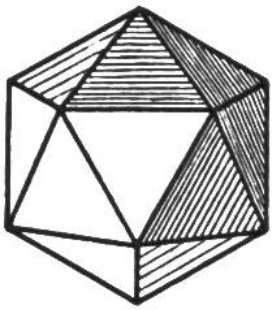
Oktaeder.

8 gleichseitige Dreieckflächen.



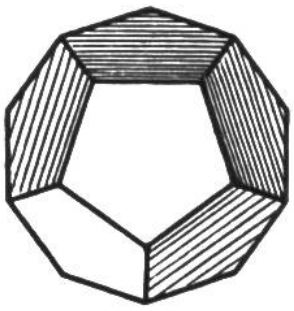
Ikosaeder.

20 gleichseitige Dreieckflächen.



Dodekaeder.

12 regelmässige Fünfeckflächen.



H. Althaus - E. Hug