

Sur le calcul des voûtes

Autor(en): **[s.n.]**

Objektyp: **Article**

Zeitschrift: **Bulletin technique de la Suisse romande**

Band (Jahr): **41 (1915)**

Heft 11

PDF erstellt am: **11.07.2024**

Persistenter Link: <https://doi.org/10.5169/seals-31607>

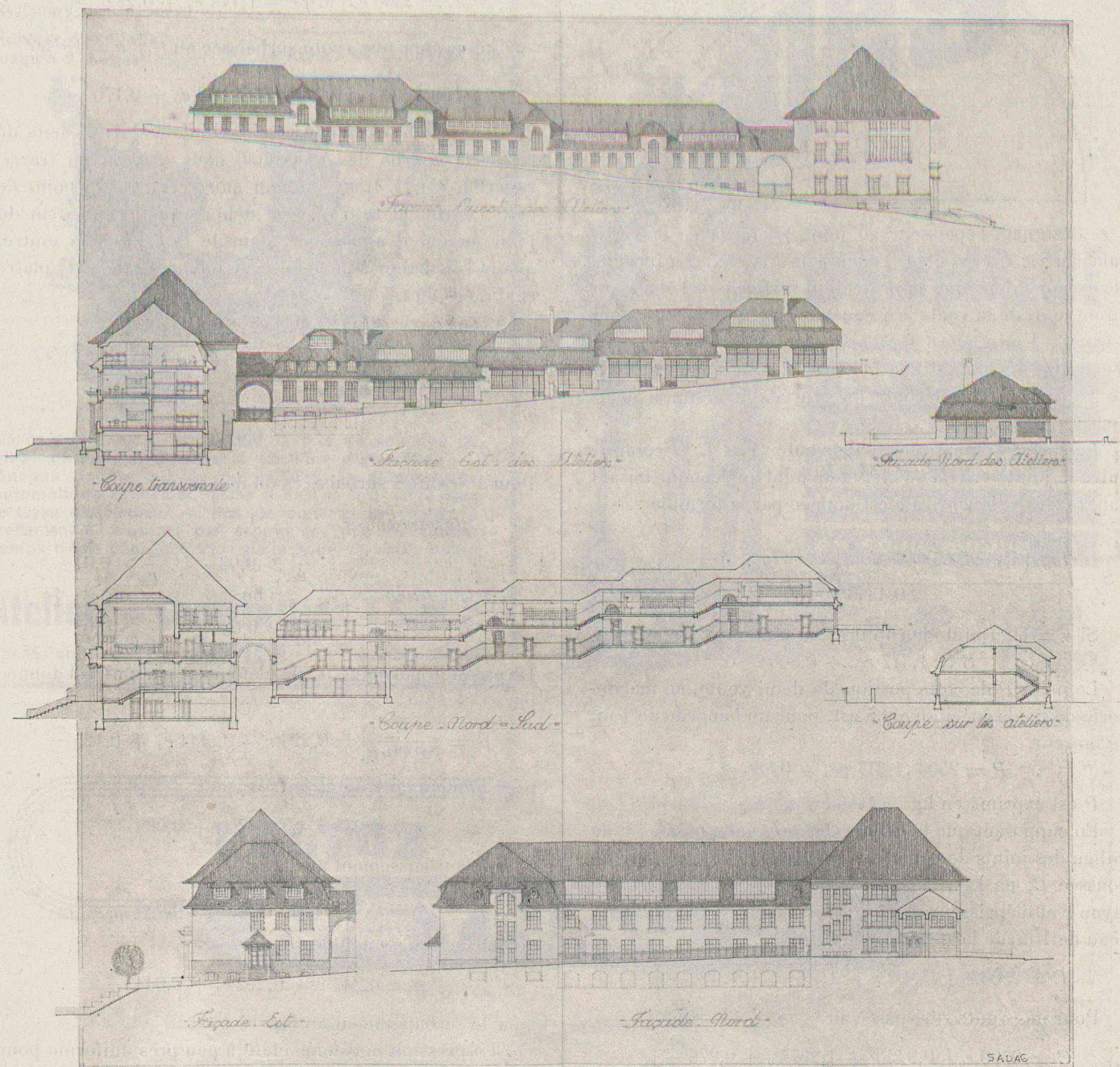
Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern. Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

Haftungsausschluss

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

CONCOURS POUR L'ECOLE PROFESSIONNELLE, A LAUSANNE.



1^{er} prix : projet « Varlope », de MM. *Taillens et Dubois*, architectes, à Lausanne.

Echelle. — 1 : 800

Concours pour l'École Professionnelle, à Lausanne.¹

Nous publions aux pages 128 à 131 le plan de situation, deux profils du terrain et les principales planches du projet *Varlope*, de MM. *Taillens et Dubois*, architectes à Lausanne, qui a obtenu le premier prix. Le rapport du jury et les autres projets primés seront reproduits dans notre prochain numéro.

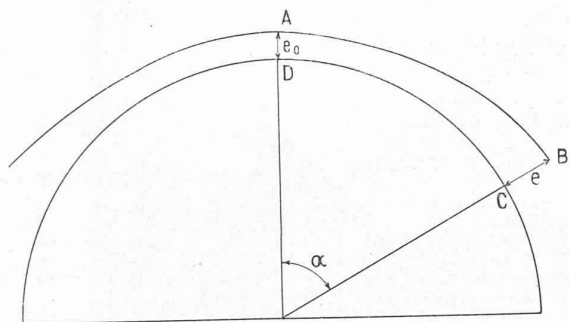
Sur le calcul des voûtes.

M. Bourguignon étudie, dans le volume VI, 1914, des *Annales des Ponts et Chaussées*,¹ les voûtes extradossées suivant la conchoïde de Nicomède et donne, à ce propos, plusieurs formules, inédites, croyons-nous, dont l'utilité est manifeste.

Ces voûtes sont extradossées d'après la formule usuelle

$$(1) \quad e = \frac{e_0}{\cos \alpha}$$

¹ Voir N° du 25 mai 1915, page 119.



e désignant l'épaisseur au joint qui fait avec la verticale l'angle α et e_0 étant l'épaisseur à la clef. La formule (1) exprime donc que la projection verticale de l'épaisseur en un joint de la voûte est constante et égale à l'épaisseur à la clef. Une analyse fort brève montre que la courbe d'extrados répondant à la formule (1) est une conchoïde de Nicomède, d'où découle un procédé très simple pour décrire la courbe.

La surface d'un tronçon de voûte $A B C D$ compris entre le joint vertical de clef et un joint quelconque faisant l'angle α avec la verticale est donnée par la formule :

$$S = \frac{\log \left(1 + \operatorname{tg} \frac{\alpha}{2} \right) - \log \left(1 - \operatorname{tg} \frac{\alpha}{2} \right)}{0,4343} r e_0 + \frac{e_0^2}{2} \operatorname{tg} \alpha$$

Si $\alpha = 60^\circ$ (joint de rupture) on a pour le plein cintre
 $S = 1,317 r e_0 + 0,866 e_0^2$

Le poids P de cette portion de demi-voûte, en maçonnerie de poids spécifique 2,5 est, pour un bandeau de 1 m. de largeur.

$$P = 2500 (1,317 r e_0 + 0,866 e_0^2)$$

P est exprimé en kg., r et e_0 en mètres.

En supposant que la courbe des pressions passe par le milieu des joints de clef et de rupture, on trouve que la poussée C , en kg., à la clef, pour un plein cintre de rayon r et d'épaisseur e_0 à la clef, est donnée, pour un bandeau de 1 m. de largeur, par la formule

$$C = 2500 e_0 \left(0,892 r + 1,777 e_0 + 0,498 \frac{e_0^2}{r} \right)$$

Pour une voûte surbaissée au $1/5$ ($\alpha = 43^\circ 38'$)

$$C = 2500 e_0 \left(0,942 r + 1,267 e_0 + 0,276 \frac{e_0^2}{r} \right)$$

¹ Nous saluons l'apparition de ce volume qui marque la reprise régulière de la publication de cet important périodique suspendue dès le début de la guerre du fait que l'établissement où il est imprimé est situé dans un département français occupé par les armées allemandes. Ce tome contient, en manière de préambule à une admirable étude de M. F. Buisson sur « Le facteur moral de la victoire », une sobre mais éloquente préface de M. A. Kleine, Inspecteur général des Ponts et Chaussées, président de la Commission des Annales. Nous partageons ses sentiments d'affliction en présence des calamités qui se sont abattues sur certaines régions de la France et « sur le sol neutre de l'admirable Belgique » et nous nous inclinons respectueusement devant ceux qui ont tant souffert par l'injure d'un destin immérité.

Réd.

Pour une voûte surbaissée au $1/7,5$ ($\alpha = 29^\circ 59'$)

$$C = 2500 e_0 \left(976 r + 1,113 e_0 + 0,212 \frac{e_0^2}{r} \right)$$

Enfin, pour une voûte surbaissée au $1/12$ ($\alpha = 18^\circ 56'$)

$$C = 2500 e_0 \left(0,990 r + 1,048 e_0 + 0,175 \frac{e_0^2}{r} \right)$$

Connaissant cette poussée horizontale C il est facile de tracer la courbe des pressions, mais c'est là un travail superflu, car M. Bourgougnon montre qu'aucun point de cette courbe ne se trouve en dehors du tiers médian du joint auquel il appartient, dans le cas du plein cintre, quand l'épaisseur à la clef est au moins égale aux quatre centièmes du rayon, c'est-à-dire quand on a

$$\frac{e_0}{r} \geq 0,04$$

ou, $2a$ étant l'ouverture

$$\frac{e_0}{a} \geq 0,04$$

Pour les voûtes surbaissées on doit avoir :

Surbaissement	$1/5$	$1/7,5$
Condition	$\frac{e_0}{r} \geq 0,03$	$\frac{e_0}{r} \geq 0,01$
	ou	ou
	$\frac{e_0}{a} \geq 0,04$	$\frac{e_0}{a} \geq 0,02$

La pression moyenne p à la clef en kg. par cm^2 , est donnée par

$$p = \frac{C}{10000 e_0} = 0,223 r + 0,444 e_0 + 0,125 \frac{e_0^2}{r}$$

pour le plein cintre ($r = a$)

$$p = 0,235 r + 0,317 e_0 + 0,069 \frac{e_0^2}{r}$$

pour le surbaissement au $1/5$

$$p = 0,244 r + 0,278 e_0 + 0,053 \frac{e_0^2}{r}$$

pour le surbaissement au $1/7,5$

$$p = 0,247 r + 0,262 e_0 + 0,044 \frac{e_0^2}{r}$$

pour le surbaissement au $1/12$.

« La pression moyenne étant à peu près uniforme pour tous les joints d'une voûte extradossée suivant la relation

$$e = \frac{e_0}{\cos \alpha}$$

ces formules, dit M. Bourgougnon, suffisent pour apprécier le travail des matériaux de la voûte. On constate en les rapprochant les unes des autres, que la pression moyenne ne varie avec le surbaissement que dans une faible mesure pour des voûtes ayant même rayon, ce que permettrait de prévoir *a priori* la formule de Navier, d'après laquelle la pression à la clef serait proportionnelle au rayon de courbure du cerveau de la voûte.

(A suivre).