

Sur un théorème de la méthode des moindres carrés

Autor(en): **Ansermet, A.**

Objektyp: **Article**

Zeitschrift: **Schweizerische Zeitschrift für Vermessung, Kulturtechnik und Photogrammetrie = Revue technique suisse des mensurations, du génie rural et de la photogrammétrie**

Band (Jahr): **48 (1950)**

Heft 8

PDF erstellt am: **25.07.2024**

Persistenter Link: <https://doi.org/10.5169/seals-207446>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern.

Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden.

Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

Haftungsausschluss

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

La complication n'est qu'apparente; posons pour faciliter le raisonnement: $n = 5, u = 3$.

$$D = \begin{vmatrix} a_1 & b_1 & c_1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ a_2 & b_2 & c_2 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ a_3 & b_3 & c_3 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ a_4 & b_4 & c_4 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ a_5 & b_5 & c_5 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & a_1 & a_2 & a_3 & a_4 & a_5 \\ 0 & 0 & 0 & b_1 & b_2 & b_3 & b_4 & b_5 \\ 0 & 0 & 0 & c_1 & c_2 & c_3 & c_4 & c_5 \end{vmatrix} \quad (4)$$

Le développement de ce déterminant symétrique est simple et élégant; il suffit d'appliquer le théorème connu de Laplace (voir par exemple Kowalewski, G., Einführung in die Determinantentheorie, 1909, p. 37). On considère les mineurs d'ordre u ($u = 3$)

$$M = \begin{vmatrix} a_k & b_k & c_k \\ a_l & b_l & c_l \\ a_m & b_m & c_m \end{vmatrix} \quad \text{où les indices } k, l, m \text{ sont choisis à volonté dans la série } 1, 2, 3 \dots n$$

Pour $n = 5$ on a en permutant $(k, l, m) = (1, 2, 3), (1, 2, 4), (1, 2, 5), (1, 3, 4), (1, 3, 5), (1, 4, 5), (2, 3, 4), (2, 3, 5), (2, 4, 5)$ et $(3, 4, 5)$.

Désignons par \bar{M} les mineurs complémentaires (ordre = $n = 5$)

$$D = \Sigma M. \bar{M}.$$

Par exemple le complémentaire de

$$M = \begin{vmatrix} a_3 & b_3 & c_3 \\ a_4 & b_4 & c_4 \\ a_5 & b_5 & c_5 \end{vmatrix} \quad \text{est} \quad \bar{M} = \begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ a_1 & a_2 & a_3 & a_4 & a_5 \\ b_1 & b_2 & b_3 & b_4 & b_5 \\ c_1 & c_2 & c_3 & c_4 & c_5 \end{vmatrix} = M$$

Et finalement

$$D = \Sigma \begin{vmatrix} a_k & b_k & c_k \\ a_l & b_l & c_l \\ a_m & b_m & c_m \end{vmatrix}^2$$

Bien entendu on aboutit aux mêmes conclusions que M. le Prof. Dr Baeschlin et au même théorème.