

Objektyp: **ReferenceList**

Zeitschrift: **L'Enseignement Mathématique**

Band (Jahr): **52 (2006)**

Heft 1-2: **L'enseignement mathématique**

PDF erstellt am: **11.07.2024**

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern. Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

Haftungsausschluss

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

Ceci découle d'une nouvelle application du lemme 3.1 à des éléments bien choisis (pour faire apparaître un birapport) et de l'utilisation du lemme d'Otal qui relie birapport et spectre des longueurs. Cette preuve établit en particulier la densité des feuilles qui se relèvent en des horosphères centrées aux points fixes des éléments axiaux, lorsqu'il existe une feuille dense.

ii) \Rightarrow iii): on raisonne par l'absurde en supposant simultanément l'existence d'une feuille dense pour \mathcal{F}_+ et l'existence de deux ouverts U et V de Ω et d'une suite $t_n \rightarrow -\infty$ tels que $U \cap g_{t_n}(V) = \emptyset$. La densité des orbites périodiques permet de trouver un élément périodique $v \in V$ de période T . On trouve dans l'orbite de v un autre élément (périodique!) w qui définit une feuille dense, cette dernière rencontrant U en u . En remarquant que u et w sont dans la même feuille fortement stable, on montre que pour t voisin de zéro bien choisi, $g_t(u) \in U \cap g_{t_n}(V)$.

iii) \Rightarrow i): la preuve est classique et repose encore sur la densité des orbites périodiques dans la partie récurrente du flot, démontrée au corollaire 1.20. L'idée est de prendre un voisinage de petit diamètre dans lequel on revient après tout temps $t \geq t_0$ et d'utiliser le lemme de fermeture qui entraîne l'existence d'une orbite périodique de longueur proche de t .

Pour achever la preuve du Théorème A, il reste à établir le

LEMME 3.2 ([8]). *Tout sous-groupe discret non cyclique du groupe fondamental de S est à spectre non arithmétique.*

Schéma de démonstration. Par l'absurde. On prend deux isométries axiales γ_1 et γ_2 d'axe σ_1 et σ_2 respectivement qui se croisent (la propriété d'intersection ne dépend pas du choix éventuel des axes). En posant $g_n = \gamma_1 \gamma_2^n$, on montre que $m_{g_n} - m_{g_{n-1}} \rightarrow m_{\gamma_2}$. Si le groupe Γ est à spectre arithmétique, la suite précédente est constante à partir d'un certain rang mais l'identité $m_{g_n} - m_{g_{n-1}} = m_{\gamma_2}$ ne peut jamais être satisfaite car les axes de g_n et γ_2 se coupent. \square

BIBLIOGRAPHIE

- [1] BABILLOT, M. Exposé au séminaire de Probabilité et Théorie Ergodique de Tours (2000).
- [2] BALLMANN, W. *Lectures on Spaces of Nonpositive Curvature*. DMV Seminar 25 (1995).
- [3] — Axial isometries of manifolds of nonpositive curvature. *Math. Ann.* 259 (1982), 131–144.

- [4] BALLMANN, W., M. GROMOV and V. SCHROEDER. *Manifolds of Nonpositive Curvature*. Progress in Mathematics 61, Birkhäuser, Boston, 1985.
- [5] BOURDON, M. Structures conformes au bord des $CAT(-1)$ espaces. *L'Enseignement Math.* (2) 41 (1995), 63–102.
- [6] DO CARMO, M. *Differential Geometry of Curves and Surfaces*. Prentice Hall, 1976.
- [7] DAL'BO, F. Topologie du feuilletage fortement stable. *Ann. Inst. Fourier (Grenoble)* 50 (2000), 981–993.
- [8] — Remarques sur le spectre des longueurs d'une surface et comptages. *Bol. Soc. Brasil. Mat. (N. S.)* 30 (1999), 199–221.
- [9] EBERLEIN, P. Surfaces of nonpositive curvature. *Mem. Amer. Math. Soc.* 20 (1979).
- [10] — *Geometry of Nonpositively Curved Manifolds*. Chicago Lectures in Mathematics, 1996.
- [11] EBERLEIN, P. and B. O'NEILL. Visibility manifolds. *Pacific J. Math.* 46 (1973), 45–110.
- [12] KNIEPER, G. *Hyperbolic Dynamics and Riemannian Geometry*. Handbook of Dynamical Systems, Vol. 1.A, 453–545, North-Holland, Amsterdam, 2002.
- [13] — The uniqueness of the measure of maximal entropy for geodesic flows on rank 1 manifolds. *Ann. of Math.* (2) 148 (1998), 291–314.
- [14] OTAL, J.P. Sur la géométrie symplectique de l'espace des géodésiques d'une variété à courbure négative. *Rev. Mat. Iberoamericana* 8 (1992), 441–456.

(Reçu le 4 avril 2005)

Gabriele Link

Mathematisches Institut II
Universität Karlsruhe
Englerstr. 2
D-76128 Karlsruhe
Allemagne
e-mail: gabi.link@gmx.de

Marc Peigné

Jean-Claude Picaud

Fédération Denis Poisson, LMPT, UMR 6083
Faculté des Sciences et Techniques
Parc de Grandmont
F-37200 Tours
France
e-mail: peigne@univ-tours.fr,
jean-claude.picaud@univ-tours.fr