

Calcul graphique des erreurs moyennes des coordonnées résultant de l'emploi d'un appareil universel de restitution

Autor(en): **Ansermet, A.**

Objektyp: **Article**

Zeitschrift: **Schweizerische Zeitschrift für Vermessungswesen und Kulturtechnik = Revue technique suisse des mensurations et améliorations foncières**

Band (Jahr): **33 (1935)**

Heft 4

PDF erstellt am: **05.08.2024**

Persistenter Link: <https://doi.org/10.5169/seals-195306>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern. Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

Haftungsausschluss

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

Sehr wichtig ist die senkrechte Aufstellung der Latte bei geneigten Zielungen, wie nachstehende Tabelle zeigt, welche für 100 m Entfernung den Fehler in cm angibt.

Höhen- winkel $b =$	5°	10°	15°	20°	25°	30°	35°	40°	45°	
Latten- schiefe 1'	0.3	0.5	0.8	1.1	1.3	1.7	2.0	2.4	2.9	cm
2'	0.5	1.0	1.6	2.1	2.7	3.4	4.1	4.9	5.8	cm
3'	0.8	1.5	2.2	3.2	4.1	5.0	6.1	7.3	8.7	cm
4'	1.0	2.1	3.1	4.2	5.4	6.7	8.1	9.7	11.6	cm
5'	1.3	2.6	3.9	5.3	6.8	8.4	10.1	12.2	14.5	cm
10'	2.5	5.2	7.8	10.6	13.5	16.7	20.3	24.4	29.0	cm

Für genaue Messungen wird man bei Neigungen von über 20° die Latte auf 1' bis 2' genau senkrecht stellen müssen, wozu eine berichtigte Dosenlibelle von etwa 5' bis 8' Empfindlichkeit pro 2 mm notwendig ist. Bei einer Latte von 3 m Länge entsprechen 2' einer Ausweichung des obern Lattenendes von 1,75 mm.

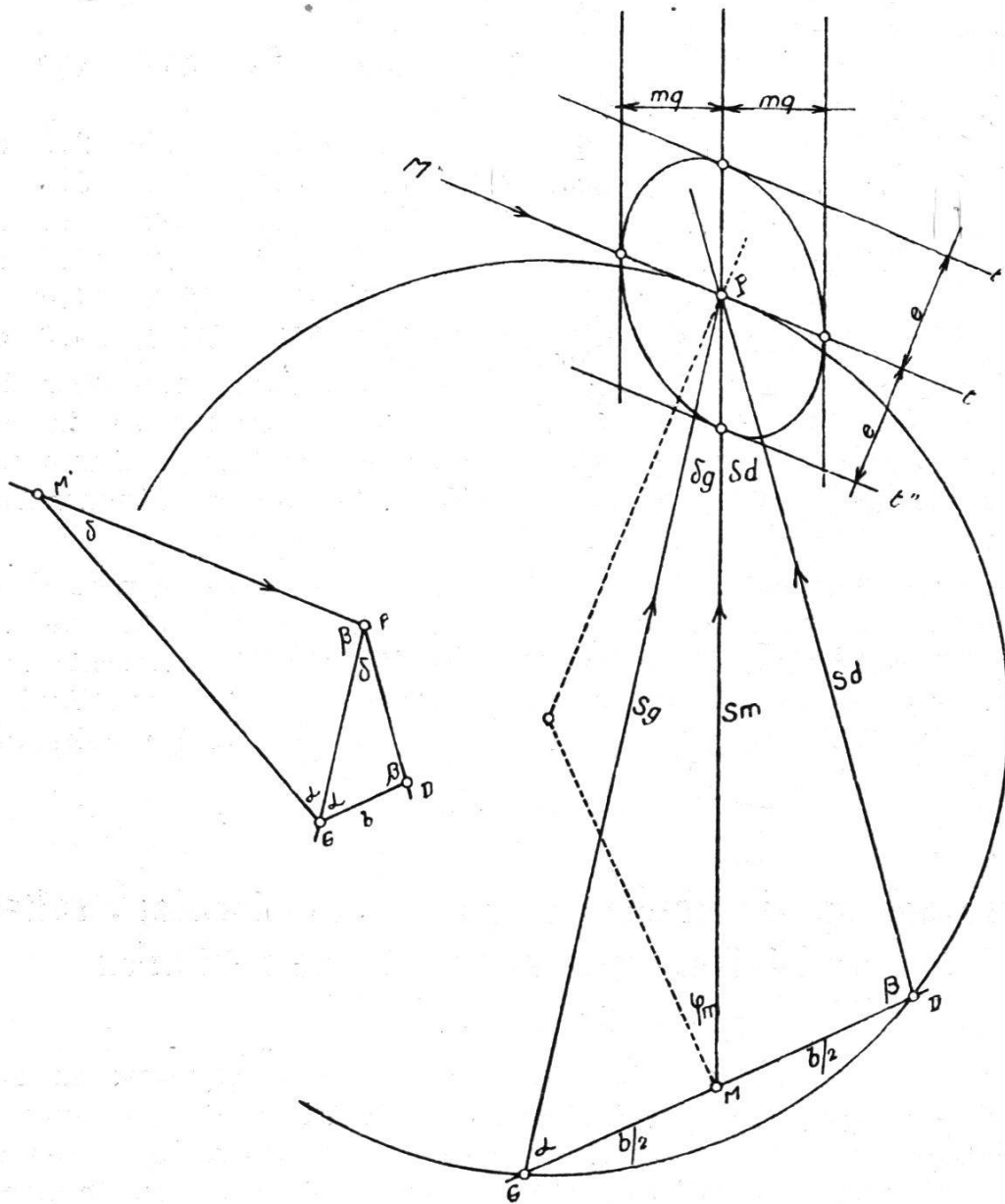
Für die direkte Winkelmessung benützt man das unveränderliche Bild, muß aber berücksichtigen, daß man vorerst die Schraube, die dieses Bild seitlich verschiebt, auf Null stellt. Die Höhenverschiebung, die man ein für allemal zur Berichtigung des parallaktischen Winkels einstellt, kann vernachlässigt werden, da sie nur einige Sekunden beträgt.

Calcul graphique des erreurs moyennes des coordonnées résultant de l'emploi d'un appareil universel de restitution

par A. Ansermet.

Le calcul des erreurs d'un lever photogrammétrique est un problème très complexe et sujet à l'heure actuelle à bien des controverses; la précision d'un plan établi à l'aide de vues terrestres ou aériennes dépend en effet d'un nombre élevé d'éléments qui exercent leur influence de façons très diverses. Il en résulte un chevauchement des sources d'erreurs qui ont un caractère tantôt accidentel, tantôt systématique, et une discrimination est malaisée; il y a lieu simultanément de tenir compte de la déformation de la gerbe de rayons entre l'espace-objet et l'espace-image, du rétrécissement de la couche sensible, de la mesure imparfaite des éléments d'orientation et surtout des erreurs dues à la restitution. La présente note est consacrée à ces dernières erreurs; l'emploi du photogoniomètre (principe de Porro-Koppe) et de la glace quadrillée permet en effet d'étudier les déformations dans l'espace-image. On peut traduire par des formules différentielles l'influence des éléments d'orientation des chambres et les erreurs qui en résultent pour la planimétrie et l'altimétrie; ces formules sont susceptibles de vérification dès qu'on possède suffisamment de points de contrôle lors

de la restitution. L'exactitude de la restitution proprement dite dépend essentiellement de la précision inhérente à l'identification des points homologues sur les clichés.



Considérons deux points de vue conjugués G et D (voir figure) reliés par la base de longueur b ; un point P quelconque est déterminé par l'intersection des deux rayons GP et DP dont les longueurs sont respectivement S_g et S_d , le plan de la figure contenant le point P à restituer. Il s'agit de déterminer l'erreur moyenne des coordonnées du point P ; ce problème est traité tantôt en coordonnées polaires, tantôt en coordonnées rectangulaires, le calcul pouvant se faire par voie analytique ou graphique ou par une combinaison des deux méthodes. Désignons par M le milieu de la base et l'angle parallaxique en P ; de la précision de cet élément dépend essentiellement l'exactitude de la restitution. Il faut distinguer entre l'erreur d'identification monoculaire m_2 et l'erreur d'identification binoculaire m_1 commise sur l'angle

parallactique; m_1 n'est pas égal à $m_2 \sqrt{2}$ comme on pourrait le présumer, mais inférieur à m_2 . Des divergences notables subsistent au sujet des valeurs relatives et absolues de m_1 et m_2 et ce n'est pas le but de la présente note de chercher à élucider ce point délicat. L'erreur de l'angle parallactique a pour effet de provoquer un *déplacement radial* de P (voir Baeschlin & Zeller, Lehrbuch der Stereophotogrammetrie, p. 210 à 222); dans l'ouvrage précité on avait en vue surtout la restitution à l'autographe Wild et la très intéressante étude de M. le Prof. Baeschlin repose sur l'hypothèse

$$\frac{S_m}{b} \geq 3$$

ce qui permet de simplifier les formules; pour des angles parallactiques supérieurs, on dispose notamment de la solution élégante de M. le Prof. Nábauer (Vermessungskunde, 2e édition, p. 278 et 290), comportant des « coefficients d'erreur » K_α et K_β calculables graphiquement. M. le Prof. Nábauer assimile ce problème à un « recouplement latéral » (Seitwärtsabschneiden), ce qui se justifie en principe; les deux solutions se complètent, mais on peut leur substituer un calcul graphique très simple; la voie graphique est particulièrement indiquée si l'on songe à l'incertitude qui règne sur les grandeurs m_1 et m_2 .

Si l'angle parallactique est constant, le point P restitué est astreint à demeurer sur un cercle de centre O ou « segment capable » (dans l'espace un tore); lorsque l'angle parallactique varie, il en est de même du segment: c'est le problème classique de la « translation de la tangente »

$$e = \frac{S_g S_d}{b} \cdot \frac{m\delta}{\rho} = \frac{H}{\sin \delta} \cdot \frac{m\delta}{\rho} \quad (\delta = \delta_g + \delta_d; m\delta \cong m_1) \quad \rho'' = 636620.$$

H étant la hauteur du triangle GDP abaissée du sommet P . Le coefficient de $m\delta$ est la *sensibilité du segment*; les courbes d'égalé sensibilité sont du 4e degré et symétriques par rapport à GD et MO . Si $S_m \geq 3b$ ces courbes diffèrent peu d'un cercle (écart maximum 2,8 %).

Considérons sur la tangente t le point M' sommet du triangle $M'GP$ semblable à PGD :

$$M'P : PG : GM' = PD : GD : GP = \text{rapport de similitude.}$$

$$M'P = \frac{S_g S_d}{b}$$

La visée *extérieure* $M'P$ issue du point *fictif* M' remplace donc le segment capable dans le voisinage du point P si l'on applique la même erreur $m\delta$.

La construction du point M' n'est pas nécessaire; lorsque l'angle parallactique est petit et la différence des visées S_g et S_d relativement faible, on peut substituer à GP et DP la médiane MP ; on obtient ainsi

une visée extérieure de *sensibilité* $\frac{S_m}{\rho}$ (erreur moyenne m_2). Avec suffisamment d'exactitude, on peut considérer MP comme axe de *symétrie*

de l'ellipse d'erreur; de part et d'autre de cet axe, on trace les tangentes parallèles à la distance

$$m_q = \frac{S_m \cdot m_2''}{\rho''}$$

on obtient avec les tangentes t' et t'' symétriques de t un parallélogramme enveloppe de l'ellipse. Le problème est ainsi résolu sans restriction quant à la valeur du rapport $\frac{S_m}{b}$ et à la différence ($S_g - S_d$); mais lorsqu'on opère avec l'autographe Wild, le parallélogramme diffère peu d'un rectangle. Dans l'espace nous aurons six plans enveloppant l'ellipsoïde d'erreur; les distances du point P à ces plans sont respectivement m_q , e et m_q . Le calcul des erreurs moyennes m_x , m_y et m_z des coordonnées est facile et peut s'effectuer au moyen d'une épure à grande échelle comme dans la compensation graphique d'un point trigonométrique. On peut toujours remplacer le segment de cercle de rayon OP par la tangente t au point P ; quant à la visée extérieure fictive MP , elle diffère assez peu de la médiane dans les cas usuels.

La présente méthode est générale pour l'étude des erreurs moyennes en un point déterminé, qu'il s'agisse de levés terrestres ou de prises aériennes; le plan nucléal GDP est toujours un plan de symétrie de l'ellipsoïde d'erreur. En outre, si l'on fait varier les erreurs moyennes m_q et m_δ en valeur absolue seulement

$$\frac{m_q}{m_\delta} = \text{constante} = K$$

on obtient des surfaces homothétiques: c'est en somme un *changement d'échelle* de l'ellipsoïde défini par le rapport K et il suffit de faire la construction graphique pour une valeur déterminée de ce coefficient ($K = 2$, p. ex.). Quant à l'élément m_δ qui joue un rôle fondamental dans le problème, nous répétons que sa détermination est malaisée; il comporte en effet deux composantes: une d'allure irrégulière et l'autre de caractère systématique qui diminue avec l'angle parallactique. Il faut de plus tenir compte de la position des rayons nucléaux ou plutôt de leurs images. Mais l'étude de cette question dépasserait le cadre de cet article.

Le but de cette note succincte est d'apporter une contribution modeste à un problème d'actualité, tout en suggérant la solution graphique pratique d'un calcul en excluant des considérations d'ordre trop théorique.

Baulinie und Himmelsrichtung.

Von *E. Bachmann*, Dipl.-Ing.

Die Baulinie soll in erster Linie den verkehrs- und wohntechnischen Anforderungen genügen, d. h. sie muß derart festgelegt werden, daß sie eine allfällige Verkehrssteigerung und eventuelle Straßenerweiterung aufnehmen kann, ohne dadurch ungünstige oder gar unhygienische