

**Zeitschrift:** Bulletin technique de la Suisse romande  
**Band:** 93 (1967)  
**Heft:** 8

**Artikel:** Sur la détermination par voie semi-électronique des déformations d'ouvrages d'art  
**Autor:** Ansermet, A.  
**DOI:** <https://doi.org/10.5169/seals-69070>

### **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. [Siehe Rechtliche Hinweise.](#)

### **Conditions d'utilisation**

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. [Voir Informations légales.](#)

### **Terms of use**

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. [See Legal notice.](#)

**Download PDF:** 19.11.2024

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

# BULLETIN TECHNIQUE DE LA SUISSE ROMANDE

Paraissant tous les 15 jours

## ORGANE OFFICIEL

de la Société suisse des ingénieurs et des architectes  
de la Société vaudoise des ingénieurs et des architectes (SVIA)  
de la Section genevoise de la SIA  
de l'Association des anciens élèves de l'EPUL (Ecole polytechnique  
de l'Université de Lausanne)  
et des Groupes romands des anciens élèves de l'EPF (Ecole poly-  
technique fédérale de Zurich)

## COMITÉ DE PATRONAGE

Président: E. Martin, arch. à Genève  
Vice-président: E. d'Okolski, arch. à Lausanne  
Secrétaire: S. Rieben, ing. à Genève  
Membres:  
Fribourg: H. Gicot, ing.; M. Waeber, arch.  
Genève: G. Bovet, ing.; Cl. Groscurin, arch.; J.-C. Ott, ing.  
Neuchâtel: J. Béguin, arch.; R. Guye, ing.  
Valais: G. de Kalbermatten, ing.; D. Burgener, arch.  
Vaud: A. Chevalley, ing.; A. Gardel, ing.;  
M. Renaud, ing.; J.-P. Vouga, arch.

## CONSEIL D'ADMINISTRATION

de la Société anonyme du « Bulletin technique »  
Président: D. Bonnard, ing.  
Membres: Ed. Bourquin, ing.; G. Bovet, ing.; M. Bridel; J. Favre,  
arch.; A. Robert, ing.; J.-P. Stucky, ing.  
Adresse: Avenue de la Gare 10, 1000 Lausanne

## RÉDACTION

D. Bonnard, E. Schnitzler, S. Rieben, ingénieurs; M. Bevilacqua,  
architecte  
Rédaction et Editions de la S.A. du « Bulletin technique »  
Tirés à part, renseignements  
Avenue de Cour 27, 1000 Lausanne

## ABONNEMENTS

1 an . . . . .	Suisse	Fr. 40.—	Etranger	Fr. 44.—
Sociétaires . . . . .	»	» 33.—	»	» 2.50
Prix du numéro . . . . .	»	» 2.—	»	» 2.50

Chèques postaux: « Bulletin technique de la Suisse romande »,  
N° 10 - 5775, Lausanne

Adresser toutes communications concernant abonnement, vente au  
numéro, changement d'adresse, expédition, etc., à: Imprimerie  
La Concorde, Terreaux 29, 1000 Lausanne

## ANNONCES

Tarif des annonces:  
1/1 page . . . . . Fr. 423.—  
1/2 » . . . . . » 220.—  
1/4 » . . . . . » 112.—  
1/8 » . . . . . » 57.—

Adresse: Annonces Suisses S.A.  
Place Bel-Air 2. Tél. (021) 22 33 26, 1000 Lausanne et succursales



## SOMMAIRE

Sur la détermination par voie semi-électronique des déformations d'ouvrages d'art, par A. Ansermet, ing. prof.  
Bibliographie.  
Documentation générale. — Documentation du bâtiment. — Informations diverses.

## SUR LA DÉTERMINATION PAR VOIE SEMI-ÉLECTRONIQUE DES DÉFORMATIONS D'OUVRAGES D'ART<sup>1</sup>

par A. ANSERMET, ing. prof.

Le calcul de déformations d'ouvrages d'art est un problème-fléuve ayant suscité déjà de nombreuses publications, surtout en ce qui concerne les barrages; les méthodes modernes comportent en principe des mesures angulaires et linéaires, ces dernières de préférence électrotéléométriques. Dans ce dernier domaine on dispose maintenant d'une documentation assez abondante (voir [8], [9]). Les lignes qui suivent sont valables pour des ouvrages de tous genres mais sont consacrés plus spécialement à des charpentes; elles présentent un intérêt particulier, car on peut confronter des éléments calculés et ceux déduits de mesures. Dans le cas concret traité ci-après, on déterminera non seulement des ellipsoïdes de déformation mais aussi des ellipsoïdes standards, notion empruntée à la statistique mathématique (voir [3]).

Si la charpente est assimilable à un système articulé, la théorie des déformations est due à l'origine au professeur Mayor; récemment elle fut développée à nouveau, notamment dans les *Mémoires internationaux des Ponts et Charpentes*, par des staticiens éminents, en particulier par le professeur Naruoka (voir [7]). La chaire de statique de Zurich, après avoir émis judicieusement l'avis que la notion d'ellipsoïde de défor-

mation était susceptible d'être encore développée, s'exprimait comme suit:

« Quant aux équations permettant de déterminer les déplacements inconnus des nœuds, les auteurs précités les obtiennent par des équations d'équilibre des forces intérieures et extérieures à chaque nœud... »

« ... Il n'est pas nécessaire d'introduire un état initial (Grundsystem). »

Il convient de préciser ce qui suit: les professeurs Mayor, Naruoka, Li ne font pas de coupures mais il y a des équations aux déformations initiales. Dans le cas de coupures, l'état initial est arbitraire, ce qui est essentiel; les poids des barres *a posteriori* sont alors calculables avant de connaître les termes absolus des équations initiales. Ce calcul peut devenir fort laborieux mais il procure un avantage: le nombre des inconnues est égal à la somme des quotients des poids des barres *a priori* par ceux *a posteriori*. Ce contrôle est le bienvenu. Dans l'exemple numérique ci-après, les six poids *a posteriori* sont égaux mais pas ceux *a priori*, ce qui est assez rare, surtout spatialement. L'ellipsoïde de déformation du nœud est sphérique.

<sup>1</sup> Publication patronnée par la chaire de statique de l'EPUL.

Le cas traité ici a été choisi pour montrer le rôle que peut jouer la statistique mathématique en corrélation avec la méthode des moindres carrés.

L'équation fondamentale, initiale, est, sans couper des barres :

$$(2) \quad v_i = a_i \Delta x + b_i \Delta y + c_i \Delta z \quad (a_i^2 + b_i^2 + c_i^2 = 1)$$

l'indice  $i$  étant celui de la barre, et  $v_i$  la déformation, variation de longueur ;  $\Delta x, \Delta y, \Delta z$  les variations de coordonnées du nœud libre 1.

Exemple : On a six équations (2) et trois équations d'équilibre (nœud 1) ; ces dernières fournissent les termes absolus ; inconnues :  $\Delta x, \Delta y, \Delta z$  et les efforts axiaux dans les barres.

Les  $p_i$  et  $P_i$  sont respectivement les poids *a priori* et *a posteriori* (voir ci-dessous).

$i =$ barres		$a_i$	$b_i$	$c_i$	$p_i$	$P_i$
1	1-2	+ 0,142	+ 0,804	+ 0,577	1	2,2
2	1-3	+ 0,625	- 0,525	+ 0,577	1	2,2
3	1-4	- 0,767	- 0,279	+ 0,577	1	2,2
4	1-5	+ 0,740	+ 0,345	+ 0,577	1,2	2,2
5	1-6	- 0,071	- 0,813	+ 0,577	1,2	2,2
6	1-7	- 0,669	+ 0,469	+ 0,577	1,2	2,2

Si on adopte la solution avec coupure de barres, on a la forme :

$$(3) \quad v_i = a_i \delta x + b_i \delta y + c_i \delta z + f_i$$

où, pratiquement, on a les mêmes coefficients ; une question controversée est de faire un choix entre les solutions avec ou sans coupures de barres. Le genre de structure joue ici un rôle. Dans les deux cas, les éléments de base sont des déformations (Verformungsgrößenverfahren).

La méthode sans coupures, préconisée par la chaire de statique de Lausanne (professeur Mayor) et deux collaborateurs éminents des *Mémoires internationaux des Ponts et Charpentes*, est remarquable ; il n'y a pas de dérivées partielles de l'énergie à former.

Une confrontation des deux solutions dans la pratique serait désirable ; ce n'est pas le but de ces lignes de développer ce problème, qui est vaste, de façon plus étendue\*.

En ce qui concerne les ellipsoïdes de déformations dans la mesure où des conditions de symétrie sont réalisées quant à la structure à calculer, on peut envisager des ellipsoïdes pour lesquels les coefficients de poids des inconnues  $Q_{xx}, Q_{yy}, Q_{zz}$  sont à peu près égaux, tandis que les  $Q_{xy}, Q_{xz}, Q_{yz}$  sont faibles. Dans l'exemple numérique ci-dessus, on a :

$$[paa] = [pbb] = [pcc] = 2,2 = \frac{1}{Q_{xx}} = \frac{1}{Q_{yy}} = \frac{1}{Q_{zz}}$$

tandis que

$$Q_{xy} = Q_{xz} = Q_{yz} = 0 \quad ([pab] = [pac] = [pbc] = 0).$$

Au nœud 1 on a une sphère de déformation, ce qui correspond à la valeur constante  $P_i = 2,2$  pour tous les poids *a posteriori* ; les valeurs  $p_1, p_2, p_3$  sont amplifiées 2,2 fois, tandis que  $p_4, p_5, p_6$  sont amplifiés,  $2,2/1,2 = 1,83$  fois.

\* Pour encourager ces recherches, un Prix Mayor est institué à l'EPUL.

D'autre part,  $v_i = \frac{T l_i}{E_i S_i}$  ( $T$  tension,  $S$  section transversale de la barre), tandis que  $p_i = \frac{E_i S_i}{l_i}$ . La condition du minimum porte donc sur  $[v^2 p] [\dots] = \Sigma (\dots)$

Certains staticiens paraissent avoir appliqué le principe des moindres carrés sans s'en rendre compte.

Pour simplifier, admettons  $p_i = 1$ .

Les dérivées de l'énergie peuvent revêtir la forme :

$$(4) \quad [av] = 0, [bv] = 0, [cv] = 0$$

(termes absolus :  $[af], [bf], [cf]$ )

équations normales sous forme condensée (matrice des coefficients (6)).

Multiplions ces trois équations respectivement par  $Q_{xx}, Q_{xy}, Q_{xz}$ , valeurs provisoirement indéterminées, puis posons :

$$(5) \quad \begin{cases} [aa]Q_{xx} + [ab]Q_{xy} + [ac]Q_{xz} = 1 & (\text{coefficient de } \delta x) \\ [ab]Q_{xx} + [bb]Q_{xy} + [bc]Q_{xz} = 0 & (\text{coefficient de } \delta y) \\ [ac]Q_{xx} + [bc]Q_{xy} + [cc]Q_{xz} = 0 & (\text{coefficient de } \delta z) \end{cases}$$

équations dites aux coefficients de poids ; les  $\delta y, \delta z$  sont éliminés.

$$\text{Il reste : } \delta x + \alpha_1 f_1 + \alpha_2 f_2 + \alpha_3 f_3 \dots = 0$$

et, en appliquant la loi connue de propagation des poids :

$$\frac{1}{p_x} = \alpha_1^2 \frac{1}{p_1} + \alpha_2^2 \frac{1}{p_2} \dots = [\alpha\alpha] \frac{1}{p} = [\alpha\alpha] \quad (p_i = 1) \quad (\text{hypothèse})$$

$p_x$  = poids de  $\delta x$ . De plus, on voit que :

$$[\alpha\alpha] = 1, [b\alpha] = 0, [c\alpha] = 0.$$

D'où :  $[\alpha\alpha] = Q_{xx} = \frac{1}{p_x}$ . Calcul analogue pour  $p_y, p_z$ .

Il n'est pas nécessaire de connaître les  $\alpha$  pris séparément.

Les matrices symétriques ci-après sont donc réciproques :

$$(6) \quad \begin{bmatrix} [aa] & [ab] & [ac] \\ & [bb] & [bc] \\ & & [cc] \end{bmatrix} \quad \begin{bmatrix} Q_{xx} & Q_{xy} & Q_{xz} \\ & Q_{yy} & Q_{yz} \\ & & Q_{zz} \end{bmatrix}$$

$$(7) \quad m_o^2 \cong [v\nu] : (\text{nombre de barres surabondantes})$$

( $m_o$  : déformation quadratique moyenne)

$$M_x^2 = m_o^2 Q_{xx} ; M_y^2 = m_o^2 Q_{yy} ; M_z^2 = m_o^2 Q_{zz}.$$

Ces valeurs  $M_x, M_y, M_z$  fournissent trois paires de plans tangents à l'ellipsoïde de déformation ; ces paires sont normales aux axes de coordonnées. Il est aisé de généraliser si les  $p_i$  sont inégaux ; ces  $p_i$  interviennent par leurs valeurs relatives. On aura des  $[p\nu\nu], [pav], [pbv], [pcv]$ , etc.

On s'efforce de réaliser l'égalité ou presque des éléments diagonaux des matrices (6), les éléments non diagonaux étant si possible négligeables. Le cas où on a un groupe de sommets libres (coupes, etc.) fut

traité récemment. Autrefois le nombre d'équations linéaires à résoudre jouait un grand rôle pour choisir les inconnues ; maintenant tout a changé. En particulier les matrices symétriques sont inversées avec une rapidité telle qu'une vraie révolution se manifeste dans les modes de calcul, pas seulement en hyperstatique des systèmes articulés.

### Mesure de déformations

Ici de nouvelles méthodes sont à envisager, en s'aidant de la statistique mathématique (voir [3], [4]). Les considérations qui suivent sont valables pour les ouvrages d'art en général. Un point  $P$  d'une charpente (tour, etc.) se déplace d'une quantité  $PP'$  à déterminer. A partir de points fixes  $A, B, C \dots$  connus, on effectue des mesures angulaires ou linéaires par voie électronique (télémétrie à ondes lumineuses), en nombre si possible très surabondant. Pour chacun des points  $P$  et  $P'$  on a un groupe d'équations appelées improprement aux erreurs. Une petite complication se manifeste quant aux dimensions : on aura tantôt des secondes, tantôt des millimètres ; une solution consiste à convertir ces équations (voir [5]). Il ne reste plus que des équations sans dimensions ; de telles conversions sont devenues courantes. Admettons de plus, pour simplifier, que  $PP'$  est assez petit pour qu'on puisse attribuer les mêmes coefficients, à  $1/1000$  près, pour les inconnues dans les deux groupes d'équations ; à cet effet on a recours à un point provisoire  $P_0$ , situé dans le voisinage du milieu de  $PP'$ . On aura donc :

coordonnées de  $P$  :

$$x_0 + \delta x, y_0 + \delta y, z_0 + \delta z ;$$

coordonnées de  $P'$  :

$$x_0 + \delta x', y_0 + \delta y', z_0 + \delta z' ;$$

$P_0(x_0, y_0, z_0)$  permet de calculer les coefficients des six inconnues.

C'est le mode de calcul dit aux variations de coordonnées ; les termes absolus des équations sont obtenus en confrontant les valeurs mesurées avec les provisoires. Les  $\nu$  sont fractionnés, comme c'est le cas pour les déformations.

*Cas concret.* Un exemple, de caractère didactique, facilite la compréhension.

	$x$	$y$	$z$
$A$	+ 206 <sup>m</sup> ,3	0	0
$B$	0	+ 206 <sup>m</sup> ,3	0
$C$	- 206,3	0	0
$D$	0	- 206,3	0
$P_0$	0	0	+ 154 <sup>m</sup> ,7

Ces valeurs sont arrondies :

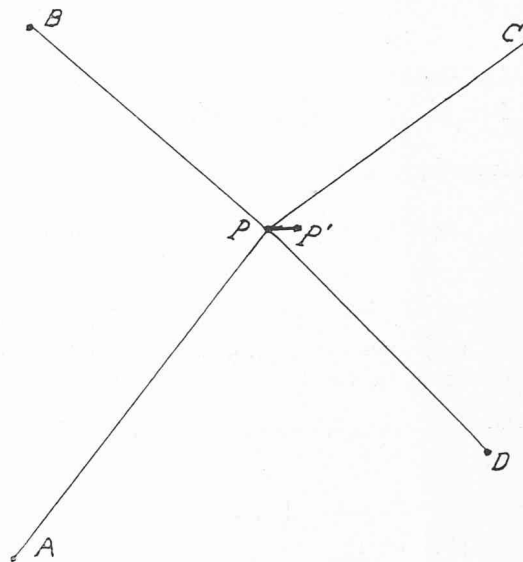
$$\sin 1'' = 1/206265.$$

Angles verticaux en  $A, B, C, D$  sur  $P_0$

$$\alpha \cong 36^{\circ}52' \quad \sin \alpha \cong 0,6 ;$$

$$d \operatorname{tg} \alpha = d\alpha / \cos^2 \alpha ; \quad \cos^2 \alpha \cong 0,64.$$

Les unités étant respectivement le millimètre puis la seconde, le calcul des coefficients des équations aux erreurs est immédiat :



Miroir en  $P, P'$

	mm	$\delta x$	$\delta y$	$\delta z$
$AP$	$\nu_1$	+ 0,8	0	+ 0,6
$BP$	$\nu_2$	0	+ 0,8	+ 0,6
$CP$	$\nu_3$	- 0,8	0	+ 0,6
$DP$	$\nu_4$	0	- 0,8	+ 0,6

Mesures linéaires (électroniques)  
(télémètre à ondes lumineuses)  
 $p_i = 1$

	$\delta x$	$\delta y$		$\delta z$		
$AP$	+ 1	0	$\nu_5$	$AP$	+ 0,64	$\nu_9$
$BP$	0	+ 1	$\nu_6$	$BP$	+ 0,64	$\nu_{10}$
$CP$	- 1	0	$\nu_7$	$CP$	+ 0,64	$\nu_{11}$
$DP$	0	- 1	$\nu_8$	$DP$	+ 0,64	$\nu_{12}$

Planimétrie

Les  $\nu_5, \nu_6 \dots \nu_{12}$  en secondes

$p_i = 1$

Altimétrie

$p_i = 1$

Pour les matrices mutuellement réciproques, on obtient tout de suite :

$i = 1, 2, 3, 4$

$$\begin{bmatrix} 1,28 & 0 & 0 \\ & 1,28 & 0 \\ & & 1,44 \end{bmatrix} \quad \text{et} \quad \begin{bmatrix} 0,78 & 0 & 0 \\ & 0,78 & 0 \\ & & 0,69 \end{bmatrix}$$

$$\text{puis : } \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ & 2 & 0 \\ & & 1,64 \end{bmatrix} \quad \text{et} \quad \begin{bmatrix} 0,5 & 0 & 0 \\ & 0,5 & 0 \\ & & 0,61 \end{bmatrix}$$

$i = 5, 6 \dots 12$

Les axes des ellipsoïdes d'erreur sont proportionnels à  $\sqrt{0,78}, \sqrt{0,78}, \sqrt{0,69}$  (mesures linéaires).

Les longueurs des axes de l'ellipsoïde sont proportionnelles à  $\sqrt{0,5}, \sqrt{0,5}, \sqrt{0,61}$  (mesures angulaires).

Si on groupe les douze équations aux erreurs au lieu de les dissocier ( $i = 1, 2, 3, 4$  puis  $i = 5, 6 \dots 12$ ), il faut unifier les dimensions et calculer les poids en conséquence. On obtient alors des coefficients de poids des inconnues :

$Q_{xx}, Q_{yy}, Q_{zz}$  pour  $P$  et  $Q_{x'x'}, Q_{y'y'}, Q_{z'z'}$  pour  $P'$  ainsi que 24 valeurs pour les  $\nu$  :  $\nu_1, \nu_2 \dots \nu_{12}$  puis  $\nu'_1, \nu'_2 \dots \nu'_{12}$ .

$$\text{De plus : } PP'^2 = (\delta x - \delta x')^2 + (\delta y - \delta y')^2 + (\delta z - \delta z')^2 = \xi^2 + \eta^2 + \zeta^2$$

les poids respectifs des mesures étant  $p_1, p_2 \dots p_{12}$  pour  $P$  et  $p'_1, p'_2 \dots p'_1$  pour  $P'$ .

La statistique mathématique nous donne (voir [4]) :

$$(8) \quad M_\xi^2 : M_\eta^2 : M_\zeta^2 = (Q_{xx} + Q_{x'x'}) : (Q_{yy} + Q_{y'y'}) : (Q_{zz} + Q_{z'z'})$$

ces  $M_\xi, M_\eta, M_\zeta$  étant les erreurs quadratiques moyennes des  $\xi, \eta, \zeta$ , ces éléments étant les composantes du déplacement  $PP'$ .

L'erreur quadratique moyenne relative à l'unité de poids est  $M_o$  :

$$(9) \quad M_o^2 \cong ([p\nu\nu] + [p'\nu'\nu']) : 18$$

(18 mesures surabondantes).

On sait que cette formule ne peut pas être établie rigoureusement ; et enfin :

$$(10) \quad M_\xi^2 = M_o^2 (Q_{xx} + Q_{x'x'})$$

(formules analogues pour  $M_\eta, M_\zeta$ ).

A ces valeurs  $M_\xi, M_\eta, M_\zeta$  correspondent trois paires de plans parallèles et normaux respectivement par rapport aux axes de coordonnées qui enveloppent un ellipsoïde de centre arbitraire, le milieu de  $PP'$  par exemple (voir [3]) ; il est dit standard en statistique mathématique. On s'efforcera aussi de réaliser la forme sphérique pour ces surfaces. On évitera pour ces ellipsoïdes (de

déformation, standard) des formes très défavorables.

En résumé, dans les lignes ci-dessus, on a fait varier les coordonnées des nœuds de trois façons :

- 1° L'état initial, pour ces variations, est réalisé en faisant abstraction des forces extérieures.
- 2° On opère préalablement certaines coupures, d'où un autre état initial dont on déduit les termes absolus des équations aux déformations.
- 3° Pour déterminer le déplacement  $PP'$  d'un nœud, on a recours à des valeurs provisoires pour les coordonnées de  $P$  et  $P'$ . La statistique mathématique fournit un mode de calcul, mais ce n'est pas le seul. Cette solution est applicable à d'autres ouvrages d'art (voir [5]).

#### LITTÉRATURE

- [1] MAYOR, B. : *Statique graphique des systèmes spatiaux* (Lausanne, 1926).
- [2] KOBOLD, F. : *Bestimmung von Deformationen an Bauwerken* (Schw. Bauzeitung, mars 1958).
- [3] RICHARDUS, P. : *Triangulation im Lichte der mathematischen Statistik* (Messungen von Deformationen an Bauwerken).
- [4] WOLF, H. : *Anwendung von Verfahren der mathematischen Statistik* [3] et [4] (Zeitschr. f. Vermessungswesen, novembre 1964).
- [5] ANSERMET, A. : *Calcul de déformations d'ouvrages d'art* (Schw. Zeitschr. für Vermessung Nr. 7, 1966).
- [6] ANSERMET, A. : *A propos de la théorie de Mayor en hyperstatique* (Bulletin technique, août 1966).
- [7] NARUOKA : *Formulation of Equilibrium Equations for Pin-Jointed Structures* (Mémoires internationaux Ponts et Charpentes, 1962).
- [8] KONDRASCHKOF : *Elektrooptische Entfernungsmessung* (VEB, Berlin).
- [9] JORDAN-EGGERT-KNEISSL : *Vermessungskunde VI ; Entfernungsmessung* (Stuttgart).

## BIBLIOGRAPHIE

**Tables tachéométriques, donnant aussi rapidement que la règle logarithmique tous les calculs nécessaires à l'emploi du tachéomètre**, par P. Lons, ingénieur d'études de chemins de fer. 13<sup>e</sup> édition. Paris, Béranger, Dunod, 1966. — Un volume 14×22 cm, xiv + 220 pages. Prix : relié, 24 F.

Le tachéomètre est un instrument qui s'est rapidement vulgarisé : la célérité et la facilité avec lesquelles il se prête à rendre exactement le relief du terrain l'ont fait adopter pour les levés topographiques importants, et, actuellement il est devenu nécessaire pour tout avant-projet de chemin de fer en terrains difficiles.

Des essais de tables ont été tentés, mais ils sont tous restés sans résultats pratiques en raison du temps qu'en demandait l'application.

Pourtant, en réfléchissant, à la manière dont se pratiquent les opérations tachéométriques, on s'aperçoit que les calculs peuvent être resserrés dans des limites assez restreintes, et qui ne sont qu'exceptionnellement dépassées.

Le livre cité présente une méthode simple pour éviter que la recherche du sinus carré soit aussi longue que celle de la tangente : au lieu de calculer directement la distance horizontale, on détermine la différence entre cette distance et le nombre générateur, différence relativement faible et qui permet de trouver immédiatement la distance horizontale sans d'autre calcul qu'une soustraction pouvant être faite de tête.

Trois tables sont données dans ce livre :

*Table 1* : distances horizontales et hauteurs verticales de 80 à 120 grades.

*Table 2* : cotangentes et sinus carrés naturels de 120 à 150 grades pour un rayon de 100 m.

*Table 3* : sinus et cosinus naturels pour un rayon de 100 m.

Ces tables pourront être utiles aux ingénieurs des ponts et chaussées et des travaux publics, au personnel des services topographiques et des bureaux d'études d'entreprise ; elles pourront aussi être utilisées par les topographes se servant d'instruments gradués suivant la division centésimale.

A noter que les tableaux sont disposés d'une manière uniforme, ce qui facilite la consultation de ces tables pour le calculateur.

**L'invention dans l'industrie. De la recherche à l'exploitation. 60 exemples récents**, par J. Jewkes, D. Sawers, R. Stillerman, adapté de l'anglais par Anne Ciry. Paris, Les Editions d'organisation, Entreprise moderne d'édition, 1966. — Un volume 15×24 cm, 382 pages. Prix : broché, 35 F.

Comment naissent les inventions ? Comment promouvoir la recherche ? Pour répondre à ces questions, les auteurs ont analysé soixante inventions très diverses — de la direction assistée à la xérogaphie, du stylo à bille au cinérama — de manière systématique, en faisant porter leur observation sur trois variables : importance du groupe de chercheurs, statut du ou des inventeurs et, éventuellement, nature de l'institution.

Cet examen des faits, en lui-même très original et intéressant, conduit à infirmer plus d'un préjugé tenace. On constate, en particulier, que *l'apport des chercheurs isolés reste très important* à notre époque. L'originalité individuelle, l'imagination, l'indépendance à l'égard des