

Zeitschrift: L'Enseignement Mathématique
Herausgeber: Commission Internationale de l'Enseignement Mathématique
Band: 31 (1985)
Heft: 1-2: L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE

Artikel: HOLOMORPHICALLY SEPARABLE COMPLEX SPACE WITHOUT THE GELFAND TOPOLOGY
Autor: Hayes-Widmann, Sandra

Bibliographie
DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-54562>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. [Siehe Rechtliche Hinweise.](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. [Voir Informations légales.](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. [See Legal notice.](#)

Download PDF: 22.12.2024

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

X is a pre-Stein space, i.e. X has a Stein envelope of holomorphy as defined in [1]. This follows from the fact that $\mathcal{O}(X)$ is the algebra $\mathcal{O}(D)$ of global holomorphic functions on the Stein space $D := D_1 +_E D_2$ obtained by attaching the unit bidisc D_1 in $\{0\} \times \mathbb{C}^2$ to the unit bidisc D_2 in $\mathbb{C}_2 \times \{0\}$ along

$$E := \left\{ (0, y, 0) \in \mathbb{C}^3 \mid |y| < 1 \right\}.$$

It is well known that every Stein space is equipped with the Gelfand topology (see [1]).

There is a classical dimension formula [3, Sätze 28, 29] for an injective holomorphic map $\varphi: X \rightarrow Y$ between complex spaces where Y is locally irreducible which states that φ is open, if $\dim_x X = \dim_{\varphi(x)} Y$ for $x \in X$. According to the above example, this formula cannot be generalized to maps $\varphi: X \rightarrow Y$ if Y is not locally irreducible, not even when Y is the Stein envelope of holomorphy of X and φ is the canonical map which takes points x of X to the corresponding point evaluations $\mathcal{O}(X) \mapsto \mathbb{C}, f \rightarrow f(x)$, in the continuous spectrum $S_c(\mathcal{O}(X))$.

REFERENCES

- [1] FORSTER, O. Holomorphiegebieten. In: H. Behnke and P. Thullen, *Theorie der Funktionen mehrerer komplexen Veränderlichen*, 2. edition, Springer, Berlin 1970 (Anhang zu VI).
- [2] KAUP, B. Ueber Kokerne und Pushouts in der Kategorie der komplex-analytischen Räume. *Math. Ann.* 189 (1970), 60-76.
- [3] REMMERT, R. Holomorphe und meromorphe Abbildungen komplexer Räume. *Math. Ann.* 133 (1957), 328-370.
- [4] WIEGMANN, K. W. Ein holomorph-separabler komplexer Raum muss nicht holomorph-regulär sein. *L'Enseignement Math.* 14 (1968), 283-284.

(Reçu le 5 août 1984)

Sandra Hayes-Widmann

Mathematisches Institut der technischen Universität
Postfach 20 24 20
D-8000 München

Vide-leer-empty