

SOMMAIRE

Objekttyp: **Abstract**

Zeitschrift: **L'Enseignement Mathématique**

Band (Jahr): **13 (1967)**

Heft 1: **L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE**

PDF erstellt am: **09.08.2024**

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern. Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

Haftungsausschluss

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

AU SUJET DES CONGRUENCES DE DEGRÉ SUPÉRIEUR A DEUX

par S. THOUVENOT et F. CHATELET

SOMMAIRE

La recherche des conditions pour qu'un polynôme d'une seule variable, à coefficients entiers rationnels, se décompose, dans le corps des restes des entiers suivant un module N premier, en produit de facteurs linéaires (ou pour qu'une congruence de degré n , suivant le module N , ait n solutions entières et distinctes), est un problème classique. La théorie des restes quadratiques en donne une solution complète pour les polynômes du second degré. Mais les solutions, qui ont été proposées jusqu'à présent pour les polynômes de degrés supérieurs à deux, ne sont pas entièrement satisfaisantes.

Dans une publication antérieure ¹⁾, l'un des auteurs avait étudié ce problème pour les polynômes du troisième degré par une méthode particulièrement élémentaire. Après avoir résumé et complété les résultats ainsi obtenus, on généralise ici cette méthode aux polynômes de degrés arbitraires.

I. CONGRUENCES DU TROISIEME DEGRÉ SANS SECOND TERME

On cherche les conditions que doivent vérifier les entiers w et t pour que la congruence:

$$\varphi_3(X) = X_3 - wX - t \equiv 0, \quad (N). \quad (1)$$

où N est un entier premier, ait trois solutions entières et distinctes. Dans une publication antérieure ²⁾, on a exploré ce problème par trois voies conduisant à des résultats qui se complètent. On résume ici ces résultats en les présentant sous une forme légèrement différente et en y apportant quelques additions.

¹⁾ Cf. S. THOUVENOT: *Comptes rendus à l'Académie des Sciences*, t. 252 (1961), pp. 1890 et 2060 et *Publications scientifiques et techniques du Ministère de l'Air* n° 388.

²⁾ *Loc. cit.*, pp. 40 à 42, 42 à 44 et 59 à 63.