

Objektyp: **ReferenceList**

Zeitschrift: **L'Enseignement Mathématique**

Band (Jahr): **4 (1958)**

Heft 1: **L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE**

PDF erstellt am: **11.08.2024**

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern. Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

Haftungsausschluss

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

while for $k = 1$, the following holds:

$$(41) \quad t \Phi_1(2\pi t) = -\frac{1}{t} \Phi_1(2\pi t) - \frac{1}{4\pi}.$$

Finally, we note that for $t = 1$, (37) and (41) yield rapidly convergent series which are of interest, namely,

$$(42) \quad 8 \sum_{n=1}^{\infty} e^{-2\pi n} \sigma_1(n) = \frac{1}{3} - \frac{1}{\pi},$$

$$(43) \quad 8 \sum_{n=1}^{\infty} e^{-\pi n} \zeta_1(n) = -\frac{1}{\pi}.$$

These, in combination, give finally,

$$(44) \quad 8 \sum_{n=1}^{\infty} e^{-\pi n} \sigma_1^0(n) = \frac{2}{3} - \frac{1}{\pi}$$

where $\sigma_1^0(n)$ is the sum of the *odd* divisors of n .

REFERENCES

- [1] Balth. VAN DER POL, *Koninkl. Nederl. Akad. van Wetenschappen (Amsterdam) Proceedings*, Ser. A, 54, No. 3 (1951).
- [2] Adolf HURWITZ, *Math. Werke*, Bd. 1, pp. 19-26 and pp. 581-586; *Math. Annalen*, Bd. 18 (1881), p. 528; *ibid.*, Bd. 58 (1904), p. 343.
- [3] S. RAMANUJAN, *Collected Papers* (1927), p. 141 or *Trans. Camb. Phil. Soc.*, 22 (1916), pp. 159-184, Table I.
- [4] TANNERY-MOLK, *Fonctions elliptiques*, t. 2, table XXXII, p. 252.
- [5] See E. T. BELL, *Algebraic Arithmetic*; Colloquium Publications, No. 7, *Am. Math. Soc.*, pp. 146- (1927). Also, CARATHÉODORY, *Funktionentheorie*, Bd. 1, p. 265 (1950).
- [6] NIELSEN, N., *Traité élém. des nombres de Bernoulli*, pp. 45 and 56 (1923).
- [7] NIELSEN, N., *ibid.*, p. 42 (13).
- [8] GLAISHER, J. W. L., *Proc. London Math. Soc.*, Series 2, 5 (1907), p. 479; G. H. HARDY and E. M. WRIGHT, *Introd. Theory of Numbers*, 3rd ed. (1954), p. 314.
- [9] In this connection, Professor van der Pol has very kindly brought to my attention the following references: (i) RIEMANN, *Ges. Werke*, p. 466, «Erläuterung von R. Dedekind» and (ii) SIEGEL, C. L., *Mathematika* (Univ. College, London), vol. 1, p. 4 (1954).

*The University of Nebraska,
Lincoln 8, Nebraska
U.S.A.*