2) Wir werden jetzt zeigen, dass (11) eine stetige nichtkonstante Lösung von (1) ist, falls die Bedingungen des Satzes gelten. In der Tat gilt

$$\begin{aligned}\varphi\left[A(x)+B(y)+c\right] &= \left(A(x)+B(y)+(c,x_0)\right)+\delta\\ &= \left(A(x),x_0\right)+\left(B(y),x_0\right)+(c,x_0)+\delta\\ &= \left(x,A^*(x_0)\right)+\left(y,B^*(x_0)\right)+(\alpha+\beta-1)\,\delta+\gamma+\delta\\ &= (x,\alpha x_0)+(y,\beta x_0)+\alpha\delta+\beta\delta+\gamma\\ &= \alpha\left[(x,x_0)+\delta\right]+\beta\left[(y,x_0)+\delta\right]+\gamma=\alpha\varphi(x)+\beta\varphi(y)+\gamma\,.\end{aligned}$$

Damit haben wir den Satz vollständig bewiesen.

Bemerkung. Man kann leicht zeigen, dass unserer Satz eine Verallgemeinerung des in § 1 erwähnten Satzes von J. Aczél ist.

LITERATUR

[1] Aczél, J., Über eine Klasse von Funktionalgleichungen, *Comment. Math. Helvetici*, *21* (1948), 247-252.

[2] —— *Vorlesungen über Funktionalgleichungen und ihre Anwendungen*, Birkhäuser Verlag, Basel, 1960.

[3] Daróczy, Z., Notwendige und hinreichende Bedingungen für die Existenz von nicht-, konstanten Lösungen linearer Funktionalgleichungen, *Acta Sci. Math.* (Szeged), *22* (1961), 31-41.

[4] —— A bilineáris függvényegyenletek egy osztályáról, *Matematikai Lapok*, 15 (1964), 52-86 (Ungarisch).

[5] Losonczi, L., Bestimmung aller nichtkonstanten Lösungen von linearen Funktionalgleichungen, *Acta Sci. Math* (Szeged), *25* (1964), 250-254.

[6] Riesz, F. und B. Sz. Nagy, *Vorlesungen über Funktionalanalysis*, Berlin, 1956.

(Reçu le 9 janvier 1967)

Dr. Z. Daróczy
Math. Inst. der Universität Debrecen
Debrecen 10
Hongrie