

Zeitschrift: L'Enseignement Mathématique
Band: 21 (1920-1921)
Heft: 1: L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE

Artikel: TABLE DE CARACTÉRISTIQUES DE BASE 30 030 DONNANT, EN UN SEUL COUP d'ŒIL, LES FACTEURS PREMIERS DES NOMBRES PREMIERS AVEC 30 030 ET INFÉRIEURS A 901 800 900

Kapitel: Avantages de la nouvelle Table de caractéristiques sur les Tables jusqu'ici imprimées.

Autor: Lebon, Ernest

DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-515712>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. [Siehe Rechtliche Hinweise.](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. [Voir Informations légales.](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. [See Legal notice.](#)

Download PDF: 15.10.2024

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

lorsque le quotient q et le reste r , obtenus en divisant K par B , sont tels que q puisse se décomposer en deux facteurs K_1 et K_2 dont la somme égale r , le nombre $BK + 1$ est le produit de deux nombres $BK_1 + 1$ et $BK_2 + 1$ de la TABLE DES CARACTÉRISTIQUES $K < 30\,030$.

Les valeurs de K_1 et de K_2 sont les racines de l'équation du second degré

$$x^2 - rx + q = 0$$

lorsque le binôme

$$r^2 - 4q$$

est un carré positif.

Donc les facteurs premiers du nombre considéré $Bx + 1$ sont les facteurs des nombres $BK_1 + 1$ et $BK_2 + 1$ de la TABLE DES CARACTÉRISTIQUES $K < 30\,030$, sauf les facteurs premiers de I' .

*Avantages de la nouvelle Table de caractéristiques
sur les Tables jusqu'ici imprimées.*

Mes recherches ont toujours été dominées par le souci d'occuper moins de place que tous mes devanciers et par le désir d'arriver à la plus grande commodité pour trouver les facteurs premiers.

On comprend que l'ensemble de la TABLE DES CARACTÉRISTIQUES $K < 30\,030$ et de la TABLE DES CARACTÉRISTIQUES $K > 30\,029$ contient beaucoup moins de lignes qu'il n'en faudrait pour inscrire tous les nombres compris entre B et B^2 , si l'on veut bien tenir compte des faits qui suivent :

1° L'emploi de la base $30\,030$ diminue de beaucoup le nombre des nombres dont on doit chercher les facteurs. Il y a à considérer, au lieu de $901\,800\,899$ nombres, seulement

$$30\,029.5760 = 172\,967\,040 \text{ nombres ;}$$

2° Les caractéristiques K des nombres premiers de la forme $BK + 1$ compris entre B et B^2 ne sont pas inscrites ;

3° Les caractéristiques $K > 30\,029$ et correspondant aux nombres premiers $Bx + 1$ ne sont pas inscrites quand I' est premier ;

4° En regard d'une caractéristique K sont inscrits tous les facteurs premiers du nombre $BK + 1$ qui conduit à cette caractéristique ;

5° Avec la TABLE DES CARACTÉRISTIQUES $K < 30\,030$, on trouve, à une même ligne, les facteurs premiers d'un nombre $BK + 1$ et les facteurs premiers des nombres $Bx + 1$, amenés par la méthode à cette ligne ;

6° Avec la TABLE DES CARACTÉRISTIQUES $K > 30\,029$, on peut obtenir, à une même ligne, la décomposition en facteurs premiers de plusieurs nombres composés $Bx + 1$, amenés à la forme $BK + 1$.

Le grand avantage de la *nouvelle Table de caractéristiques* K , et son originalité, c'est donc de diminuer, grâce à tous ces faits, le nombre des lignes à employer et de permettre, une caractéristique K étant connue, la lecture d'un seul coup d'œil de la composition du nombre $BK + 1$ qui correspond à cette caractéristique et presque toujours de la composition de 1 à 15 nombres $Bx + 1$ que la méthode amène à cette caractéristique.

*Historique de l'accueil fait à la nouvelle Table
de caractéristiques.*

Après plusieurs essais, j'ai eu l'heureuse idée que la plus belle solution pour obtenir le double résultat que je cherchais, c'était d'amener tous les nombres à la forme $BK + 1$; et j'ai presque immédiatement vu que le problème dépendait de la résolution de l'équation indéterminée

$$I.I' = Bk + 1, \quad (3)$$

où I' et k sont les inconnues dont les valeurs minimum positives sont inférieures à B .

Au Congrès de Nîmes de l'Association française pour l'Avancement des Sciences, dans la séance du 2 août 1912, j'énonce le principe qui m'a conduit à construire une *nouvelle Table de facteurs premiers des nombres*. Alors je commence les calculs pour la résolution de l'équation indéterminée, et je trouve des procédés plus rapides que la résolu-