

## 3.1 Tores

Objektyp: **Chapter**

Zeitschrift: **L'Enseignement Mathématique**

Band (Jahr): **49 (2003)**

Heft 3-4: **L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE**

PDF erstellt am: **13.09.2024**

### **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern.

Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden.

Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

### **Haftungsausschluss**

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

un endomorphisme non surjectif si et seulement si  $H$  est un plan ou une quadrique de  $\mathbf{P}^3$  (voir [4] et [8]).

Dans ce texte, nous analysons le cas des espaces homogènes compacts. Ceci permet de quitter le monde des variétés kählériennes et de traiter des exemples significatifs en dimension de Kodaira négative.

### 3. VARIÉTÉS HOMOGÈNES KÄHLÉRIENNES

Une variété complexe compacte est homogène si le groupe de ses difféomorphismes holomorphes agit transitivement sur la variété. Dans ce cas, la variété est isomorphe au quotient d'un groupe de Lie complexe  $G$  par un sous-groupe de Lie complexe fermé  $H$  (voir [2]).

Cette partie classe les endomorphismes des variétés complexes compactes qui sont à la fois kählériennes et homogènes.

#### 3.1 TORES

Soit  $V$  un espace vectoriel complexe de dimension finie  $n$ ,  $\Gamma$  un réseau de  $V$  et  $A = V/\Gamma$  le tore associé. Puisque le fibré tangent de  $A$  est trivial, le principe du maximum montre que la différentielle de tout endomorphisme  $f: A \rightarrow A$  est constante. Les endomorphismes de  $A$  sont donc les transformations affines de  $V$  qui permutent les orbites de  $\Gamma$ . Les homothéties de rapport entier fournissent des exemples explicites mais il existe quelques exemples nettement plus riches.

EXEMPLE 3.1. Soit  $\Lambda$  un réseau de la droite complexe  $\mathbf{C}$ . Pour tout entier  $n$ ,  $\Lambda^n$  est un réseau de  $\mathbf{C}^n$  stabilisé par l'action des endomorphismes linéaires de  $\mathbf{C}^n$  à coefficients entiers. Ainsi, pour  $n = 2$ , la transformation linéaire

$$(5) \quad \begin{pmatrix} 4 & 2 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$$

induit un endomorphisme de degré topologique  $2^4$  sur  $\mathbf{C}^2/\Lambda^2$ .

#### 3.2 VARIÉTÉS DE DRAPEAUX

Le deuxième type d'exemples est fourni par les variétés de drapeaux, c'est-à-dire les quotients compacts et lisses  $S/P$  où  $S$  est un groupe de Lie complexe semi-simple et  $P$  est un sous-groupe de Lie complexe connexe. Les