

# 1. Introduction.

Objektyp: **Chapter**

Zeitschrift: **L'Enseignement Mathématique**

Band (Jahr): **6 (1960)**

Heft 1: **L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE**

PDF erstellt am: **14.09.2024**

## **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern.

Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden.

Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

## **Haftungsausschluss**

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

# PROBLÈMES D'APPROXIMATION DIOPHANTINNE <sup>1</sup>

par Roger DESCOMBES

(Reçu le 20 juillet 1960)

## 1. INTRODUCTION.

Considérons une circonférence de longueur un. A partir d'une origine  $O$  sur cette circonférence, marquons les extrémités des arcs dont les longueurs sont les multiples entiers positifs successifs d'un nombre *irrationnel*  $\xi$ . Nous nous proposons d'étudier de quelle façon un point fixe  $P$  quelconque de la circonférence, d'abscisse curviligne  $\eta$ , est approché par les sommets de la ligne polygonale régulière non fermée ainsi constituée. Si  $P$  est un sommet de la ligne polygonale, éventuellement prolongée du côté des multiples négatifs de  $\xi$ , c'est-à-dire si  $\eta \equiv q \xi \pmod{1}$  ( $q$  entier),  $P$  est approché de la même façon que  $O$ ; nous dirons alors qu'on a affaire au cas homogène. Si cette circonstance ne se produit pas, nous dirons qu'il s'agit du cas non homogène.

## 2. LE CAS HOMOGÈNE; RAPPEL DES RÉSULTATS.

Dans le cas homogène, la symétrisation de la ligne polygonale par rapport au diamètre passant par  $O$ , c'est-à-dire l'introduction des multiples  $q\xi$ , avec  $q$  entier négatif, est sans importance. D'autre part, on sait depuis longtemps (méthode des tiroirs de DIRICHLET, 1840) que pour une infinité de couples d'entiers  $p, q$  ( $q \neq 0$ ), on a  $|q(q\xi - p)| < 1$ . Il est donc commode d'exprimer les résultats à l'aide de la fonction définie sur les irrationnels par

$$c(\xi) = \underline{\lim} |q(q\xi - p)| \quad (\xi \text{ irrationnel})$$

---

<sup>1</sup>) Conférence prononcée à Grenoble dans le cadre des « Journées Mathématiques de Grenoble », 21-22 mai 1960.