

3. Analyse indéterminée du premier degré

Objekttyp: **Chapter**

Zeitschrift: **L'Enseignement Mathématique**

Band (Jahr): **8 (1962)**

Heft 1-2: **L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE**

PDF erstellt am: **12.07.2024**

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern. Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

Haftungsausschluss

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

3. ANALYSE INDÉTERMINÉE DU PREMIER DEGRÉ

L'arithmétique de Diophante a introduit un symbolisme algébrique et l'usage d'équations. La résolution de ces équations était dominée par la préoccupation de *tomber juste*.

Ce traité a eu une longue influence sur le développement des mathématiques, grâce à l'édition de BACHET DE MEZIRIAC (1621); cet auteur a également publié un ouvrage personnel consacré à des questions analogues: Problèmes plaisants et délectables qui se font par les nombres. Quelques années plus tard (1670), le fils de Pierre de FERMAT publiait les annotations transcrites dans les marges d'un exemplaire de l'Arithmétique de Diophante par son père; elles comportaient des énoncés de propriétés nouvelles et parfois des solutions de problèmes.

Quoiqu'il en soit, on appelle *problèmes diophantiens* (ou diophantiques) la recherche des solutions en nombres entiers ou en nombres rationnels des équations à coefficients entiers ou rationnels.

On appelle aussi l'ensemble de ces problèmes *analyse indéterminée*.

Le cas d'une équation, ou d'un système d'équations, du premier degré est presque complètement résolu.

L'étude de $ax+by=c$, a, b, c , entiers donnés, x, y entiers inconnus, est liée à la divisibilité, mais aussi à l'ensemble des nombres de la forme $ax+by$, qui sont des multiples du p.g.c.d. de a et b . On peut aussi interpréter l'étude de ce dernier ensemble par celle des *réseaux de points*, ce qui conduit aux *fractions continues* et aux *substitutions unimodulaires*. Ces questions ont été abordées par BACHET, FERMAT, EULER, LAGRANGE.

L'étude des systèmes d'équations peut être faite par des méthodes analogues; elle a été développée par Gauss, Poincaré, Smith, Frobenius, Heger.

Bibliographie: 7, 8, 9, 12, 41.

4. EQUATIONS DIOPHANTIENNES DE DEGRÉ SUPÉRIEUR

Les équations diophantiennes de degré supérieur sont de types très divers; par exemple (équations non homogènes):

$$p = x^2 + y^2; \quad x^2 - dy^2 = 1; \quad x^2 + y^2 + z^2 + t^2 = 1$$