Zeitschrift: Schweizerische Zeitschrift für Vermessungswesen und Kulturtechnik = Revue technique suisse des mensurations et améliorations foncières

Herausgeber: Schweizerischer Geometerverein = Association suisse des géomètres

Band: 19 (1921)

Heft: 2

Artikel: Kurven-Absteckung unter Benutzung einer neuen Tabelle [Schluss]

Autor: Zwicky, C.

DOI: https://doi.org/10.5169/seals-186789

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Mehr erfahren

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. En savoir plus

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. Find out more

Download PDF: 15.07.2025

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, https://www.e-periodica.ch

Kurven-Absteckung unter Benutzung einer neuen Tabelle.

Von *C. Zwicky*, Professor an der Eidg. Technischen Hochschule Zürich.

(Schluss.)

3. Die Grösse der Uebergangskurve.

a) Die Entfernung w der beiden Schienenstränge setzt sich zusammen:

aus der normalen Spurweite: $w_0 = 1{,}435$ m,
aus der Spurerweiterung in der Kurve: $\Delta w < 0{,}020$ m,
sowie aus der Breite des Schienenkopfes: $b < 0{,}070$ m;

es kann daher für w hinreichend genau der runde Wert angenommen werden: $w = 1{,}50$ m.

b) Im «Schweizerischen Ingenieurkalender» empfiehlt Ingenieur Luternauer, ausser dem Gewicht G des Fahrzeuges auch noch dessen Trägheits-Widerstand gegenüber einer Drehung um seine Längsachse in Berücksichtigung zu ziehen; dementsprechend wäre dann die Erdbeschleunigung $g = 9{,}81$ m/sek^2 zu ersetzen durch

$$g' = g + 0{,}1 \cdot v = 10 + 0{,}1 \cdot v,$$

indem g füglich auf die Zahl 10 abgerundet werden darf.

c) In der Uebergangskurve erhalten die beiden Radachsen eines Wagens eine windschiefe Lage gegeneinander, weil die Neigung des äussern Schienenstranges um den Betrag 1 : n grösser ist als diejenige des innern Stranges. Dadurch erfahren die Achsenfedern eine ungleiche Beanspruchung, die nur bei sehr mässigem Betrag jener Neigung das zulässige Mass nicht überschreitet. In der Praxis hat sich diesbezüglich die Zugrundelegung des folgenden Wertes bewährt:

$$1 : n = 1 : 400.$$

d) Die Zugsgeschwindigkeit wird entweder in Kilometern pro Stunde oder in Metern pro Sekunde ausgedrückt und dann mit den Buchstaben V, bezw. v, bezeichnet; dabei gilt die Beziehung

$$V = 3{,}6 \cdot v.$$

Die im Verkehr zulässige Maximalgeschwindigkeit ist nun aber nicht eine konstante Grösse, sondern sie schwankt innerhalb ziemlich weiten Grenzen, je nach der Zugsgattung und nach den Gefälls- und Kurvenverhältnissen in der jeweils durchlaufenen Bahnstrecke. Bezüglich dieser Grenzwerte gilt etwa

$$45 < V < 90 \text{ km/std, also } 12{,}5 < v < 25{,}0 \text{ m/sek.}$$

e) Aus Obigem ergibt sich, dass die Grösse des Kurven-

kœffizienten c einerseits durch die drei konstanten Faktoren w, g und n bedingt ist, anderseits aber auch von dem etwas willkürlich einzuschätzenden Faktor v abhängig ist. Zur Orientierung über den diesbezüglichen Einfluss von v sind in der nachfolgenden Tabelle für einige Werte V die zugehörigen Beträge c, nebst dem mit g' statt g sich ergebenden modifizierten Werte c' aufgeführt.

V	km/std	36	54	72	90	108
$v = \frac{V}{3{,}6}$	m/sek	10	15	20	25	30
$c = \frac{n \cdot w}{g} \cdot v^2$	m^2	6000	13 500	24 000	37 500	54 000
$g' = 10 + 0{,}1 \cdot v$	m/sek	11,0	11,5	12,0	12,5	13,0
$c' = \frac{g}{g'} \cdot c$	m^2	5450	11 700	20 000	30 000	41 500

Bezüglich der Abhängigkeit der Maximalgeschwindigkeit von dem Kurvenradius r führt Herr Luternauer an gleicher Stelle die Formel an

$$V = 4 \cdot \sqrt{r}, \text{ womit } v = 1{,}11 \cdot \sqrt{r} \text{ wird.}$$

Demzufolge würde für $r = 900 \quad 600 \quad 300$ m

$V = 120 \quad 98 \quad 69$ km/std.

Unter der, allerdings nicht zutreffenden Voraussetzung, dass auch ein Radius von nur 1 m praktisch einen Sinn hätte, ergibt sich aus der obigen Formel:

$v_1 = 1{,}11$, und damit $v = v_1 \cdot \sqrt{r}$. Damit folgt dann für c:

$$c_1 = \frac{n \cdot w}{g} \cdot v_1^2 = 60 \cdot v_1^2 \quad \text{und} \quad c = c_1 \cdot r,$$

d. h. der Kœffizient c ist nicht eine konstante Grösse, sondern der Kœffizient c nimmt proportional mit r zu.

f) Zur Berechnung der Länge l der Uebergangskurve stehen nun die beiden Gleichungen zur Verfügung

$$c = r \cdot l \quad \text{und} \quad c = c_1 \cdot r,$$

woraus dann folgt

$$\underline{l = c_1 = \text{konstant.}}$$

Während vielfach für c ein konstanter Wert vorgeschlagen wird (Jordan c = 12 000, Weitbrecht c = 18 000), schreiben die Normalien der Bundesbahnen umgekehrt — in Uebereinstim-

mung mit der obigen Gleichung — für die Länge l einen festen Wert vor und zwar

$$l = 40.00 \text{ m.}$$

g) Unter nunmehriger Zugrundelegung dieses letztern Masses erhält man bei allen Radien r den gleichen Wert für die Schienenüberhöhung z bei B_1; bei sehr grossen Radien nehmen aber die Geschwindigkeiten V solche Beträge an, welche die tatsächlich vorkommenden Geschwindigkeiten erheblich überschreiten. Man kann dann umgekehrt die letztern zum Ausgangspunkt wählen, womit sich — bei unverändertem Werte für l — nun für z etwas kleinere und für n etwas grössere Werte ergeben, was in praktischer Hinsicht einen gewissen Vorteil hat. Die Ueberhöhungen z fallen schliesslich noch etwas kleiner aus, wenn man g ersetzt durch

$$g' = g + 0{,}1 \cdot v = 10 + {}^1/_{36} \cdot V.$$

Mit diesen Voraussetzungen ist die nachfolgende Tabelle berechnet worden.

$l = 40.00$ m								
	r =	m	250	500	750	1000	1500	2000
n = 400	$c = l \cdot r$	m^2	10 000	20 000	30 000	40 000	60 000	80 000
	$z = \frac{l}{n}$	m	0.100	0.100	0.100	0.100	0.100	0.100
	$V = 3{,}6 \cdot \sqrt{\frac{g}{n \cdot w} \cdot c}$	km/std	46.5	66	80	93	113	131
	$z' = \frac{360}{360 + V} \cdot z$	m	0.089	0.085	0.082	0.080	0.076	0.073
n = variabel	$c = l \cdot r$	m^2	10 000	20 000	30 000	40 000	60 000	80 000
	n	—	400	400	500	600	800	1000
	$z = \frac{l}{n}$	m	0.100	0.100	0.080	0.067	0.050	0.040
	$V = 3{,}6 \cdot \sqrt{\frac{g}{n \cdot w} \cdot c}$	km/std	46.5	66	72	76	80	83
	$z' = \frac{360}{360 + V} \cdot z$	m	0.089	0.085	0.073	0.061	0.045	0 036
$v = \frac{h}{4} = \frac{l^2}{24 \cdot r}$		m	**0.267**	**0.133**	**0.089**	**0.067**	**0.045**	**0.033**

Hat man sich für einen bestimmten Wert der Länge l (hier 40 m) entschieden, so ist für jeden Radius r die Uebergangskurve hinsichtlich ihres Grundrisses, der für die Kurvenabsteckung allein in Betracht kommt, durch die Grundformel

$$v = \frac{l^2}{24 \cdot r}$$

vollständig festgelegt. Die etwelche Unsicherheit in der Einschätzung der Geschwindigkeit V macht sich dann nur noch bei der Schienenüberhöhung z, d. h. bei der Ausführung des Oberbaues geltend. Im grossen ganzen hat indessen die Schienenerhöhung z auf die Höhenlage der Bahnachse keinen Einfluss, weil dem Ansteigen des äussern Schienenstranges in der kurzen Strecke $A_1 B_1$ ein gleich grosses Fallen auf der Strecke $B_2 E_2$ gegenübersteht.

4. Die Absteckung.

a) Für den Kreisbogen AE mit dem Radius r und dem Centriwinkel γ seien die Längen t, a, b und m berechnet worden; ferner habe man mit der für alle Radien gleich bleibenden Länge l der Uebergangskurven die Hülfsgrössen berechnet:

$$v = \frac{l^2}{24 \cdot r} \qquad \text{und} \qquad q = \frac{v}{r}.$$

Hieraus ergibt sich für den Kreisbogen A'E' vom Radius $r' = r + v$, welcher die Polygonseiten TT_1 und TT_2 berührt, folgendes:

$$TA' = TE' = t' = (r + v) \cdot \tan \omega = t + q \cdot t$$

$$TM' = a' = (r + v) \cdot \left(\frac{1}{\cos \omega} - 1 \right) = a + q \cdot a$$

$$M'U' = A'U' = m' = (r + v) \cdot \tan \frac{\omega}{2} = m + q \cdot m$$

$$TU' = u' = t' - m'.$$

Die Mitte M_0 des zwischen den beiden Uebergangskurven liegenden Kreisbogens $B_1 B_2$ mit dem Radius $r = r' - v$ ist um den kleinen Betrag v von dem Punkte T weiter entfernt als der Punkt M'; für diesen Punkt M_0 gilt somit

$$TM_0 = TM' + v \qquad \text{oder} \qquad a_0 = a' + v.$$

Die Tangente in M_0 schneidet die Geraden TT_1 und TT_2 in den Punkten U_0 und V_0, für welche gilt:

$U' U_0 = V' V_0 = d u' = \frac{v}{a'} \cdot u'$ und $T U_0 = T V_0 = u' + du'$,

womit sich die Bogenmitte M_0 auch als die Mitte der Strecke $U_0 V_0$ ergibt aus

$$U_0 M_0 = V_0 M_0 = m_0 = m' + \frac{v}{a'} \cdot m'.$$

Die auf der Geraden $T T_1$ abzusteckenden Punkte sind nun bestimmt durch die folgenden Streckenlängen:

$$T U' = u'; \quad T U_0 = u' + d u'; \quad T A' = t' = u' + m'$$

$$T B_1' = t' - \frac{l}{2} \quad \text{und} \quad T A_1 = t' + \frac{l}{2}.$$

Zum Punkte B_1 selbst gelangt man mit der Ordinate: $B_1 B_1' = h = 4 \cdot v$. In analoger Weise erhält man mit der Tangente $T T_2$ die Punkte V', V_0, E' B_2', E_2 und B_2.

b) Diese Beziehungen wollen wir nun anwenden auf das unter C. behandelte Beispiel einer Eisenbahnkurve und dabei auch die dort weggelassene Tabelle für die Berechnung der Hauptpunkte vorbringen, und zwar mit einer durch die jetzige Anwendung gebotenen etwelchen Erweiterung.

Hauptpunkte.

Daten		r=500 m; γ=41°,786; l = 40.00 m				Bemerkungen
Radien	Funktionen	t	a	b	m (20°,893)	$v = \frac{l^2}{24 r} = 0.133$ $q = \frac{v}{r} = 0.266.10^{-3}$
100	Δz_0	.438	.141	.785	.404	$u' = t' - m' =$ 87.478
„	z_0	33.800	5.558	65.188	16.241	$d u' = \frac{v}{a'} \cdot u' =$ .402
„	$dz = \frac{d\gamma}{0{,}5} \cdot \Delta z_0$	.250	.081	.449	.318	$u_0 = u' + d u =$ **87.880**
„	$z = z_0 + dz$	34.050	5.639	65.637	16.559	$m' =$ 82.817
						$d m' = \frac{v}{a'} \cdot m' =$ .391
r	$Z = \frac{r}{100} \cdot z$	170.250	28.195	328.185	82.795	$m_0 = m' + d m' =$ **83.208**
$v = q \cdot r$	$dZ = q \cdot Z$	.045	.007		0.022	$a_0 = a' + v =$ 28.335
$r' = r + v$	$Z' = Z + dZ$	**170.295**	28.202		82.817	$b_{12} = b - l =$ **288.185**

Bei den theoretischen Entwicklungen für die Uebergangskurve ist von den nur näherungsweise gültigen Beziehungen Gebrauch gemacht worden:

$$s = x, \quad 1 + p^2 = 1 \quad \text{und} \quad \text{tang}\,\tau = \tau = \gamma = \text{tang}\,\gamma.$$

Es soll daher noch untersucht werden, ob sich damit in den Schlussergebnissen nicht Fehler geltend machen werden, die das zulässige Mass eventuell überschreiten. Hiefür ziehen wir die Verhältnisse beim Kurven-Endpunkt B_1 in Betracht.

Dabei ergibt sich zunächst als genauer Wert der Bogenlänge $\overset{\frown}{AB_1}$:

$$s_1 = l + \left(\frac{l}{2r}\right)^2 \cdot \frac{l}{10} = 40{,}000 + 0{,}040 \cdot 4 = 40{,}0064 \text{ m}.$$

Für die Richtung der Tangente in B_1 folgt aus der Uebergangskurve:

$$\text{tang}\,\tau = p_1 = \frac{l}{2r} = 0{,}040, \text{ mit } \tau = 2^g{,}54\,51.$$

Anderseits ergibt sich für B_1 als Zwischenpunkt P_1 des Kreisbogens mit der Projektionslänge $B''_1 B_1 = \mathfrak{x}_1 = \frac{l}{2}$ für den Centriwinkel γ_1

$$\sin \gamma_1 = \frac{\mathfrak{x}_1}{r} = 0{,}040, \text{ und daraus}$$

$$\gamma_1 = 2^g{,}54\,71.$$

Die Länge der Uebergangskurve ist somit nur um den praktisch ganz belanglosen kleinen Betrag von 6,4 mm grösser als ihre Projektion $l = 40{,}000$ m; die Endtangente der Uebergangskurve weicht ferner in ihrer Richtung nur um 20 Sekunden neuer Teilung = 6,5" a. T.ab, was wieder von keiner praktischen Bedeutung ist.

Nachdem nach obiger Tabelle die Hauptpunkte des Kreisbogens $\overset{\frown}{B_1 B_2}$ bestimmt worden sind, können für den letztern von M_0 aus nach der Peripheriewinkel - Methode weitere Zwischenpunkte in ganz gleicher Weise wie früher abgesteckt werden, indem bei den zu $b_1 = 20$ m $= {}^1/_2 \cdot l$ angenommenen Bogenelementen sehr einfach nur die Endelemente AP_1 und EP_{15} in Wegfall kommen.

Schliesslich werden noch einige Zwischenpunkte B in den

beiden Uebergangskurven abgesteckt, wozu sich für das vorliegende Beispiel folgendes ergibt:

Zwischenpunkte	$B_{(i)}$	$A_1 = B_0$	$B_{(1)}$	$B_{(2)}$	$B_{(3)}$	$B_{(4)} = B_1$
definiert durch	$i = \frac{x}{l} =$	0	$^1/_4$	$^2/_4$	$^3/_4$	$^4/_4$
Abszisse	$A_1 B' = x = i \cdot l =$	0	10.000	20.000	30.000	$40.000 = l$
Ordinate:	$BB' = y = i^3 \cdot h =$	**0**	**0.008**	**0.064**	**0.216**	**0.513** $= 4 \cdot v$
Tangentenrichtung aus:	$A_1 D = 2y =$	0	0.016	0.128	0.432	1.026

Schlussbemerkung.

Bei der Verfolgung der obigen Beispiele dürfte der Leser jedenfalls die Ueberzeugung gewonnen haben, dass

1. die mitgeteilten Tabellen trotz ihres sehr bescheidenen Umfanges einer sehr vielseitigen Anwendung fähig sind;
2. diese Tabellen bezüglich der erzielten Zeitersparnis und hinsichtlich der Genauigkeit der Rechnungsergebnisse den grössern Tabellenwerken kaum nachstehen;
3. durch Verwendung geeigneter Formulare die Rechnungsarbeiten im Felde nicht nur vereinfacht und erleichtert werden, sondern auch jederzeit bequem nachgeprüft werden können.

So hoffen wir denn, dass diese Tabellen in praktischen Kreisen eine günstige Aufnahme, vor allem aber eine häufige Anwendung finden werden!

Zürich, im September 1920. *C. Zwicky.*

Coradis Polarkoordinatograph.

(Schluß.)

Der Auftrag der Detailpunkte erfolgt von der Orientierungsrichtung aus am bequemsten im Sinne des Uhrzeigers, gleichwie die Punkte in der Regel im Felde aufgenommen werden. Die Winkel und Distanzen werden provisorisch durch die Einstellmarke an der Kreisteilung bzw. Distanzteilung eingestellt. Nach Feststellung der Wagen besorgt man die genaue Einstellung an den Meßrädchen durch Drehung der Mikrometerschrauben. Ein sanfter Druck auf den Punktierstift gibt einen feinen Nadelstich