

Influences depuis 1910.

Objekttyp: **Chapter**

Zeitschrift: **L'Enseignement Mathématique**

Band (Jahr): **29 (1930)**

Heft 1: **L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE.**

PDF erstellt am: **12.07.2024**

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern.

Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden.

Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

Haftungsausschluss

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

INFLUENCES DEPUIS 1910.

La puissance de la tradition. — On peut ajouter à l'influence des comités pour les examens « extra-muraux » dont il a été question plus haut, l'influence de la tradition ou le sentiment de satisfaction donné par le *statu quo*, ce qui a retardé, plus qu'aucune autre chose, tout progrès dans nos cours de mathématiques. Cela n'est pas un argument *a priori* contre les matières d'enseignement ou les méthodes de présentation qui ont été en honneur jusqu'à présent et qui peuvent être justifiées d'une manière rationnelle. Le fait qu'une idée ou une méthode a résisté à l'épreuve du temps est une raison pour la respecter, mais elle ne signifie pas que le temps, à lui seul, puisse donner la priorité ni que cette idée ou méthode soit inattaquable.

Domination du collège. — L'influence du collège comme celle de la tradition a retardé le développement de l'enseignement. Le Professeur FRASIER¹ en parlant récemment de cette situation, disait :

« La domination actuelle des collèges sur les écoles secondaires serait une bonne chose pour celles-ci, si ces collèges considéraient l'instruction comme quelque chose en relation avec la vie moderne. Mais en général le collège continue à garder des tendances datant du moyen-âge. »

« Si on en juge par les conditions d'admission des Collèges d'arts libéraux, on voit que pour être un vrai « libéral », il faut avoir le culte des choses du passé, Plus le « libéral » est important, plus sa genuflexion est profonde devant l'autel des reliques. »

Théorie de la discipline de l'esprit. — Cette théorie est une des causes qui changèrent les buts de l'instruction il y a une génération. Tant que cette théorie fut à l'honneur, un genre d'algèbre, par exemple, était considéré tout aussi efficace qu'un autre, pour l'éducation de la jeunesse. Plus tard on a abandonné ces idées défendues par des mathématiciens trop zélés et on a considéré avec plus d'attention ce que d'autres sujets offraient aussi bien pour l'éducation pratique que pour le développement intellectuel. Ainsi, on a changé de point de vue, on a passé du principe de discipline mentale au principe plus moderne d'après lequel on donne à l'élève des bases solides qui lui aident à se faire une vie plus large, plus utile et plus riche. Il se développe actuellement une tendance encore plus significative; c'est l'effort qu'on fait pour intéresser l'élève à ses propres activités et à son bien-être.

Programme minimum de questions essentielles (Minimum essentials).
— L'habitude de préparer une liste de ce qu'on appelle « minimum

¹ FRASIER, G. W. The Responsibility of Higher Institutions of Learning for the development of American Education. *Teachers College Record*, 30, p. 115.

essentials » s'est montrée utile dans les écoles, si l'on ne s'en tient pas qu'à ces programmes. Car elle ne donne que le strict nécessaire et risque de créer un niveau de médiocrité existant malheureusement aujourd'hui dans beaucoup d'écoles, ce qui fait que les élèves les plus doués sont les plus retardés. Par bonheur, on commence à réaliser que pour les élèves avancés, les listes de sujets doivent comprendre des questions qui dépassent les besoins de l'enfant moyen. Il se peut que l'on fasse bien de commencer avec ce que l'enfant moyen est censé pouvoir faire avec succès, mais on devrait aussi considérer les capacités des enfants retardés et celles des enfants plus doués.

Tests standardisés (Standardized Tests). — Contrairement à l'ancien système d'examens par compositions, il a été proposé un nouveau genre d'épreuves pour lesquelles une certaine technique (standard performance) pour la résolution correcte d'un certain nombre de questions en un certain nombre de minutes a été définies avec soin. Dans les mathématiques, c'est en arithmétique qu'on a fait le plus grand usage des tests standardisés. Cela est dû au fait que la matière se prête facilement à la standardisation. Pourtant il est juste de dire qu'aujourd'hui, même dans ce cas, on est éloigné d'une standardisation générale et nationale et que l'on tend plutôt vers des exercices de pratique et vers l'examen de cas individuels. Cette tendance s'est développée lorsqu'on s'est rendu compte de l'importance de juger les travaux des élèves d'après une gradation bien définie d'exercices en relation avec la classe de ces élèves plutôt que d'après une norme basée sur les travaux d'un groupe étranger — tendance due entièrement à l'influence du récent mouvement en faveur des tests.

Mauvaise Préparation des Maîtres de Mathématiques. — Le fait que bien des maîtres ne sont pas suffisamment préparés a beaucoup retardé les progrès en mathématiques. Cet état est dû à plusieurs causes, mais deux peuvent être citées ici comme fondamentales: 1) Le développement rapide des écoles secondaires a demandé plus de professeurs bien préparés qu'il n'a été possible d'en obtenir. 2) Il en est résulté que les professeurs eux-mêmes doutaient de leurs propres capacités.

Commission internationale. — Cette commission fut nommée par le 4^{me} Congrès international des mathématiciens à Rome; en 1908, pour étudier l'enseignement des mathématiques dans les différents pays. La plupart des rapports furent publiés vers 1912. A cause de la guerre mondiale, l'influence de cette commission ne fut pas aussi grande qu'elle aurait pu l'être; elle atteignit pourtant plusieurs milieux comme on l'a vu par les rapports précédents et par les réformes de l'enseignement aux Etats-Unis.

De 1911 à 1918, les publications du *United States Bureau of Education* qui donnaient les comptes rendus des travaux de la Commission Internationale furent partout en circulation. Ces exposés montrent, par leur contenu du moins, que les écoles des Etats-Unis sont très en retard par leurs usages sur les écoles européennes. Les effets de l'établissement d'une nouvelle commission internationale par le Congrès de Bologne en 1928 sont attendus avec grand intérêt.

En considérant le travail qui se fait dans les autres pays, dont il est question dans cette revue, on voit qu'il existe encore dans la plupart des écoles des Etats-Unis des conditions relativement peu satisfaisantes, bien que le travail progressif qui se fait en Europe ait une influence aux Etats-Unis. Cela est vrai surtout des publications des Professeurs PERRY¹ et NUNN² et de M. CARSON³.

Corrélation entre les différentes parties des Mathématiques. (Correlated mathematics). — Après une conférence en 1902 du professeur E. H. MOORE devant la Société mathématique américaine, le professeur MYERS introduisit un cours sur les relations entre les divers champs des mathématiques (correlated mathematics) à l'University of Chicago High School. Ce cours montra l'importance de la corrélation et de l'unification entre les sujets mathématiques à l'école secondaire; on s'efforça alors de supprimer les divisions entre les différents champs des mathématiques. Le successeur du professeur MYERS, le professeur BRESLICH semble considérer le travail accompli avant 1916 comme la partie expérimentale du programme qui précède un cours bien établi.

L'effort pour supprimer l'enseignement des mathématiques par parties séparées les unes des autres, ou système à « compartiments étanches » (watertight compartments) eut comme résultat d'unir d'une façon plus étroite, les mathématiques avec d'autres sujets qui demandent l'application de cette science. Cela fut vrai surtout pour les sciences physiques. Cependant il semble que très tôt ce mouvement d'unification s'est borné à prendre des problèmes dans d'autres sciences plutôt que d'opérer une fusion avec elles. La tendance d'établir des relations entre les diverses branches d'enseignement comme les mathématiques et la physique amena une corrélation plus étroite entre les parties même des mathématiques.

Mathématiques générales. — Le mouvement en faveur des mathématiques générales dans lesquelles la géométrie d'invention, d'observation, d'intuition ou « informal geometry » joue un grand rôle,

¹ PERRY, John. *The Teaching of Mathematics*. Un compte rendu d'une session de la British Association à Glasgow en 1901. Macmillan.

² NUNN, T. Percy. *The Teaching of Algebra (including Trigonometry)*. Longmans, Green and Co., 1914.

³ CARSON, G. St. L. *Mathematical Education*. Ginn & Co., 1913.

date du discours de John PERRY en 1901. Cependant à cause de l'état stationnaire des mathématiques dans les écoles supérieures, les progrès de ce mouvement furent plutôt décourageants jusqu'au moment de l'établissement de l'école supérieure « junior ». La junior high school est un nouveau système qui comprend les deux dernières années de l'école élémentaire et la première année de l'école supérieure. Avec le succès grandissant de cette institution, l'enseignement des mathématiques générales, dans les classes de 7^{me}, 8^{me} et 9^{me} de certaines écoles, s'est développé rapidement.

Le changement, cependant, n'a pas été partout très satisfaisant, même dans les « junior high schools ». Pour les mathématiques, par exemple, l'arithmétique seule est enseignée dans les classes de 7^{me} et de 8^{me} ce qui établit une ligne de démarcation très nette entre la 8^{me} et la 9^{me}, tandis que l'algèbre traditionnelle l'est en 9^{me}. Les mêmes conditions existent pour les autres branches.

Les attaques contre le système d'enseignement par « compartiments étanches » ont été beaucoup plus effectives qu'il semble à première vue. Bien que la plupart des livres de mathématiques publiés actuellement aient pour titres « Algèbre » ou « Géométrie » et semblent appartenir encore à l'ancien système, on s'aperçoit en examinant les textes que l'algèbre est souvent employée en géométrie.

Comité national chargé d'étudier les programmes de mathématiques. — Ce comité fut nommé par l'association mathématique d'Amérique (Mathematical Association of America) en 1916. Le rapport¹ du comité « La Réorganisation des Mathématiques dans l'enseignement secondaire » (*Reorganisation of Mathematics in Secondary Education*) fut publié en 1923. Le professeur SMITH a résumé cet important travail, comme suit:

Ce rapport fut préparé avec la coopération de groupes de professeurs de toutes les parties des Etats-Unis. Les buts de l'enseignement mathématique dans les écoles secondaires, « junior », « senior »² et de l'ancien système de 4 ans, y sont exposés très clairement avec des cours types pour ces différentes écoles et des conseils pour développer les plans donnés. On étudie aussi dans ce rapport la question des conditions d'admission dans les collèges, les propositions fondamentales de la géométrie, le rôle du concept de la fonction et les termes et symboles qui peuvent être convenablement employés dans les écoles. Des recherches dans divers sujets y sont recommandées, entre autres, l'état présent de la théorie des valeurs disciplinaires, la théorie de corrélation appliquée aux classes des écoles, une comparaison des programmes américains avec ceux d'Europe, cours expérimentaux en mathématiques, tests standardisés et préparation des

¹ Le rapport original est épuisé, mais une édition revue contenant les idées principales peut être obtenue chez Houghton, Mifflin, Co., New-York.

² L'école « Senior » est un nouveau système d'école qui comprend les trois dernières années des quatre ans de l'ancienne école supérieure.

maîtres de mathématiques. Ce n'est pas trop de dire que les progrès accomplis pendant la dernière décennie sont dus en grande partie à l'activité de ce comité.»

Toutes ces recommandations ont eu une grande influence dans l'élaboration des plans d'étude des écoles « junior » et « senior » mais ont été acceptées surtout par les premières. Cela vient peut-être de ce que le rapport fut écrit à l'époque où le projet de l'école « junior » était à l'étude et ainsi influença la discussion du programme à l'époque la plus plastique de son histoire.

L'école supérieure « junior » (Junior high school). — Le mouvement en faveur de l'école secondaire « junior » commença vers 1915, à être un facteur important dans l'instruction américaine. Ce mouvement créa une situation nouvelle dans les classes de 7^{me}, 8^{me} et 9^{me}, en grande partie indépendamment des conditions qui existaient dans ces classes, avec l'ancien système. Cela permit une plus grande liberté vis-à-vis de la tradition et il en résulta un grand changement dans les programmes de beaucoup d'écoles. Plusieurs auteurs de livres employés dans les écoles supérieures « junior » divisèrent le champ d'études en unités et introduisirent plusieurs chapitres de géométrie intuitive et un peu d'algèbre dans les classes de 7^{me} et de 8^{me}. La plupart de ces auteurs introduisirent aussi la trigonométrie en 9^{me} année et quelques-uns ajoutèrent un chapitre de géométrie démonstrative.

De tous les cours qui se donnent dans l'école supérieure « junior » celui de mathématiques est le mieux organisé; pourtant on y a introduit trop de matières imposées par la tradition et venant des cours de l'école supérieure « senior ». Il en résulte que les professeurs de l'école supérieure senior s'opposent à l'enseignement, à l'école « junior », de certains sujets comme la géométrie démonstrative parce qu'ils trouvent que cet enseignement rend les élèves incapables d'un travail plus avancé dans le même sujet, à l'école supérieure « senior ».

Les cours de l'école « senior » dépendent maintenant de ceux de l'école « junior ». En effet, si une méthode est bonne pour les écoliers de la 9^{me} classe dans une « école junior », elle doit être bonne pour les enfants de la 9^{me} classe dans une école supérieure de l'ancien système, c'est-à-dire qui comprend 4 ans d'études. On a tendance maintenant dans la classe de 10^e, à modifier le principe qui veut que chaque proposition de géométrie soit prouvée rigoureusement. Aujourd'hui, on accepte plus de faits intuitivement qu'autrefois qui servent de bases aux constructions.

Le nouveau système d'enseignement de l'école « junior » a aussi une influence sur les classes de 7^{me} et de 8^{me} de l'école élémentaire (de 8 ans). On projette d'introduire dans ces deux classes plus de

géométrie intuitive et peut-être un peu plus d'algèbre. On trouve aussi plus de travail dans les diagrammes de statistiques.

Ecoles expérimentales. — Le développement des écoles expérimentales et les fréquents articles dans le « *Mathematics Teacher* », dans les publications annuelles du « *National Council* » et dans d'autres revues, sur des expériences faites par des professeurs dans des écoles publiques, montrent un grand intérêt pour une meilleure présentation, un meilleur enseignement et une meilleure étude de la matière aussi bien ancienne que nouvelle.

Des expériences avec enseignement individuel, groupes homogènes, exercices de laboratoire, classes nombreuses contre classes peu nombreuses montrent partout de la part des maîtres un intérêt professionnel encourageant qui est la preuve qu'une tendance se développe.

Influences de la psychologie et de la sociologie. — Le développement de la psychologie d'une philosophie spéculative en une science empirique a changé les matières d'enseignement et les méthodes d'instruction dans nos écoles. L'élève, ses capacités et ses droits prennent une place qui ne leur avait encore jamais été accordée. Autrement dit, on essaye de comprendre le point de vue de l'enfant, on respecte son individualité. Bien que les plus grandes contributions aient été faites dans les parties élémentaires de l'enseignement, l'influence de penseurs avancés comme le professeur E. L. THORNDIKE s'est fait sentir partout. Les psychologues nous ont certainement montré la façon de mieux enseigner certains sujets qu'il serait préférable de ne pas enseigner et ils nous ont aussi aidés à organiser les matières fondamentales suivant les lois psychologiques plutôt que logiques. Ainsi, le sujet a été traité d'une façon plus concrète, la matière a été organisée pour l'élève et non pour le sujet lui-même et l'atmosphère entière de l'étude a été améliorée.

Quelques écrivains philosophes comme le professeur DEWEY ont eu, en Amérique, une grande influence sur l'enseignement en classe. Ils ont reconnu l'enfant américain, ont attiré l'attention de ses facultés et ses droits et ont encouragé les modifications des études en tenant compte de ces nouvelles idées.

On a fait de grands efforts pour donner de la vie et une raison aux travaux de mathématiques. Grâce à l'influence du professeur Dewey et d'autres professeurs qui ont appuyé sur l'importance d'avoir un intérêt et une activité tendant vers un but en relation avec le travail d'école. Cette méthode (*project method*) a été très employée surtout dans les classes inférieures, mais elle n'a pas été très bien accueillie dans les écoles secondaires; son usage dans les écoles élémentaires a été condamné par certaines autorités. D'autres penseurs bien qu'intéressés au bien-être de l'enfant rappellent cependant que le

sujet enseigné à lui-même certains droits et que toute occasion d'une étude approfondie de la matière ne doit pas être négligée dans la discussion des programmes.

Le sociologue qui s'occupe d'éducation a aussi eu une influence sur la formation des programmes en montrant aux professeurs quels sont les besoins sociaux des écoliers. Il résulta que la tendance a été non seulement de concentrer l'intérêt sur l'élève et son développement mais aussi de modifier et de réorganiser tout le sujet suivant ses difficultés.

Influences progressives. — On voit une influence progressive, premièrement en mathématiques par l'introduction, dans les classes inférieures, de l'algèbre, de la trigonométrie, de la géométrie intuitive et démonstrative, de la trigonométrie sphérique et finalement du calcul différentiel et intégral. Aucune de ces branches n'est enseignée comme un sujet complet mais chacune comme un élément d'une matière essentielle et importante. Dans l'ancien système, on enseignait conformément à la théorie qui veut qu'une grande partie d'un sujet soit nécessaire pour la préparation d'une partie encore plus grande du même sujet et que tout se concentre sur lui.

En second lieu, on trouve un élargissement du champ tout entier qui contient alors des sujets importants appartenant à d'autres champs d'études. La troisième publication annuelle du « National Council » montre les emprunts actuels faits aux mesures de physique, à l'arpentage, à l'emploi de la règle à calcul, etc. Cet état est simplement le résultat de l'effort fait, il y a une trentaine d'années, pour rendre les sujets vivants. L'introduction des éléments du calcul différentiel et intégral facilitera la formation de liens plus étroits entre ce sujet et les autres sciences, puisque la connaissance complète du calcul différentiel et intégral dans les sujets élémentaires doit faire partie du champ d'application très étendu du calcul infinitésimal. Il y a quelques années nous avons critiqué les livres employés dans les collèges comme ayant une influence étroite et pédante, mais dans des ouvrages comme l'« Introduction to Mathematics » de Griffin, « Survey Course in Mathematics » de Lennes et « Frechmann Mathematics », de Mullins et Smith, on trouve les deux tendances progressives dont il a été question plus haut.

Buts modernes. — Vers l'année 1910, les psychologues rejetèrent la plus grande partie de l'idée de faculté, et les mathématiciens de même que d'autres éducateurs essayèrent de trouver la meilleure solution pour sortir du dilemme. Ceux qui s'intéressaient à la question donnèrent deux vues différentes sur la valeur des mathématiques. On peut exprimer ces deux courants brièvement comme il suit: 1^o Développer la valeur instructive des mathématiques et considérer cette propriété comme fondamentale dans la formation de la faculté

de penser clairement et logiquement. 2° Donner aux élèves des renseignements dont ils ont besoin dans leur vie quotidienne. Actuellement on a de nouvelle tendance à considérer l'éducation comme un moyen de transfert.

Pendant ces dix dernières années, un changement s'est produit dans les différents buts qu'on s'était proposés en mathématiques. On peut définir ce changement par la définition du but des mathématiques donnée par le « National Council on Mathematical Requirements ».

« Le premier but de l'enseignement des mathématiques devrait être le développement de la faculté de comprendre et d'analyser les relations de quantité et d'espace, nécessaires pour mieux apprécier les progrès de la civilisation et mieux comprendre la vie et l'univers qui nous entoure. Un autre but devrait être le développement des habitudes de réflexion qui rendent les facultés précédentes efficaces dans la vie de l'individu. »

Avec la suppression des questions, tombées aujourd'hui en désuétude et introduites quand tout ce qui était mathématique était considéré utile, on a fait enseigner dans les écoles supérieures « junior » et « senior », les principes les plus utiles et les plus intéressants des mathématiques supérieures.

Il y a aussi eu un courant très net pour supprimer presque tout ce qu'on trouvait dans les livres d'école en 1910 et pour substituer des matières plus essentielles, ce mouvement est en partie une conséquence de l'importance toujours plus grande prise par l'enfant et ses droits et en partie, un développement naturel de l'intérêt professionnel pour le sujet enseigné. On a alors introduit dans la classe de 9^{me} par exemple, l'étude de la géométrie intuitive (informal geometry), des formules faciles à comprendre, des représentations graphiques, de la trigonométrie numérique etc. L'enseignement de la géométrie avec coordonnées, dans les classes moyennes, a permis d'introduire le calcul différentiel et intégral dans les 11^{me} et 12^{me} années de plusieurs écoles. L'idée de relation qui existe entre les variables d'une fonction se glisse partout plus ou moins visiblement, comme un élément d'unification.

Grâce à ces idées nouvelles, on ne considère plus toutes les parties d'un sujet comme étant de valeur égale. On ne demande plus aux élèves d'étudier les mathématiques pour la seule raison qu'ils ont de l'aversion pour ce sujet ou qu'ils le trouvent difficile mais parce que certaines parties des mathématiques sont essentielles à l'éducation de chaque citoyen américain. La suppression de quelques exercices et problèmes compliqués, difficiles et extravagants tient à ce que, seule, leur valeur mystique et disciplinaire pourrait justifier leur présence. Cela a été appliqué dans les champs spéciaux de l'arithmétique, de l'algèbre et de la géométrie où les tendances se sont développées.

Arithmétique. — Aux Etats-Unis, le mot « arithmétique » signifie calcul numérique seulement, avec application à la vie de tous les jours.

L'arithmétique traitant de sujets spéciaux et extraordinaires a été remplacée par l'arithmétique prenant ses exemples dans la vie quotidienne. Les méthodes et les procédés périmés ont été supprimés. Au lieu de donner la même importance à toutes les questions, on appuie sur celles qui sont les plus essentielles dans les problèmes de la vie ¹.

Par le tableau ci-dessous, on peut voir le contraste entre l'arithmétique d'il y a environ 10 ans et celle d'aujourd'hui.

Il y a 10 ans :

Actuellement :

Arithmétique de sujets spéciaux et extraordinaires. Par exemple problèmes

Arithmétique de la vie courante
Par exemple problèmes

comprenant :

1. Paiements partiels.
2. Assurance maritime.
3. Mesures de « hogsheads » ².
4. Fractions peu usitées.
5. Commissions du percepteur.
6. Additions et soustractions.
7. Association commerciale comprenant la question du temps.

1. La famille.
2. Opérations de banque.
3. Achats quotidiens.
4. La ferme.
5. Fractions usuelles.
6. Commerce.
7. Industrie.

Simplification de l'algèbre. — Le mot algèbre comme il est employé aux Etats-Unis comprend principalement les opérations avec des expressions littérales et l'étude des équations linéaires et quadratiques.

Au nombre des premiers chapitres d'algèbre élémentaire qui ont été supprimés, on peut citer le plus grand commun diviseur obtenu par divisions, la racine cubique extraite par la formule, la théorie générale des équations quadratiques, les parenthèses compliquées, les fractions complexes d'un genre difficile, les équations simultanées avec plus de trois inconnues, le théorème binôme et les radicaux compliqués. L'idée ancienne qu'on doit définir scientifiquement tous les termes avant de pouvoir les employer en toute sécurité et qu'on doit développer le sujet logiquement a été remplacé par un développement psychologique.

La représentation graphique des fonctions à laquelle on attache une importance de plus en plus grande, commença à attirer l'attention

¹ Voir SMITH, David Eugène: *The Progress of Arithmetic*, Ginn and Co., 1923. Voir aussi THORNDIKE, E. L.: *The Psychology of Arithmetic*, Macmillan, 1922, et *The New Methods in Arithmetic*, Rand McNally, 1921.

² Hogshead: mesure pour liquides, variable. Pour le vin, contient 63 gallons ou 238,5 litres. Etabli en Angleterre en 1423.

pendant les dix premières années de ce siècle. Les professeurs de mathématiques s'aperçoivent maintenant que la meilleure introduction à l'algèbre n'est pas obtenue par le moyen de l'équation ou par les opérations fondamentales mais par l'étude de la formule. Et comme avec la formule, le tracé de la courbe aide à rendre l'idée de fonction plus compréhensible, une des tendances importantes de l'algèbre aujourd'hui, est l'étude des diagrammes. On appuie sur leur signification plus que sur leur exécution. La représentation graphique des fonctions est apparue un peu avant 1908 et bien qu'employée avec excès pendant un certain temps, elle a gardé sa position aussi longtemps et avec autant de succès que n'importe quelle autre réforme proposée. Grâce à l'importance des représentations graphiques de statistiques et à l'intérêt grandissant pour les statistiques d'éducation, cette étude a une place permanente assurée dans nos cours de mathématiques.

Idée de fonctions (Functional Thinking). — Depuis quelques années on a tendance dans l'enseignement de l'algèbre à rendre le sujet compréhensible en remplaçant l'importance du symbole par le concept de la fonction. Les cours les plus avancés sont établis actuellement de façon à faire ressortir à chaque occasion la dépendance qui existe entre les quantités variables d'une fonction. Dans quelques écoles, la trigonométrie, la géométrie et le calcul infinitésimal sont introduits pour faire ressortir cette propriété.

Anciens et nouveaux programmes d'études. — On se rendra mieux compte des additions et des suppressions qui ont été faites jusqu'à présent en comparant un aperçu des programmes en vigueur dans l'Etat de New-York (New-York state Syllabus) en 1910 et un plan du nouveau programme qui sera effectif en 1930.

Programmes de 1910 :

1. Capacité de formuler les définitions nécessaires, en langage clair et concis.
2. Suppression des symboles d'union et introduction de termes à l'intérieur de ces symboles.

Programmes de 1910 :

3. Mise en facteurs d'expressions de 4 termes et d'expressions avec exposants littéraux.

Nouveaux programmes :

1. Aucune mention de définitions comme telles. Langage et représentation algébrique introduits.
2. Suppression d'un groupe ou tout au plus de deux groupes de symboles d'union.

Nouveaux programmes :

3. Extraction d'un facteur commun monome et mise en facteurs de la différence de deux carrés. Mise en facteurs de trinomes, facultatives.

- | | |
|--|---|
| <p>4. Application des principes de la mise en facteurs pour trouver le P.G.C.D. et le P.P.C.M.</p> <p>5. Fractions complexes.</p> <p>6. Rapport de 2 grandeurs enseigné séparément et toutes les définitions données.</p> <p>7. Grandeurs proportionnelles: Inversion, alternance, combinaison et division sont enseignées.</p> <p>8. Radicaux: Définitions. Rendre une expression rationnelle quand le dénominateur est un binôme irrationnel. Equations avec racines. Aucune mention d'exposants fractionnaires.</p> <p>9. Equations quadratiques: Solution de quadratiques pures et quadratiques complètes par la mise en facteurs, en complétant le carré ou par la formule.</p> <p>10. Equations avec racines qui se transforment en quadratiques.</p> <p>11. Théorème du binôme avec exposants entiers et positifs.</p> <p>12. Suppression des représentations graphiques.</p> <p>13. Suppression de représentations graphiques des nombres directs.</p> <p>14. Suppression du concept de la fonction.</p> <p>15. Suppression de la trigonométrie numérique.</p> | <p>4. Les termes P.G.C.D. et P.P.C.M. comme tels ne sont pas enseignés.</p> <p>5. Fractions enseignées ne sont pas plus difficiles que celles qui sont employées dans les formules les plus difficiles.</p> <p>6. Rapport traité comme une fraction.</p> <p>7. Grandeurs proportionnelles traitées comme une équation fractionnelle.</p> <p>8. Dès le début les élèves doivent être familiers avec l'exposant fractionnaire.</p> <p>9. L'étude des quadratiques est facultative. Tendance à enseigner seulement la méthode de solution par la formule.</p> <p>10. Suppression des équations avec radicaux.</p> <p>11. Suppression du théorème du binôme.</p> <p>12. Diagrammes. Simples représentations graphiques de statistiques. Représentation graphique de la formule. Interprétation.</p> <p>13. Représentation graphique des nombres directs.</p> <p>14. Concept de la fonction.</p> <p>15. Trigonométrie numérique.</p> |
|--|---|

Géométrie. — La géométrie, la structure la plus vieille et la plus logique a naturellement résisté aux changements plus qu'aucune autre partie des mathématiques et les changements qui y ont été effectués sont pour la plupart superficiels. On a de meilleurs livres d'étude, on a diminué la quantité du travail de mémoire et augmenté l'importance du travail original. Le changement fondamental a été l'introduction de la géométrie intuitive dans les classes de 7^{me} et

de 8^{me} et d'un court chapitre de géométrie démonstrative en 9^{me} année. Ce travail préliminaire a été un des principaux facteurs qui ont permis de diminuer la durée d'étude fixée pour la géométrie ce qui fait que certaines autorités trouvent qu'une année de géométrie plane et de géométrie dans l'espace combinées, dans la classe de 10^{me} est suffisante.

Déjà en 1905, on se rendait compte de l'importance non seulement de la géométrie intuitive et des « exercices originaux », mais aussi de l'union plus étroite entre la géométrie plane et de l'espace. Du moins, il ne semble pas qu'il y ait de bonnes raisons pour empêcher la combinaison de ces deux parties de la géométrie en un cours d'une année pour la classe de 10^{me}.

Quand on mit en question la doctrine de discipline rigoureuse, certains adhérents de cette doctrine commencèrent à prendre une attitude défensive. Quelques-uns essayèrent de justifier la conservation de la géométrie traditionnelle dans les programmes en attirant l'attention sur ses applications, oubliant que la science de l'époque d'Euclide, comme elle est enseignée universellement, s'est développée dans le sens de la logique pure. Pour dissiper la confusion dans laquelle le sujet et ceux qui l'enseignent ont été jetés par des géomètres trop zélés et logiques, un mouvement se forma qui eut comme conséquence la séparation de la géométrie en ce qui est maintenant connu sous le nom de géométrie intuitive et géométrie démonstrative. Il est probable que le développement de cette idée sera un des progrès remarquables accomplis dans l'enseignement des mathématiques élémentaires, pendant ce premier quart de siècle.

Avec la tendance à simplifier l'arithmétique et l'algèbre par la suppression de certains chapitres et par la réorganisation du sujet, on proposa de présenter comme postulats les théories de géométrie qui paraissent parfaitement naturels et clairs aux élèves. On pense généralement dans nos écoles que la démonstration rigoureuse devrait être entièrement supprimée ou bien renvoyée jusqu'à ce que les connaissances de l'élève, en géométrie, lui permettent de comprendre le développement logique d'une démonstration. On commence aussi à s'apercevoir du conflit entre la logique de la science pure et les lois de l'étude qui contrôlent les élèves.

Pendant ces dernières années, la théorie des limites a été supprimée dans les cours élémentaires et il y a actuellement un désir manifeste d'introduire un certain nombre de problèmes d'applications pratiques à côté des propositions abstraites qui existent seules. On ne croit plus que les mathématiques doivent être enseignées comme une science pure.

Trigonométrie numérique. — L'introduction d'un peu de trigonométrie numérique simple dans les problèmes d'algèbre de la classe de 9^{me} est une des innovations importantes de ces dernières années.

D'après le professeur Smith, c'est le pas en avant le plus important qui ait été accompli en algèbre pendant ce premier quart de siècle.

Calcul différentiel et intégral à l'École supérieure. — Déjà en 1910, on suggéra la possibilité d'enseigner le calcul différentiel et intégral dans les écoles supérieures mais on n'alla pas jusqu'à en faire l'essai. Depuis cette époque, il y a eu à différents intervalles et il y a surtout actuellement une grande agitation créée par cette question de l'enseignement des éléments fondamentaux du calcul différentiel et intégral. En outre, dans un certain nombre d'écoles supérieures des Etats-Unis les maîtres les plus avancés ont fait diverses expériences pour essayer d'améliorer l'organisation traditionnelle.

Statistiques élémentaires. — On espère pouvoir bientôt donner plus d'attention aux statistiques élémentaires dans les programmes de mathématiques. Cela se fait déjà dans quelques écoles bien qu'en général les livres d'enseignement¹ ne traitent pas cette question. Les demandes qui viennent de plusieurs sujets étrangers aux mathématiques, comme la pédagogie et les sciences économiques font que la connaissance des notions plus élémentaires de la statistique doit faire partie de l'éducation de tout citoyen américain.

Le livre d'étude. — Les auteurs des manuels d'étude ont coopéré au développement des progrès des mathématiques.

La grande majorité de ces livres ont été préparés seulement en vue d'aider l'amélioration de l'instruction dans nos écoles élémentaires et secondaires. La plus grande attention est accordée aux besoins et aux intérêts de l'enfant surtout en ce qui concerne l'impression des textes, les caractères d'imprimerie, l'espace entre les lignes, etc.

Le travail du professeur David Eugène Smith relatif à l'histoire et à l'origine des mathématiques a été un des facteurs importants dans l'amélioration de la forme générale des textes. Cette influence est visible par l'emploi de figures, de meilleurs diagrammes, par les informations historiques et par les reproductions de pages d'anciens volumes intéressants.

Les livres employés dans l'école « junior » montrent plus de progrès par leur désir de supprimer les divisions logiques dans le but d'obtenir une organisation meilleure pour l'étude, que les livres de l'école « senior ». Les premières sont libres de bénéficier de ce développement plus psychologique et les barrières traditionnelles de

¹ Cf. SCHORLING and REEVE, *General Mathematics*, tome I, chap. 10, Ginn and Co., 1919. — Voir aussi ROE, H. B., SMITH, David Eugène, and REEVE, W. D., *Mathematics for Agriculture and elementary Science*, chap. 6, Ginn and Co., 1928.

l'arithmétique, de l'algèbre, de la trigonométrie et de la géométrie intuitive ne sont pas aussi impénétrables que celles entre la géométrie démonstrative et les autres sujets. Plusieurs collections de livres de mathématiques ont simplement reçu les noms de Mathématiques I, II et III (Mathematics I, II and III), les autres ont essayé avec quelque succès d'organiser la matière en tenant compte des difficultés de l'étude plutôt que de la nature de la matière et ont négligé l'ancienne méthode des « compartiments ».

Nouvelles tendances dans la présentation du sujet. — Pendant ces douze dernières années une nouvelle tendance s'est introduite dans la présentation du sujet, qui permet à l'élève de vivre sa vie naturellement, avec un minimum de restrictions et sans devoirs trop ennuyeux. L'enfant peut ainsi développer ses dispositions mathématiques en grande partie par son propre esprit de curiosité. En outre, il est dirigé comme dans un jeu, il n'est pas poussé, pas même conduit mais simplement encouragé par le maître à découvrir des vérités. Comme le dit le professeur Dewey quelque part: « Il est généralement admis que la meilleure méthode d'enseignement est de présenter les faits et de les laisser se développer suivant la capacité des esprits auxquels ils sont exposés.

En conséquence, l'importance a passé du sujet enseigné à l'élève lui-même. Comme résultat de la suppression des lignes de partage, de l'introduction de nouveaux sujets, de l'importance nouvelle prise par l'enfant au détriment du sujet, on a organisé le sujet de façon à le rendre plein de vie, à en faciliter l'enseignement et l'étude, dans les cours généraux aussi bien que dans ceux qui ont des étiquettes traditionnelles.

Emploi des Tests (The Testing Program). — Le mouvement en faveur des tests, qui s'est beaucoup développé aux Etats-Unis depuis la guerre mondiale a peut-être, actuellement, plus d'influence sur l'enseignement des mathématiques que n'importe quelle autre tendance. L'attention accordée aux besoins et aux différences individuels a rendu possible les groupements homogènes. L'élaboration scientifique du programme de mathématiques a été mise au premier plan. Les tests diagnostiques promettent de révolutionner l'enseignement des mathématiques et l'analyse psychologique des méthodes et des capacités fait beaucoup pour éclaircir les questions de procédés.

Vers 1910, on essaya sur une large échelle de mesurer le degré de développement atteint par les élèves qui étudiaient les méthodes fondamentales de l'arithmétique. Les tests furent bientôt employés comme bases de comparaison pour les résultats obtenus par différentes classes et écoles, une méthode qui n'a pas été généralement approuvée. Plus tard les tests furent employés comme moyen pour déterminer si la matière enseignée était trop difficile pour la majorité des élèves

et aussi pour découvrir les défauts de l'enseignement, ce qui permet de corriger les erreurs dans l'usage de certains principes.

Pour obtenir des résultats plus satisfaisants en mathématiques les principales opérations et difficultés ont été décomposées en opérations et difficultés moins importantes. Des tests ont été préparés qui non seulement révèlent l'aptitude générale de l'élève pour une certaine opération mais aussi ses différentes capacités.

Les derniers livres d'étude qui ont paru ont été conçus en vue de *certain buts bien définis*, dont voici quelques-uns :

1. Donner en peu de temps une rapide vue d'ensemble de toutes les aptitudes ou capacités qui doivent être examinées. Les difficultés que les élèves rencontrent dans leurs travaux sont souvent dues au maître qui néglige d'expliquer certains détails. Ce qui est pour le maître au point de vue mathématique une faculté simple peut-être pour l'élève au point de vue psychologique une complexité de facultés.

L'ancien système d'examens, par composition, mettait à l'épreuve qu'un petit nombre de facultés et cela en un laps de temps assez long. En mathématiques, le test standardisé ou criterium a fait peu de progrès dans cette orientation bien qu'il ait eu un commencement.

2. Supprimer l'équation personnelle dans l'estimation des travaux; autrement dit apprécier les examens objectivement. Autrefois la façon d'évaluer la valeur des travaux d'examens était surtout subjective. Ce procédé est humain. Chaque professeur se fait une idée plus ou moins juste de ses élèves. Les tests objectifs ne peuvent être appréciés que d'une seule façon et le résultat est impersonnel.

3. Montrer à l'élève ce dont il est capable. Ce que ne faisait pas l'ancien système d'examens qui était trop étroit de vue pour montrer quelle connaissance du sujet l'élève possédait.

4. Montrer au maître ses capacités. Le système d'examens par composition ne peut montrer que dans quelques cas, les qualités et défauts de l'enseignement d'un maître. Les tests d'éducation, modernes, montrent très facilement par leurs propriétés diagnostiques les qualités et les points faibles des élèves, ce qui permet au maître de faire les changements nécessaires. C'est une des propriétés les plus importantes de ces tests. Quand ceux-ci sont préparés avec intelligence, ils montrent les connaissances et les capacités de l'élève pour chaque partie essentielle du travail.

5. Estimer la valeur d'un texte donné ou d'une méthode d'enseignement. La tendance actuelle est d'établir en premier lieu le cours d'étude et ensuite de préparer des tests qui déterminent la façon dont les projets ont été réalisés.

6. Trouver le temps qu'il faut consacrer à l'enseignement d'un sujet. Aujourd'hui, on ne sait plus quel est le temps nécessaire à l'enseignement de quoi que ce soit et on ne connaît que dans quelques cas seulement s'il y a réussite ou non. Par exemple, on pourrait trouver avec des tests appropriés, en combien de temps on peut enseigner à un groupe normal d'élèves de 9^{me} année la mise en facteurs de la différence de deux carrés, avec n'importe quel degré de perfection.

7. Servir de questions. Aucun livre ne peut contenir tous les exercices que demande un cours d'étude moderne, en particulier pour le travail oral et pour le travail écrit rapide. Les tests sont des suppléments au texte et délivre le maître de la nécessité de chercher des questions supplémentaires.

8. Trouver ce qu'il faut enseigner. Quelque désirable que soient les buts que les maîtres se proposent d'atteindre avec leurs élèves, il se peut que quelques-uns ne soient pas à la portée des élèves; seuls des tests intelligents permettent de décider quels sont les sujets qui peuvent être enseignés.

9. Aider l'élève à se rendre compte de ses progrès par rapport à ses résultats antérieurs ou à ceux de ses camarades. Le premier de ces deux buts est probablement le meilleur. De même qu'un joueur de golf ne pense qu'à battre son ancien record, l'élève est en général plein d'ardeur pour améliorer son rang.

10. Se rendre compte de l'enseignement dans un système d'école. Ces tests sont compris de telle façon qu'ils donnent une vue générale sur le travail d'un semestre ou d'une année. Ils sont souvent posés par une personne qui examine le système de l'école et bien que généraux ils sont utiles par les indications qu'ils donnent sur l'état de l'enseignement dans ce système.

INDICES PRÉSENTS DE PROGRÈS FUTURS.

Prestige et valeur des Mathématiques. — Le professeur HEDRICH dit que les mathématiques qui se sont développées depuis 1900 sont plus imposantes et plus étendues que tout ce qui s'est développé avant cette date. La théorie d'Einstein, qui en réalité tient plus des mathématiques que de la physique est aussi importante que le développement du calcul différentiel et intégral. Une grande partie des mathématiques nouvelles s'est développée pendant le XX^e siècle. Il a paru dans les journaux et revues de mathématiques aux Etats-Unis en 1927, 80 % de questions de plus qu'en 1920.

Pendant la période 1923-1927, plusieurs mathématiciens ont reçu des prix pour les meilleurs travaux dans le champ des mathématiques pures. Les lauréats furent les professeurs BIRKHOFF de Harvard et DICKSON de Chicago. Ces décisions deviennent encore plus significatives quand on réalise qu'il n'y avait point de mathématiciens comme membres du comité.

Plusieurs autres exemples pourraient être cités pour illustrer la nature dynamique des recherches mathématiques. Le professeur SLAUGHT écrit dans un article intitulé (*Mathematics and Sunshine*¹) sur (Les Mathématiques et la clarté du soleil).

« On sait qu'un des principaux buts de la Fondation Rockefeller est le développement de la santé publique par des recherches scientifiques dans

¹ SLAUGHT, H. E., *Mathematics and Sunshine*, *The Mathematics Teacher*, 21, p. 249.