

Coulomb-Anregung einiger deformierter u-g-Kerne

Autor(en): **Martin, M. / Marmier, P. / Boer, J. de**

Objektyp: **Article**

Zeitschrift: **Helvetica Physica Acta**

Band (Jahr): **31 (1958)**

Heft V

PDF erstellt am: **10.08.2024**

Persistenter Link: <https://doi.org/10.5169/seals-112915>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern.

Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden.

Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

Haftungsausschluss

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

Coulomb-Anregung einiger deformierter u - g -Kerne

von **M. Martin**, **P. Marmier** und **J. de Boer**

Physikalisches Institut der Eidg. Technischen Hochschule, Zürich

(18. II. 1958)

Summary: Electric excitation of the two first rotational levels of Au^{197} , Ta^{181} , Lu^{175} , Tm^{169} , Ho^{165} , Tb^{159} , $\text{Eu}^{153, 151}$ and $\text{Ag}^{109, 107}$ has been studied using protons of 4,05 MeV. Spins, transition probabilities, and multipolarities, as well as moments of inertia, deformation parameters, and gyromagnetic factors were deduced from yields and angular distributions of the gamma-rays.

I. Ergebnisse der Theorie der Coulomb-Anregung

I.1. Einleitung

Seit der Entdeckung der elektrischen Anregung von Rotationszuständen am Tantal im Jahre 1952 sind schon eine grosse Zahl von Arbeiten über diesen Gegenstand erschienen. Die Untersuchung von deformierten Kernen durch die Anregung von kollektiven Bewegungen des Kerns (Rotationen oder Vibrationen) mit dem elektrischen Felde schneller, geladener Teilchen hat sich als eine nützliche und wertvolle Methode erwiesen.

Während die aus Intensitätsmessungen in Gammaskpektren erhältlichen Informationen schon für eine grosse Zahl stabiler Kerne vorliegen, sind Gammawinkelverteilungsmessungen besonders für Kerne mit ungerader Nukleonenzahl erst für einige wenige Kerne durchgeführt worden. Abgesehen davon, dass auch durch die $E2$ -Übergänge in solchen Kernen die Theorie der Coulombanregung geprüft werden kann, lassen sich für die gemischten $M1+E2$ -Übergänge der Kaskade eines Rotationsspektrums zusätzliche Informationen für die Systematik deformierter Kerne gewinnen:

1. Die für ein Rotationsspektrum charakteristische Spinzuordnung kann bestimmt werden.
2. Die aus der Messung der Konversionselektronen und Verzweigungsverhältnisse ermittelten $E2/M1$ -Mischungsverhältnisse lassen sich verifizieren.
3. Das Vorzeichen der Mischungsverhältnisse kann ermittelt werden und gestattet die Ausschliessung des einen Lösungspaares der aus den

Gammaübergangswahrscheinlichkeiten berechneten gyromagnetischen Faktoren.

Das Ziel dieser Arbeit ist die Vervollständigung des empirischen Materials hauptsächlich durch Winkelverteilungsmessungen für einige deformierte u - g -Kerne und ein Vergleich der Resultate mit dem kollektiven Modell der Kerne.

I. 2. Elektrische Anregung von Rotationszuständen

Die Theorie der Coulomb-Anregung ist von ALDER, BOHR, HUUS, MOTTELSON und WINTHER¹⁾ zusammenfassend dargestellt worden. Es sollen hier nur die für die Auswertung der Messungen wichtigsten Ergebnisse zusammengestellt werden.

Da der Anregungsprozess durch eine elektromagnetische Wechselwirkung zustandekommt, kann für die reduzierten Übergangswahrscheinlichkeiten die Theorie der Multipolstrahlungen benützt werden. Man verwendet für die Beschreibung des einer elektrischen Anregung nachfol-

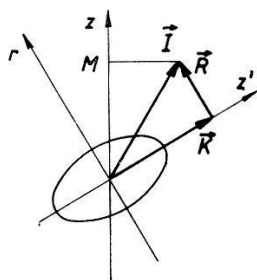


Fig. 1

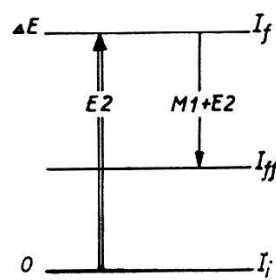


Fig. 2

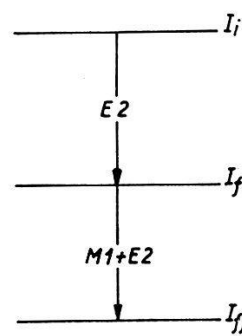


Fig. 3

Fig. 1. Kopplungsschema für deformierte Kerne.

Fig. 2. Niveauschema für Anregungs- und Zerfallsprozesse.

Fig. 3. Hypothetische γ - γ -Kaskade.

genden Gammazerfalls (Fig. 2) zweckmässig eine hypothetische γ - γ -Kaskade (Fig. 3) und interpretiert den Anregungsprozess als Multipolübergang der Ordnung λ . Wenn I_i , I_f und I_{ff} die Spins im Grund-, Anregungs- und Endzustand bezeichnen, so besteht zwischen den reduzierten Anregungs- und Zerfallswahrscheinlichkeiten der Zusammenhang:

$$B(\lambda)_d = B(\lambda, I_f \rightarrow I_i) = \frac{2 I_i + 1}{2 I_f + 1} B(\lambda)_{ex} = \frac{2 I_i + 1}{2 I_f + 1} B(\lambda, I_i \rightarrow I_f). * \quad (1)$$

a) Das Rotationsspektrum

Im Falle der Anregung von Rotationsniveaus in deformierten Kernen (Fig. 1) wird eine Rotation von Kernmaterie um eine Achse r senkrecht

*) Der Index «*ex*» bedeutet Anregung (excitation) und «*d*» Zerfall (decay).

zur Symmetrieachse z' bewirkt ohne Beeinflussung des inneren, durch den Spin \vec{K} charakterisierten Kernzustandes. Die Rotationsniveaus sind durch einen Drehimpuls \vec{R} gekennzeichnet, der sich vektoriell mit dem inneren Drehimpuls \vec{K} zum Gesamtspin \vec{I} addiert.

Die Anregung von Rotationsniveaus unterliegt wie in der Theorie der Multipolstrahlungen folgenden Auswahlregeln:

$$|I_i - I_f| \leq \lambda \leq I_i + I_f$$

$$\pi_i \pi_f = \left\{ \begin{array}{l} (-1)^\lambda \quad \text{für } E\lambda \text{ elektrische} \\ (-1)^{\lambda+1} \quad \text{für } M\lambda \text{ magnetische} \end{array} \right\} \text{ Multipolanregung} \quad (2)$$

Solange nur elektrische Quadrupolanregungen ($E2$) in Frage kommen, wie dies empirisch für die meisten untersuchten Kerne festgestellt wurde, werden hauptsächlich die zwei untersten Niveaus angeregt. Im Falle von g - g -Kernen mit dem inneren Spin $K = 0$ sind aus Symmetriegründen nur die Rotationszustände vom Spin $0, 2, 4, \dots$ möglich, so dass nur ein Rotationsniveau vom Spin 2 beobachtet werden kann. Bei u - g -Kernen hat ein Rotationsband die Drehimpulse $I = K, K + 1, K + 2, \dots$. Durch $E2$ -Anregung bekommt man deshalb zwei Rotationsniveaus gleichbleibender Parität, wie dies in Figur 7 schematisch dargestellt ist. Bezeichnet man den Spin im Grundzustand mit $K = I_0$, so haben die beiden angeregten Rotationsniveaus die Drehimpulse $I_0 + 1$ und $I_0 + 2$. Nach dem kollektiven Modell von BOHR und MOTTELSON²⁾ können die inneren Nukleonbewegungen von der kollektiven Rotationsbewegung separiert werden, weshalb man für die Energie eines Rotationszustandes vom Spin I zwei Terme bekommt:

$$E_I = E_0 + \frac{\hbar^2}{2\mathfrak{J}} [I(I+1) + a(-1)^{I+\frac{1}{2}}(I+\frac{1}{2})\delta_{K,\frac{1}{2}}] \quad (3)$$

Hierin bedeuten \mathfrak{J} das effektive Trägheitsmoment in bezug auf die Achse r und der Parameter a eine Korrektur im Falle von Rotationsbändern mit $I_0 = K = \frac{1}{2}$. Aus den gemessenen Anregungsenergien ΔE_1 und ΔE_2 beider Niveaus können das Trägheitsmoment \mathfrak{J} und der Entkopplungsparameter a ermittelt werden:

$$\frac{\hbar^2}{2\mathfrak{J}} = \frac{\Delta E_I}{I(I+1) - I_0(I_0+1)} \quad I_0 \neq \frac{1}{2} \quad (4)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{\hbar^2}{2\mathfrak{J}} = \frac{\Delta E_1}{3(1+a)} = \frac{\Delta E_2}{2(4-a)} \\ a = \frac{8\Delta E_1 - 3\Delta E_2}{2\Delta E_1 + 3\Delta E_2} \end{array} \right. \quad I_0 = \frac{1}{2} \quad (5)$$

$$\left. \begin{array}{l} \frac{\hbar^2}{2\mathfrak{J}} = \frac{\Delta E_1}{3(1+a)} = \frac{\Delta E_2}{2(4-a)} \\ a = \frac{8\Delta E_1 - 3\Delta E_2}{2\Delta E_1 + 3\Delta E_2} \end{array} \right\} \quad (6)$$

$$\mathfrak{J} = \frac{350}{\left(\frac{\hbar^2}{2\mathfrak{J}}\right)_{\text{V}}} \cdot 10^{-48} [\text{g cm}^2]. \quad (7)$$

Die Beurteilung, ob man es mit einem Rotationspektrum zu tun hat, kann durch Vergleich des gemessenen Verhältnisses der Anregungsenergien mit den theoretischen Werten (Tabelle I) erfolgen:

$$\frac{\Delta E_2}{\Delta E_1} = \frac{(I_0 + 2)(I_0 + 3) - I_0(I_0 + 1)}{(I_0 + 1)(I_0 + 2) - I_0(I_0 + 1)} \quad (8)$$

Tabelle I

Verhältnisse der Anregungsenergien für Rotationsniveau im kollektiven Model

I_0	0	1/2	3/2	5/2	7/2	9/2
$\Delta E_2/\Delta E_1$	3,00	2,67	2,40	2,29	2,22	2,18

b) *Wirkungsquerschnitte für elektrische Anregung*

In der klassischen Theorie des Anregungsprozesses kann die Hyperbelbahn eines am Targetkern gestreuten Ions zugrunde gelegt werden, da die Bahn durch die Abgabe der im Verhältnis zur kinetischen Energie kleinen Anregungsenergien wenig gestört wird. Für den totalen Wirkungsquerschnitt einer elektrischen Multipolanregung ergibt die quantenmechanische Theorie:

$$\sigma(E\lambda) = \left(\frac{Z_1 e}{\hbar v_i}\right)^2 a^{-2\lambda+2} B(E\lambda) f_{E\lambda}(\eta_i, \xi) \quad (9)$$

Hierin bedeuten:

$$a = \frac{Z_1 e \cdot Z_2 e}{m_0 v_i v_f} \text{ halber (symmetrisierter) minimaler Abstand bei Zentralstoss}$$

$Z_1 e, Z_2 e$ Ladungen von Ion und Targetkern

$$m_0 = \frac{m_1 m_2}{m_1 + m_2} \text{ reduzierte Masse}$$

$$\frac{m_1}{2} v_i^2 = E_0 \text{ Ionenenergie vor dem Stoss}$$

$$\frac{m_1}{2} v_f^2 = E_0 - \left(1 + \frac{m_1}{m_2}\right) \Delta E \text{ Ionenenergie nach dem Stoss}$$

$B(E\lambda)$ reduzierte Übergangswahrscheinlichkeit

$$f_{E\lambda}(\eta_i, \xi) = f_{E\lambda}(\infty, \xi) R_{E\lambda}(\eta_i, \xi) \text{ energieabhängige Anregungsfunktion}$$

$R_{E\lambda}(\eta_i, \xi)$ quantenmechanische Korrektur für den klassischen Grenzfall

$$\eta_i = \infty$$

$$\eta_{i,f} = \frac{Z_1 e \cdot Z_2 e}{\hbar v_{i,f}} \text{ Wechselwirkungszahl für Coulombfeld}$$

$$\xi = \eta_f - \eta_i \text{ Energieparameter.}$$

Die die Stärke der Wechselwirkung im Coulombfeld charakterisierende Zahl η_i muss wesentlich grösser als 1 sein, wenn von reiner elektromagnetischer Wechselwirkung ohne Mitwirkung von Kernkräften die Rede sein soll. Für den klassischen Grenzfall $\eta_i = \infty$ sind in der oben zitierten Arbeit¹⁾ die Anregungsfunktionen $f_{E\lambda}(\infty, \xi)$ tabelliert und graphisch dargestellt, während die quantenmechanische Korrektur für den Fall $1 \ll \eta_i \ll \infty$ berechnet wurde. Für elektrische Quadrupolanregung ist der totale Wirkungsquerschnitt:

$$\begin{aligned} \sigma(E2) &= \frac{m_0^2 v_f^2}{Z_2^2 e^2 \hbar^2} B(E2)_{ex} f_{E2}(\eta_i, \xi) \\ &= \frac{4,819}{Z_2^2} \frac{A_1}{\left(1 + \frac{A_1}{A_2}\right)^2} (E_0 - \Delta E')^{\text{MeV}} B(E2)_{ex} f_{E2}(\eta_i, \xi) \end{aligned} \quad (10)$$

$$\Delta E' = \left(1 + \frac{A_1}{A_2}\right) \Delta E \quad \text{Anregungsenergie im Laborsystem.} \quad (11)$$

Die reduzierte *E2*-Anregungswahrscheinlichkeit $B(E2)_{ex}$ wird in Einheiten von $e^2 \cdot 10^{-48} \text{ cm}^4$ angegeben. Für die Wechselwirkungszahl η_i und den Energieparameter ξ ergibt sich:

$$\eta_i = \frac{Z_1 Z_2}{2} \left(\frac{A_1}{10 \cdot E_0 \text{ MeV}} \right)^{\frac{1}{2}} \quad (12)$$

$$\xi = \eta_i \left[\left(1 - \frac{\Delta E'}{E_0}\right)^{-\frac{1}{2}} - 1 \right]. \quad (13)$$

I. 3. Gamma-Winkelverteilungen

Die Winkelverteilung der Gammastrahlung, welche beim Zerfall eines elektrisch angeregten Zustandes emittiert wird, kann durch die Theorie der Winkelkorrelation³⁾ einer hypothetischen γ - γ -Kaskade (Fig. 3), in der der erste Übergang ein reiner 2^2 -Übergang ist, dargestellt werden. Allerdings müssen zusätzliche Koeffizienten $a_k^{(\lambda)}(\nu, \xi)$ eingeführt werden, welche von der Energie E_0 der anregenden Ionen abhängen und den besonderen Anregungsprozess berücksichtigen, während sie von den Spins der beteiligten Zustände und der Multipolordnung des zweiten Kaskadenüberganges unabhängig sind:

$$w(\Theta) = \sum_k a_k^{(\lambda)}(\nu, \xi) A_k^{(\lambda)} P_k(\cos \Theta). \quad (14)$$

Die Winkelverteilungskoeffizienten $a_k^{(\lambda)}(\nu, \xi)$ der quantenmechanischen Theorie sind ebenfalls in der Arbeit von ALDER et al.¹⁾ tabelliert und graphisch dargestellt und weichen in stärkerem Masse vom klassischen Grenzfall $\nu = 0$ ab, als dies bei den Wirkungsquerschnitten der Fall ist.

Der Wechselwirkungsparameter ν hängt nur von der Anregungsenergie ΔE , jedoch nicht von der Ionenenergie E_0 ab:

$$\nu = 2 (\gamma_i^{-2} - \eta_f^{-2}) = \frac{4}{Z_1 Z_2} \left(\frac{10 \Delta E'}{A_1} \right)^{\frac{1}{2}}. \quad (15)$$

Für $E2$ -Anregungsprozesse ist die Winkelverteilung:

$$\begin{aligned} w(\Theta) &= \sum_{k=0}^2 a_k^{(2)}(\nu, \xi) A_k^{(2)} P_k(\Theta) \\ &= 1 + a_2^{(2)} A_2^{(2)} P_2(\Theta) + a_4^{(2)} A_4^{(2)} P_4(\Theta) \\ &= 1 + B_2 P_2(\Theta) + B_4 P_4(\Theta). \end{aligned} \quad (16)$$

Für den Gammazerfall kommen wegen der gleichbleibenden Parität der Rotationsniveaus nur $M1$ - oder $E2$ -Übergänge oder Mischungen beider in Frage. Die γ - γ -Korrelationskoeffizienten $A_k^{(2)}$ haben deshalb die Form:

$$A_k^{(2)} = F_k(2 I_i I_f) \frac{F_k(2 I_{ff} I_f) \cdot \delta^2 + 2 F_k(12 I_{ff} I_f) \cdot \delta + F_k(1 I_{ff} I_f)}{1 + \delta^2}, \quad (17)$$

wobei δ^2 das $E2/M1$ -Intensitätsmischungsverhältnis bedeutet und die Koeffizienten F_k aus den Tabellen von BIEDENHARN und ROSE³⁾ entnommen werden können, wenn man beachtet, dass:

$$F_k(2 I_i I_f) = F_k(2 j_1 j) \quad (18)$$

$$F_k(12 I_{ff} I_f) = F_k(12 j_1 j) = \frac{[(2j+1)(2L+1)(2L'+1)]^{\frac{1}{2}}}{(-1)^{j-j_1-1}} G_k(1 j_1 j)$$

$$\begin{aligned} L &= 1 && \text{für } M1\text{-Übergang} \\ L' &= L + 1 = 2 && \text{für } E2\text{-Übergang.} \end{aligned}$$

In der in Gl. (16) angeschriebenen Form ist die Winkelverteilungsfunktion zum Vergleich mit den experimentellen Ergebnissen noch ungeeignet. Man stellt sie vorteilhafter durch eine Entwicklung nach $\cos^{2n}\Theta$ -Gliedern ($n = 0, 1, 2, \dots$) dar:

$$\frac{w(\Theta)}{1 - \frac{1}{2} B_2 + \frac{3}{8} B_4} = 1 + \frac{\frac{3}{2} B_2 - \frac{30}{8} B_4}{1 - \frac{1}{2} B_2 + \frac{3}{8} B_4} \cos^2 \Theta + \frac{\frac{35}{8} B_4}{1 - \frac{1}{2} B_2 + \frac{3}{8} B_4} \cos^4 \Theta \quad (19)$$

und bildet das Verhältnis der Gammaintensitäten bei den Streuwinkeln Θ und 90° :

$$W(\Theta) = \frac{w(\Theta)}{w(90^\circ)} = 1 + \frac{\frac{3}{2} B_2 - \frac{30}{8} B_4}{1 - \frac{1}{2} B_2 + \frac{3}{8} B_4} \cos^2 \Theta + \frac{\frac{35}{8} B_4}{1 - \frac{1}{2} B_2 + \frac{3}{8} B_4} \cos^4 \Theta. \quad (20)$$

Für die meisten gemessenen Winkelverteilungen kann das Glied 4. Ordnung vernachlässigt werden, weil es nur wenige Prozente vom Glied 2.

Ordnung ausmacht. Man kann deshalb für die Winkelverteilung näherungsweise schreiben:

$$W(\Theta) = \frac{w(\Theta)}{w(90^\circ)} \cong 1 + \beta_2 \cos^2 \Theta \quad (21)$$

$$\beta_2 \cong \frac{\frac{3}{2} B_2}{1 - \frac{1}{2} B_2} \left(1 - 2,5 \frac{B_4}{B_2} \right). \quad (22)$$

Die Gammaübergänge zwischen Rotationsniveaus mit der Spindifferenz $\Delta I = 2$ sind reine *E2*-Übergänge, deren Winkelverteilung theoretisch vorausgesagt werden kann. Bei der Spindifferenz $\Delta I = 1$ hat man es mit einer Mischung eines *M1*-Überganges mit einem mehr oder weniger grossen *E2*-Anteil zu tun. Aus der gemessenen Anisotropie β_2 und dem durch die Theorie gegebenen Koeffizienten $a_2^{(2)}$ kann der γ - γ -Korrelationskoeffizient $A_2^{(2)}$ bestimmt werden, aus dem sich das Mischungsverhältnis δ^2 oder die *E2*-Beimischung $e = \delta^2/1 + \delta^2$ ermitteln lässt.

I.4. Zusammenhänge zwischen Gammaübergangswahrscheinlichkeiten, Mischungsverhältnissen, Lebensdauern und Kernmomenten

a) Gammaübergangswahrscheinlichkeiten und Lebensdauer

Für den Vergleich von Gammaübergängen sind die reduzierten (das heisst energieunabhängigen) Übergangswahrscheinlichkeiten $B(\lambda)$ geeignet, die mit den wirklichen $T_\gamma(\lambda)$ und den reziproken (das heisst den Lebensdauern) Gammaübergangswahrscheinlichkeiten τ_γ wie folgt zusammenhängen⁴⁾:

$$\frac{1}{\tau_\gamma} = T_\gamma(\lambda) = \frac{8 \pi (\lambda + 1)}{\lambda [(2\lambda + 1)!!]^2} \frac{1}{\hbar} \left(\frac{E_\gamma}{\hbar c} \right)^{2\lambda + 1} B(\lambda)_d. \quad (23)$$

Für die hauptsächlich in Frage kommenden Multipolübergänge gilt:

$$T_\gamma(E2) = 1,23 \cdot 10^{-2} (E_\gamma)^5 B(E2)_d \quad *) \quad (24)$$

$$T_\gamma(M1) = 1,59 \cdot 10^8 (E_\gamma)^3 B(M1)_d \quad *) \quad (E_\gamma \text{ in keV}) \quad (25)$$

Bei einem *M1* + *E2*-Übergang ergibt sich für die Gammaübergangswahrscheinlichkeit und die partielle Lebensdauer:

$$\begin{aligned} \frac{1}{\tau_\gamma(M1 + E2)} &= T_\gamma(M1 + E2) = T_\gamma(M1) + T_\gamma(E2) = \\ &= \left(\frac{1}{\delta^2} + 1 \right) T_\gamma(E2) = \frac{T_\gamma(E2)}{e}, \end{aligned} \quad (26)$$

worin: $\delta^2 = \frac{T_\gamma(E2)}{T_\gamma(M1)}$ Mischungsverhältnis (27)

$$e = \delta^2/1 + \delta^2 \quad \text{E2-Beimischung} \quad (28)$$

*) $B(E2)$ wird in $e^2 \cdot 10^{-48} \text{ cm}^4$ und $B(M1)$ in $(e\hbar/2Mc)^2$ angegeben.

Bezeichnet α_t den totalen Konversionskoeffizienten, so bekommt man die wirkliche Lebensdauer, welche gegenüber der partiellen um den Faktor $1 + \alpha_t$ kürzer ist, aus:

$$\frac{1}{\tau} = \frac{1 + \alpha_t}{e} T_{\gamma}(E2) . \quad (29)$$

Im Falle eines 2. Rotationszustandes kommt eine weitere Verkürzung seiner Lebensdauer durch den direkten $E2$ -Übergang zum Grundzustand hinzu:

$$\frac{1}{\tau_2} = \frac{1 + \alpha_3}{e_3} T_{\gamma_3}(E2) + (1 + \alpha_2) T_{\gamma_3}(E2) . \quad *) \quad (30)$$

b) *Verhältnisse zwischen Übergangswahrscheinlichkeiten*

Im kollektiven Modell von BOHR und MOTTELSON²⁾ werden die reduzierten Gammaübergangswahrscheinlichkeiten $B(E2)$ und $B(M1)$ mit dem elektrischen Quadrupolmoment im Grundzustand Q_0 bzw. mit den gyromagnetischen Faktoren für die inneren Nukleonenbewegungen g_K und die kollektive Rotation g_R in Zusammenhang gebracht:

$$B(E2, I_i \rightarrow I_f)_{ex} = \frac{5}{16\pi} Q_0^2 \langle I_i 2KO | I_i 2I_f K \rangle^2 \quad **) \quad (31)$$

$$B(M1, I_f \rightarrow I_{ff})_d = \frac{3}{4\pi} (g_K - g_R)^2 K^2 \langle I_f 1KO | I_f 1I_{ff} K \rangle^2 \quad **) \\ \times [1 + (-1)^{I_{ff} - \frac{1}{2}} b_0 \delta_{K, \frac{1}{2}}]^2 . \quad (32)$$

Wie in Gl. (3) für die Energie eines Rotationszustandes kommt hier im Falle $K = \frac{1}{2}$ ein Entkopplungsterm mit dem Parameter b_0 hinzu. Mit Hilfe dieser Beziehungen lassen sich folgende Verhältnisse zwischen Übergangswahrscheinlichkeiten bilden, wobei $K = I_0$ gesetzt ist:

$$\frac{B_2(E2)_{ex}}{B_1(E2)_{ex}} = \frac{\langle I_0 2KO | I_0 2, I_0 + 2, K \rangle^2}{\langle I_0 2KO | I_0 2, I_0 + 1, K \rangle^2} = \frac{2(I_0 + 1)}{I_0(2I_0 + 3)} \quad (33)$$

$$\frac{B_3(E2)_d}{B_2(E2)_d} = \frac{\langle I_0 + 2, 2KO | I_0 + 2, 2, I_0 + 1, K \rangle^2}{\langle I_0 + 2, 2KO | I_0 + 2, 2I_0 K \rangle^2} = \frac{2I_0 + 3}{2I_0 + 1} \cdot \frac{(2I_0)^2}{2(I_0 + 3)} \quad (34)$$

$$\frac{B_3(M1)_d}{B_1(M1)_d} = \frac{\langle I_0 + 2, 1KO | I_0 + 2, 1, I_0 + 1, K \rangle^2}{\langle I_0 + 1, 1KO | I_0 + 1, 1I_0 K \rangle^2} = \frac{2I_0 + 3}{2I_0 + 5} \cdot \frac{I_0 + 1}{I_0 + 2} \cdot \frac{4(I_0 + 1)}{2I_0 + 1} \quad (35)$$

Aus den gemessenen Wirkungsquerschnitten kann man $B_1(E2)_{ex}$ und $B_2(E2)_{ex}$ bestimmen, woraus sich $B_1(E2)_d$, $B_2(E2)_d$ und $B_3(E2)_d$ aus den Gl. (1) und (34) berechnen und das Verhältnis $B_2(E2)_{ex}/B_1(E2)_{ex}$ mit dem theoretischen Wert (33) vergleichen lassen. In Tabelle II sind für einige Spin I_0 diese Verhältnisse numerisch angegeben.

*) Die Bedeutung der Indizes 1, 2, 3 ist aus der Fig. 7 ersichtlich.

**) Die Vektoradditionskoeffizienten siehe CONDON und SHORTLEY⁵⁾.

Die *M1*-Übergangswahrscheinlichkeiten erhält man mit Hilfe der Beziehungen (24), (25) und (27) und des Mischungsverhältnisses δ^2 aus den *E2*-Zerfallswahrscheinlichkeiten:

$$B(M1)_d = 0,69 \left(\frac{E_\gamma}{\delta} \right)^2 B(E2)_d. \quad (E_\gamma \text{ in MeV}) \quad (36)$$

Tabelle II

Verhältnisse zwischen Gammaübergangswahrscheinlichkeiten und zwischen Mischungsverhältnissen

$I_0 = K$	$\frac{B_1(E2)_d}{B_1(E2)_{ex}}$	$\frac{B_2(E2)_d}{B_2(E2)_{ex}}$	$\frac{B_2(E2)_{ex}}{B_1(E2)_{ex}}$	$\frac{B_3(E2)_d}{B_2(E2)_d}$	$\frac{B_3(M1)_d}{B_1(M1)_d}$	$\left(\frac{\delta_1}{\delta_3} \right)^2 \left(\frac{E_{\gamma_3}}{E_{\gamma_1}} \right)^2$	$\left(\frac{\delta_1}{\delta_3} \right)_{\text{theor.}}^2$
1/2	0,500	0,333	1,500	0,286	1,200	4,200	1,512
3/2	0,667	0,500	0,556	1,50	1,340	2,145	1,095
5/2	0,750	0,600	0,350	3,03	1,450	1,712	1,035
7/2	0,800	0,667	0,257	4,71	1,535	1,520	1,018
9/2	0,833	0,714	0,204	6,47	1,595	1,411	1,010

c) Verzweigungs- und Mischungsverhältnisse

Das Intensitätsverhältnis (Verzweigungsverhältnis) zwischen dem direkten Gammaübergang zum Grundzustand und dem Kaskadenübergang vom 2. zum 1. Rotationsniveau ist gegeben durch:

$$\lambda_2 = \frac{I_2}{I_3} = \frac{T_{\gamma_2}(E2)}{T_{\gamma_3}(E2) + T_{\gamma_3}(M1)} = \left(\frac{E_{\gamma_2}}{E_{\gamma_3}} \right)^5 \frac{B_2(E2)_d}{B_3(E2)_d (1 + 1/\delta_3^2)}. \quad (37)$$

Das Verzweigungsverhältnis λ_2 liefert somit das Mischungsverhältnis δ_3^2 das mit dem Ergebnis einer Winkelverteilungsmessung verglichen werden kann:

$$e_3 = \frac{\delta_3^2}{1 + \delta_3^2} = \lambda_2 \left(\frac{E_{\gamma_3}}{E_{\gamma_2}} \right)^5 \frac{B_3(E2)_d}{B_2(E2)_d} \quad (38)$$

Die Winkelverteilungen der Gammastrahlung vom Übergang des 1. Rotationsniveaus zum Grundzustand sind für $I_0 \geq 5/2$ nahezu isotrop (die Korrelationskoeffizienten $A_2^{(2)}$ sind kleiner als 6%), so dass man aus ihnen das Mischungsverhältnis δ_1^2 nicht ermitteln kann. Es ist deshalb wertvoll, eine Beziehung zwischen den Mischungsverhältnissen beider Kaskadenübergänge aus der Gl. (36) bilden zu können:

$$\left(\frac{\delta_1}{\delta_3} \right)^2 = \left(\frac{E_{\gamma_1}}{E_{\gamma_3}} \right)^2 \frac{B_1(E2)_d}{B_3(E2)_d} \cdot \frac{B_3(M1)_d}{B_1(M1)_d} = \left(\frac{E_{\gamma_1}}{E_{\gamma_3}} \right)^2 \frac{I_0 + 1}{I_0 + 2} \cdot \frac{I_0 + 3}{I_0}. \quad (39)$$

In Tabelle II sind für halbzahlige Spins $(\delta_1/\delta_3)^2 \cdot (E_{\gamma_3}/E_{\gamma_1})^2$ und $(\delta_1/\delta_3)_{\text{theor.}}^2$ numerisch angegeben, wobei in $(\delta_1/\delta_3)_{\text{theor.}}^2$ das theoretische Verhältnis der Gammaenergien eingesetzt wurde. Man sieht, dass für $I_0 \geq 3/2$ die Mischungsverhältnisse beider Kaskadenübergänge bis auf wenige Procente Unterschied gleich sein sollten.

d) *Quadrupol- und magnetische Momente*

Aus den Beziehungen (31) und (32) lassen sich das elektrische Quadrupolmoment Q_0 und die gyromagnetischen Faktoren g_K und g_R berechnen, wenn man noch das magnetische Moment des Kerns im Grundzustand μ_0 kennt. Man benötigt hierfür noch eine weitere von BOHR, MOTTELSON und NILSSON^{2) 6)} angegebene Beziehung für das magnetische Moment eines Rotationszustandes:

$$\mu = \frac{K^2}{I+1} (g_K - g_R) [1 - (2I+1)(-1)^{I-\frac{1}{2}} b_0 \delta_{K,\frac{1}{2}}] + I g_R. \quad (40)$$

Man kann zeigen, dass für den Fall $K = \frac{1}{2}$ der Entkopplungsparameter b_0 verschwindet, wenn das Verhältnis $B_3(M1)_d/B_1(M1)_d$ den theoretischen Wert 1,20 annimmt. Für das magnetische Moment des Grundzustandes gilt dann:

$$\mu_0 = \frac{I_0^2}{I_0+1} (g_K - g_R) + I_0 g_R. \quad (41)$$

Mit Hilfe der Beziehungen (31), (32) und (41) findet man für die gesuchten Größen:

$$Q_0 = \left(\frac{10 B(E2)_{ex}}{\langle I_i 2KO | I_i 2I_f K \rangle^2} \right)^{\frac{1}{2}} \quad (42)$$

$$M_0 = \left(\frac{4,19 B(M1)_d}{\langle I_f 1KO | I_f 1I_{ff} K \rangle^2} \right)^{\frac{1}{2}} \quad (43)$$

$$g_R = \frac{\mu_0}{I_0} \mp \frac{M_0}{I_0+1} \quad \text{Vorzeichen} \left\{ \begin{array}{l} \delta > 0 \\ \delta < 0 \end{array} \right. \quad (44)$$

$$g_K = \frac{\mu_0}{I_0} \pm \frac{M_0}{I_0(I_0+1)}. \quad (45)$$

Das für das zweite Glied in den Ausdrücken für die gyromagnetischen Faktoren zu nehmende Vorzeichen ist durch dasjenige des Mischungsverhältnisses δ bestimmt, wie es sich aus den Winkelverteilungsmessungen ergibt (unter der Voraussetzung, dass das Quadrupolmoment Q_0 positiv ist). In der Tabelle III sind die für die Berechnung von Q_0 und M_0 erforderlichen Vektoradditionskoeffizienten⁵⁾ numerisch angegeben.

Tabelle IIIVektoradditionskoeffizienten zur Berechnung von Q_0 und M_0

I_0	$\langle I_0 2KO I_0 2, I_0+1, K \rangle^2$ γ_1	$\langle I_0 2KO I_0 2, I_0+2, K \rangle^2$ γ_2	$\langle I_0+1, 1KO I_0+1, 1 I_0 K \rangle^2$ γ_1	$\langle I_0+2, 1KO I_0+2, 1, I_0+1, K \rangle^2$ γ_3
1/2	0,400	0,600	0,333	0,400
3/2	0,514	0,286	0,267	0,357
5/2	0,476	0,166	0,214	0,311
7/2	0,424	0,109	0,178	0,273

e) *Deformationsparameter und Trägheitsmoment*

Für einen rotationsellipsoidischen Kern mit der Differenz ΔR zwischen dem grössten und kleinsten Kernradius und einem mittleren Radius $R_0 = 1,2 \cdot A^{1/3} \cdot 10^{-13}$ cm kann ein Deformationsparameter definiert werden:

$$\beta = \frac{4}{3} \left(\frac{\pi}{5} \right)^{\frac{1}{2}} \frac{\Delta R}{R_0} = 1,06 \frac{\Delta R}{R_0}, \quad (46)$$

der unter der Annahme eines gleichmässig geladenen Kerns mit dem elektrischen Quadrupolmoment zusammenhängt:

$$Q_0 = \frac{3}{(5\pi)^{\frac{1}{2}}} z R_0^2 \beta (1 + 0,16 \beta + \dots). \quad (47)$$

Die gemessenen Quadrupolmomente gestatten eine Bestimmung des Deformationsparameters:

$$\beta = \frac{(1 + 0,64 \beta_0)^{\frac{1}{2}} - 1}{0,32} \quad \beta_0 = \frac{91,6 Q_0}{Z \cdot A^{2/3}}. \quad (48)$$

Das aus den Gl. (4) bis (7) bestimmte, effektive Trägheitsmoment \mathfrak{J} kann einerseits mit dem Trägheitsmoment $\mathfrak{J}_{\text{rig}}$ eines starren, ellipsoidischen Kerns und andererseits mit dem Trägheitsmoment $\mathfrak{J}_{\text{irrot}}$ einer umlaufenden, die Kerndeformation erzeugenden Materiewelle verglichen werden:

$$\mathfrak{J}_{\text{rig}} = \frac{2}{5} A M R_0^2 (1 + 0,31 \beta \dots) = 20,7 \left(\frac{A}{100} \right)^{5/3} \times (1 + 0,31 \beta) \cdot 10^{-48} [\text{g cm}^2] \quad (49)$$

$$\mathfrak{J}_{\text{irrot}} = \frac{2}{5} A M R_0^2 \beta^2 (0,89 + \dots) = 18,4 \left(\frac{A}{100} \right)^{5/3} \beta^2 \cdot 10^{-48} [\text{g cm}^2]. \quad (50)$$

II. Messanordnung und Auswertung

II.1. Beschleunigungsanlage

Das Cyclotron der ETH wurde für die vorliegende Arbeit mit Protonen einer reduzierten Energie von $(4,05 \pm 0,05)$ MeV betrieben. Der ausgeleitete Protonenstrahl beträgt am Austritt der Vakuumkammer rund $10 \mu\text{A}$ und wird mit Hilfe eines Paares magnetischer Quadrupollinsen (Fig. 4) in einen Messraum fokussiert, der durch eine etwa 2 Meter dicke Mauer gegen die Strahlung der Maschine abgeschirmt ist (Fig. 5).

Durch eine Blende von 10 mm Durchmesser kann im Messraum ein Protonenstrom von 0,5 bis $1 \mu\text{A}$ erzielt werden. Die magnetischen Linsen verstärken die Stromdichte im Messraum etwa 50fach. Bei diesen Bedingungen erfordert jede Linse eine Erregerleistung von $2,1 \text{ A} \cdot 200 \text{ V} = 420 \text{ W}$ und ergibt bei ca. 6000 Amperewindungen pro Spule einen Feldgradienten von 820 Gauss/cm längs eines effektiven Weges von 10 cm.

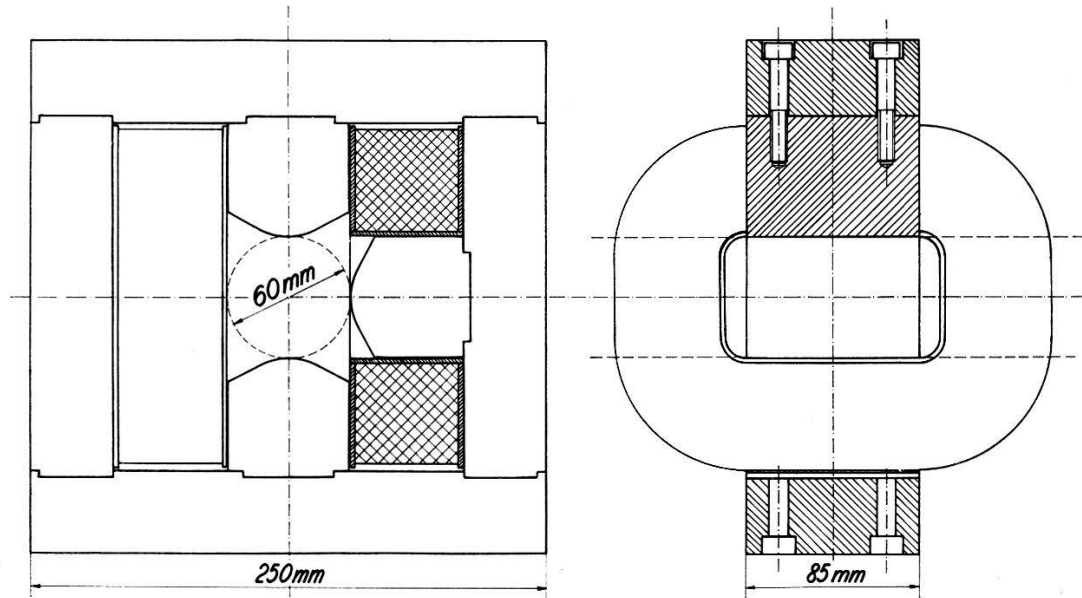


Fig. 4

Magnetische Quadrupollinsen für Strahlfokussierung

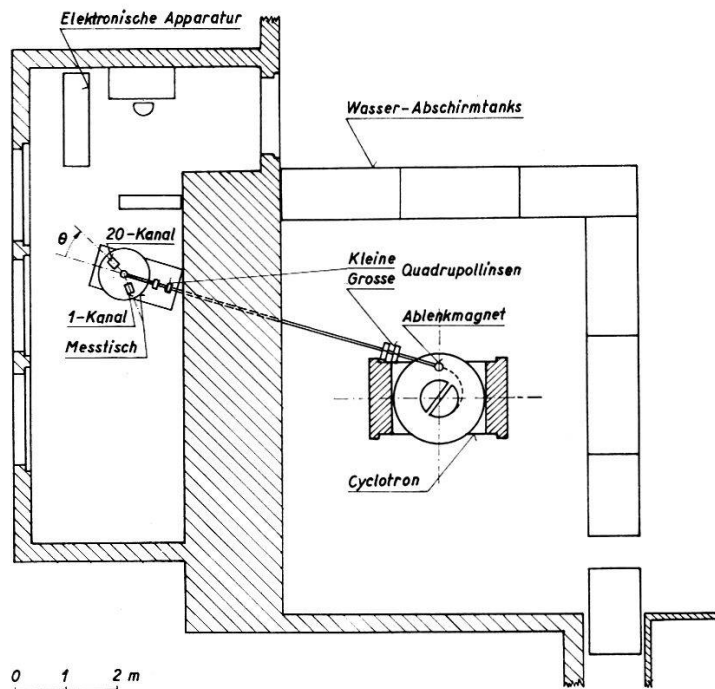


Fig. 5

Übersichtsplan von Cyclotron- und Messraum

Zwei dicht aneinander gestellte Quadrupollinsen haben einen ziemlich grossen Astigmatismus, der allerdings gerade geeignet ist, die stark astigmatische Quelle im Cyclotron einigermaßen zu kompensieren. Das Strahlrohr für den ausgelenkten Protonenstrahl, ein Ablenkmagnet, der den Strahl richtig ins Fokussiersystem einführt, und die Quadrupollinsen sind in der Abbildung 1 ersichtlich*).

Die Verwendung eines Cyclotrons für die Ausführung von Coulomb-anregungsexperimenten und Gammawinkelverteilungsmessungen bereitet gegenüber einem Van de Graaff-Beschleuniger einige zusätzliche Schwierigkeiten: Im Messraum steht ein Protonenstrom zur Verfügung, der kleiner, energetisch weniger scharf und vor allem weit weniger stabil ist, als dies bei Linearbeschleunigern im allgemeinen der Fall ist. Ferner ist das Umstellen auf eine andere Energie umständlich. Ein Cyclotron hat auch den Nachteil, dass der nutzbare Strom im besten Falle etwa 1% von dem auf den Dees und auf Blenden in Störstrahlung umgewandelten Protonenstrom ist. Die Instabilität des Targetstromes infolge Magnetfeldschwankungen, Änderungen der Hochfrequenz- und Auslenkspannung und Unterbrechungen bei Zündungen im Deesystem kann zu systematischen Fehlern bei der Messung führen. Der kleine Targetstrom und die relativ kleinen Anregungswirkungsquerschnitte machen oft längere Messungen notwendig.

II. 2. Messapparatur

Die Messapparatur ist aus der Abbildung 2 und der Fig. 6 ersichtlich*). Der aus dem Cyclotronraum in den Messraum fokussierte Protonenstrahl gelangt durch eine auswechselbare, isolierte Bleiblende mit einem Lochdurchmesser D in eine hochisoliert aufgestellte Messkammer aus Aluminium, die in der horizontalen Messebene der Gammastrahlung aus der Target 1 mm Material zur Absorption bietet. Der unter Vakuum verstellbare Halter kann zwei Targets von 23 mm Durchmesser fassen und gegenüber dem Strahl in 45° -Position gebracht werden. Die untere Target wird im allgemeinen für Eichzwecke benützt. Die Messkammer ist für Wirkungsquerschnittsmessungen über ein Polyäthylenkabel und ein durch einen Polyäthylenkondensator überbrücktes, elektrostatisches Voltmeter von 200 Volt geerdet.

Auf einem mit Gradeinteilung versehenen, justierbaren Holztisch von 1 Meter Durchmesser sind zwei Szintillationsdetektoren in einstellbarem

*) Unserem Techniker, Herrn P. GÜNTERT, sei für die sorgfältige Ausführung dieser Einrichtungen besonders gedankt.

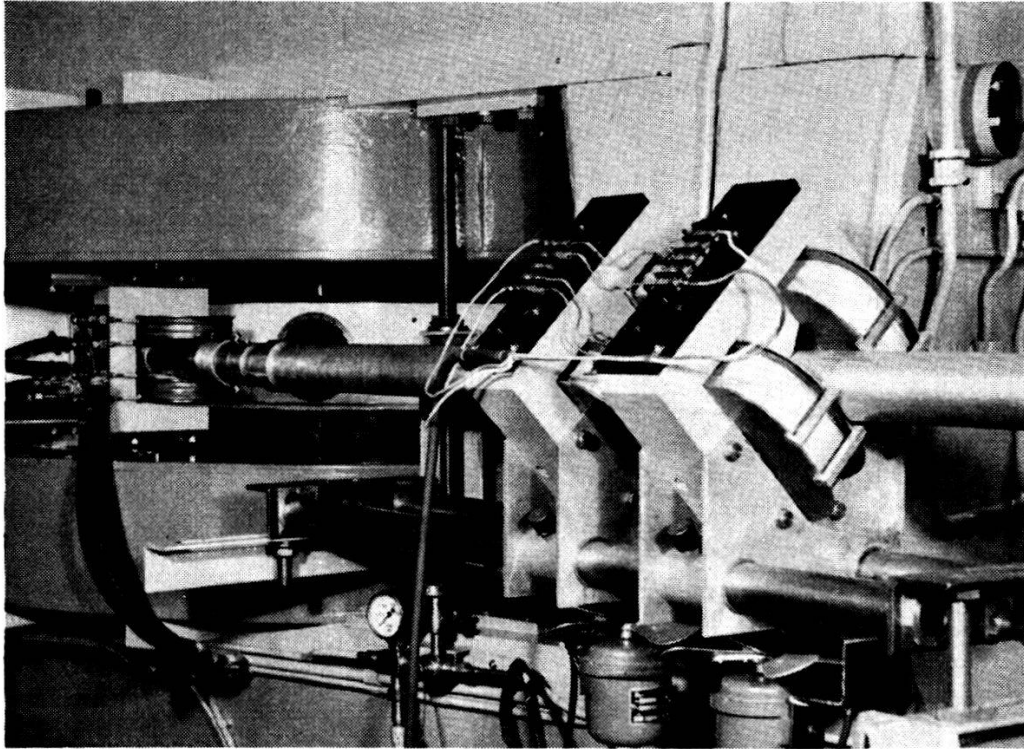


Abb. 1

Strahlauslenkung im Cyclotronraum mit Strahlrohr,
Ablenkmagnet (links) und Quadrupollinsen (rechts)

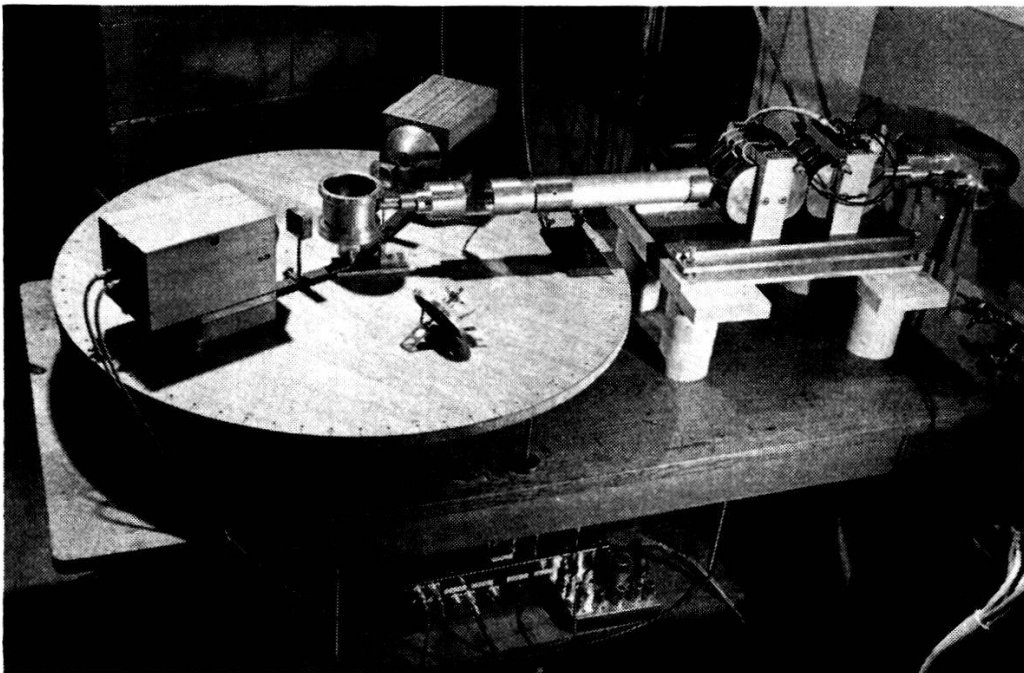


Abb. 2.

Messapparatur für Wirkungsquerschnitts- und Gammawinkelverteilungsmessungen

Abstand R um die Messkammer drehbar angeordnet. Die Gammastrahlung wird mit zwei NaI(Tl)-Kristallen von 1×1 inch und zwei Du-Mond-Photomultipliern 6292 registriert. Ein Detektor wird für alle Messungen auf den Winkel 135° eingestellt und ist als Monitor mit einem 1-Kanal-Impulsanalysator verbunden. Der andere Detektor wird für Wirkungsquerschnittsmessungen auf $\Theta = 55^\circ$ *) eingestellt, für Winkelverteilungsmessungen von $\Theta = 0$ bis 90° bewegt und ist an einem 20-Kanal-Impulsanalysator angeschlossen, der durch Verschieben des Impulsspektrums um $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{2}$ und $\frac{3}{4}$ Kanäle die Aufnahme eines Gammaskpektrums mit 80 Messpunkten erlaubt. Eine Beschreibung dieser Apparatur findet sich in einer Dissertation von H. GUHL⁷⁾.

Um eine zuverlässige Funktion des Monitors zu erzielen, muss im 1-Kanal-Impulsanalysator die Röntgenlinie abgeschnitten werden, weil die Instabilitäten des Protonenstrahls zu Variationen der Absorption der

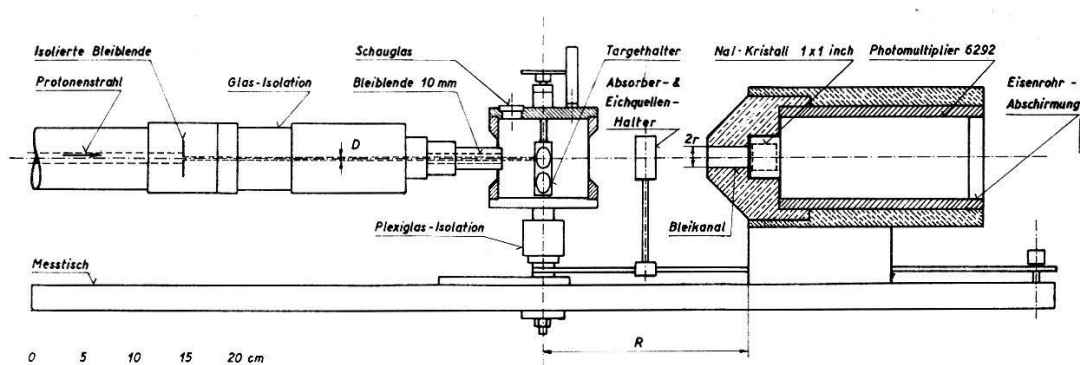


Fig. 6.

Messapparatur für Wirkungsquerschnitts- und Gammawinkelverteilungsmessungen.

Röntgenlinie in der Target Anlass geben und eine gewünschte Monitorgenauigkeit von 1% verunmöglichen. Um die totale Ladung auf die Target während einer Wirkungsquerschnittsmessung zu bestimmen, wird jeweils die Stoßzahl am Vorwahlzähler des Monitors abgelesen, die sich für die Aufladung einer geeigneten Kapazität von + 100 bis auf + 200 Volt ergibt. Das Vakuum in der Messkammer und im Strahlrohr muss gut sein, wenn die Stromverluste durch die vom Strahl erzeugten Gasionen gering sein sollen. Durch Messung der oben genannten Vorwahlzählerzahl für verschiedene Intensitäten des Protonenstrahls kann diese Bedingung geprüft werden; bei gutem Vakuum kann mit einer Genauigkeit der Ladungsbestimmung von 5 bis 10% gerechnet werden.

*) Für diesen Winkel braucht bei der Bestimmung des totalen Wirkungsquerschnittes die Anisotropie der betreffenden Gammastrahlung nicht berücksichtigt zu werden.

II.3. *Targetherstellung*

Für die Messungen an den Metallen Gold, Tantal und Silber standen Folien zur Verfügung, während die übrigen, untersuchten Elemente in Form von feinem Pulver erhältlich waren, das in einer Presse zu dünnen Pillen verarbeitet werden musste. Die Dicke der Pillen wurde jeweils so klein als möglich gewählt, um die Absorption der Gammastrahlen in der Target nicht unnötig zu vergrößern.

Die Herstellung geeigneter Pillen bereitete einige Schwierigkeiten: Es zeigte sich, dass nur ganz feines Pulver verwendet werden darf. Eine richtig abgewogene Menge Pulver wird in einer ölgehärteten Pillenpresse aus Söderfors-Stahl bei etwa 5 Tonnen Druck zu einer Pille von 10 mm Durchmesser gepresst und deren Gewicht nachher bestimmt. Die frei-tragend bestrahlten Pillen waren nicht beständig; sie zeigten nach einiger Zeit Risse, wurden für Protonen zum Teil durchsichtig und verunmöglichten Winkelverteilungsmessungen. Diese Schwierigkeit konnte durch Aufkleben der Pillen mit Perocellinlack auf ein dünnes Nickelblech behoben werden, indem das Blech für eine bessere Halterung und Wärmeabfuhr aus der bestrahlten Pille sorgt. Allerdings muss damit eine zusätzliche, winkelabhängige Absorption der Gammastrahlen im Nickel in Kauf genommen werden.

Die Absorption in der Target beträgt für die gemessenen, niedrigen Gammalinien einiger seltener Erden je nach dem Beobachtungswinkel 10–20%. Die Instabilitäten des Protonenstrahls haben in den nicht ganz gleichmässig dicken Pillen Variationen der Absorption zur Folge, die sich bei den Winkelverteilungsmessungen als systematische Fehler äussern. Solche Messungen können deshalb weniger genau sein als für Targets aus den homogeneren Metallfolien.

II.4. *Auswertung der Messungen*

a) *Gammaspektren*

Für die Energieeichung der Gammalinien wurden folgende Eichquellen benützt: Cd^{109} (87 keV), Lu^{177} (113 und 208 keV), Na^{22} (511 keV), Cs^{137} (661 keV), Co^{60} (1176 und 1330 keV) und ferner die relativ gut bekannten Energien der beiden Rotationsniveaus des Ta^{181} (136 und 303 keV). Die Genauigkeit der Energieeichung dürfte etwa $\pm 2\%$ betragen.

Bei Rotationsspektren von Kernen mit dem Spin $I_0 \geq 5/2$ sind die beiden Gammalinien des Kaskadenüberganges von nicht sehr verschiedener Energie und lassen sich deshalb mit Szintillationsspektrometern nicht völlig trennen. Der schwächere Übergang vom 2. zum 1. Rotationsniveau erscheint an der oberen Flanke des stärkeren Überganges vom 1. Niveau

zum Grundzustand als Ausbuchtung. Eine Bestimmung der Gammaenergie, welche ja gleich der Differenz der Anregungsenergien beider Rotationsniveaus sein sollte, gelingt, wenn das Spektrum logarithmisch aufgetragen wird und nach Abzug des Untergrundes die beiden benachbarten Linien in Parabeln aufgelöst erscheinen. Dies ist für das Spektrum des Ta¹⁸¹ in Figur 11 gezeigt.

b) Wirkungsquerschnitte und Anregungswahrscheinlichkeiten

Für die gemessenen Anregungsenergien ΔE_1 und ΔE_2 sind die totalen Wirkungsquerschnitte $\sigma(E2)/B(E2)$ nach Gl. (10) für eine Protonenenergie von 4,05 MeV bestimmt worden.

Aus den Gammaspektren wurden die Flächeninhalte der Photospitzen nach zwei Methoden ermittelt, wie dies für das Ta¹⁸¹ in den Figuren 10 und 11 gezeigt ist: In dem linear aufgetragenen Spektrum liegen in den Flanken der Photospitzen immer einige Messpunkte recht gut auf Geraden, die zu einem Dreieck mit einer Basis auf der Höhe eines mittleren Untergrundes ergänzt sind. Vergleicht man die Inhalte dieser Dreiecke mit denjenigen der im logarithmisch aufgezeichneten Spektrum konstruierbaren Parabeln, so findet man innerhalb $\pm 5\%$ Übereinstimmung. Für die in den Flanken der 1. Niveaus erscheinenden Kaskadenübergänge findet man eine $\pm 10\%$ ige Übereinstimmung der Differenzflächen im linearen Spektrum (siehe schraffierte Fläche in Fig. 10) mit den entsprechenden Parabelflächen im logarithmischen Spektrum. Die so ermittelten Gammaquantenzahlen werden nach Berücksichtigung der Absorptionen in der Target, in der Messkammerwand, einem eventuellen Absorber und im Kristallhalter durch die Photospitzen-Ansprechwahrscheinlichkeit dividiert, wobei die von MAEDER et al.⁸⁾ angegebenen Werte benützt werden. Aus den so korrigierten, wahren Gammaquantenzahlen Γ_{exp} lassen sich die reduzierten Anregungswahrscheinlichkeiten $B(E2)_{\text{ex}}$ für die betreffenden Niveaus errechnen:

$$\varepsilon B(E2)_{\text{ex}} = \frac{\Gamma_{\text{exp}} \cdot \left(\frac{dE}{dQx} \right)_0}{\frac{\sigma(E2)}{B(E2)} \cdot E_0 \cdot N_G \cdot C \cdot \frac{\delta E_\lambda}{E_0} \cdot \omega \cdot P} \quad (51)$$

Hierin bedeuten:

$$\varepsilon = \frac{\text{Beobachtete Gammaquanten}}{\text{Anzahl Anregungsprozesse}}$$

$$\left(\frac{dE}{dQx} \right)_0 = \text{Bremsvermögen der Protonen bei der Maximalenergie } E_0$$

$$\omega = \left(\frac{r}{2R} \right)^2 \text{ Beobachtungs-Raumwinkel (siehe Fig. 6)}$$

$$\frac{\sigma(E2)}{B(E2)} = \frac{4,819}{(1+1/A_2)^2} \frac{(E_0 - \Delta E')^{\text{MeV}}}{Z_2^2} f_{E2}(\eta_{i_0}, \xi_0)$$

*

$$N_G = \frac{h \cdot n_X \cdot 6,02 \cdot 10^{23}}{M} \text{ Anzahl angeregte Kerne } X \text{ pro Gramm bei der molekularen Häufigkeit } n_X \text{ und der Isotopenhäufigkeit } h \text{ in einer Verbindung vom Molekulargewicht } M$$

$$C \frac{\delta E_\lambda}{E_0} = \frac{\int_0^{E_0} \sigma(E) d(\rho x)}{\sigma(E_0) \frac{E_0}{(dE/d\rho x)_0}} \text{ effektive Targetdicke nach Alder et al.}^{1)}$$

$$P = \frac{Q}{e} \text{ Protonenzahl für die gemessene Ladung } Q.$$

Das Bremsvermögen der Protonen wurde für Gold, Tantal, Zinn und Kupfer gemessen und mit dem bekannten von Aluminium⁹⁾ verglichen. Das Bremsvermögen für andere Elemente wurde dann durch Interpolation gewonnen. Ebenso ist die Reichweite für 4,05-MeV-Protonen angenähert bestimmt worden, um die Targetdicken günstig wählen zu können*).

Um aus den so ermittelten $\varepsilon B(E2)_{ex}$ -Werten die reduzierten Anregungswahrscheinlichkeiten selbst zu bekommen, müssen die totalen $M1$ - und $E2$ -Konversionskoeffizienten bekannt sein. Diese wurden durch Interpolation aus neueren Werten von SLIV¹⁰⁾ (K -Konversionskoeffizienten) und älteren von ROSE (L - und M -Konversionskoeffizienten) erhalten*). Unter Berücksichtigung der nicht beobachteten Konversionsübergänge (siehe Fig. 7) lassen sich auch die ε -Verhältnisse ermitteln. Bezeichnen wir mit λ_1 und λ_2 die beobachteten Gammaintensitätsverhältnisse $f_1:f_3$ bzw. $f_2:f_3$, so ergibt sich für diese ε -Verhältnisse:

$$\lambda_1 = \frac{f_1}{f_3} \qquad \lambda_2 = \frac{f_2}{f_3} \qquad (52)$$

$$\varepsilon_1 = \frac{1}{1 + \alpha_1} \frac{\lambda_1(1 + \alpha_1)/(1 + \alpha_3)}{\lambda_1(1 + \alpha_1)/(1 + \alpha_3) - 1} \approx \frac{1}{1 + \alpha_1} \text{ für } \lambda_1 \gg 1 \qquad (53)$$

$$\varepsilon_2 = \frac{\lambda_2}{\lambda_2(1 + \alpha_2) + (1 + \alpha_3)} \qquad \varepsilon_3 = \frac{1}{\lambda_2(1 + \alpha_2) + (1 + \alpha_3)} \qquad (54)$$

Die Genauigkeit, mit der die reduzierten Anregungswahrscheinlichkeiten angegeben werden können, ist durch viele Unsicherheiten, welche in die Auswertung eingehen, beschränkt. Erwähnt seien die Absorption in den verschiedenen Materialien zwischen Target und Kristall, die Ansprechwahrscheinlichkeit für die Photospitze, das Bremsvermögen der Protonen, die Ladungsbestimmung und die Konversionskoeffizienten.

*) Wir sind Herrn R. SZOSTAK von der Technischen Universität Berlin für die Ausführung dieser Arbeit zu Dank verpflichtet.

Eine Angabe von Fehlergrenzen ist bei Vorhandensein aller dieser Unsicherheiten schwierig; die absolute Genauigkeit dürfte jedoch innerhalb $\pm 50\%$ und die relative Genauigkeit unter den angegebenen Anregungswahrscheinlichkeiten etwa $\pm 20\%$ betragen.

c) Gamma-Winkelverteilungen

Für die Auswertung von Gamma-Winkelverteilungen dicker Targets wird von ALDER et al.¹⁾ empfohlen, die energieabhängigen Koeffizienten $a_k^{(2)}(\nu, \xi)$ für eine reduzierte Protonenenergie abzulesen:

$$E_{\text{red}} = \frac{E_0}{1 + C(\delta E_\lambda/E_0)}. \quad (55)$$

Die Gammasppektren sind für die Winkel $\Theta = 0, 15, 30, 45, 60, 75$ und 90° jeweils mit genügender Statistik (statistischer Fehler höchstens $\pm 1,5\%$) aufgenommen worden. Die Stosszahlen einiger repräsentativer Messpunkte in der Photospitze wurden addiert und von der Summe ein individueller, angepasster Untergrund abgezogen, wie dies in den im 3. Teil dieser Arbeit wiedergegebenen Spektren durch die schwach ausgezogenen Linien angedeutet ist.

Die Absorption in der Target wurde in der folgenden Weise berücksichtigt: Eine mittlere Eindringtiefe $\bar{\rho x}$ der Protonen in die Target kann wie folgt erhalten werden:

$$\bar{\rho x} = \frac{\int_0^{\rho x} \sigma(E) d(\rho x)}{\sigma(E_0)} = C \frac{\delta E_\lambda}{E_0} \frac{E_0}{(dE/d\rho x)_0}. \quad (56)$$

Unter der Annahme, dass alle Gammaquanten in dieser Tiefe aus einer Punktquelle emittiert werden, wurde die vom Streuwinkel Θ abhängige Absorption in der Target berechnet. Die Richtigkeit dieser Annahmen wird durch die isotrop sich ergebende Winkelverteilung der 136-keV-Linie des Ta¹⁸¹ (Fig. 12) bestätigt. Die so korrigierten und durch die Intensität bei $\Theta = 90^\circ$ dividierten Werte werden in Funktion von $\cos^2 \Theta$ aufgetragen und zur Bestimmung einer Anisotropie β_2 nach der Methode der kleinsten Quadrate durch eine Gerade angenähert:

$$W(\Theta) = \frac{w(\Theta)}{w(90^\circ)} = 1 + \beta_2 \cos^2 \Theta \quad (57)$$

$$\beta_2 = \frac{\sum_K [W(\Theta_K) - 1] \cos^2 \Theta_K}{\sum_K \cos^4 \Theta_K} = \frac{\sum_K [W(\Theta_K) - 1] \cos^2 \Theta_K}{2,75}. \quad (58)$$

Bei $M1 + E2$ -Übergängen wird das Mischungsverhältnis δ^2 auf folgende Weise bestimmt: Für viele Winkelverteilungen ist $B_4 \ll B_2$ (siehe Gl. (16)); der Korrelationskoeffizient $A_2^{(2)}$ kann dann leicht berechnet und

mit dem theoretischen Ausdruck verglichen werden (vgl. Gl. (16), (17), (21) und (22)):

$$A_2^{(2)} = \frac{a\delta^2 + b\delta + c}{1 + \delta^2} = (a - c)e \pm b\sqrt{e(1 - e)} + c \cong \frac{2\beta_2}{(3 + \beta_2)a_2^{(2)}}. \quad (59)$$

Man erkennt leicht, dass über dem $E2$ -Anteil e aufgetragen $A_2^{(2)}$ eine schief liegende Ellipse darstellt, die die Senkrechten $e = 0$ (reiner $M1$) und $e = 1$ (reiner $E2$) in den Punkten $A_2^{(2)} = c$ bzw. $A_2^{(2)} = a$ berührt. Für eine gemessene Anisotropie β_2 lassen sich jeweils zwei Werte für die $E2$ -Beimischung ablesen, wobei allerdings der eine Wert sich aus Messungen von Konversionselektronen oder des Verzweigungsverhältnisses ausschliessen lässt.

Für die Genauigkeit der einzelnen Messpunkte in den Winkelverteilungen kommen folgende Fehlerquellen in Betracht:

1. Statistischer Fehler: Für das 1. Rotationsniveau ist der statistische Fehler wegen der grossen Impulszahl gering; meistens beträgt er aber für die Übergänge aus dem 2. Rotationsniveau 1–1,5%.

2. Absorptionsfehler: Bei Gammaenergien unter 100 keV beträgt die Variation der Absorptionskorrektur zwischen 45 und 0 bzw. 90° höchstens 10%, so dass man den Fehler auf 1% abschätzen kann.

3. Untergrundfehler: Der abzuziehende Untergrund kann bei Übergängen aus dem 2. Rotationsniveau bis zu 50% der registrierten Impulszahl betragen. Die gemessenen Winkelverteilungen lassen jedoch erkennen, dass der Abzug eines angepassten Untergrundes doch keine so grossen Fehler ergibt, wie man erwarten könnte.

Auf Grund dieser Abschätzungen ist für die Messpunkte der absolute Fehler ± 2 oder $\pm 3\%$. Da zur Bestimmung der Anisotropien mehrere Messpunkte benützt werden, sind diese mit einem kleineren absoluten Fehler von ± 1 oder $\pm 2\%$ behaftet.

III. Messergebnisse

Die Messergebnisse für die untersuchten Kerne werden im 1. Abschnitt anhand der wiedergegebenen Gammaspektren und Winkelverteilungsmessungen diskutiert. Die Niveauschema mit den Anregungsenergien und Spinzuordnungen und mit den relativen Häufigkeiten und Multipolordnungen der Gammaübergänge sind bei den Gammaspektren mit eingezeichnet (Legende siehe Fig. 7). Mutmassliche Angaben sind in runde Klammern gesetzt und aus anderen Arbeiten entnommene Angaben durch kleine Buchstaben vermerkt. Im 2. Abschnitt werden die Messresultate in der Tabelle XII und den Figuren 24 und 25 zusammengefasst und zur Berechnung der Lebensdauern, elektrischen Quadrupolmomente, Deformationsparameter, Trägheitsmomente und gyromagnetischen Faktoren verwendet.

III.1. Diskussion der Messergebnisse

Au¹⁹⁷

Coulomb-Anregungsexperimente an Gold wurden vorwiegend mit Protonen gemacht¹¹⁾¹²⁾¹³⁾¹⁴⁾¹⁵⁾, ebenso Winkelverteilungsmessungen für die 280- und 550-keV-Linien¹¹⁾¹⁶⁾¹⁷⁾. Wir haben die Winkelverteilungsmessungen im Hinblick auf die von ALDER et al.¹⁾ neu berechneten Koeffizienten $a_k^{(2)}(\nu, \xi)$ zur Ermittlung des Mischungsverhältnisses für den 280-keV-Übergang wiederholt.

Nach dem von BERNSTEIN und LEWIS¹³⁾ angegebenen Niveauschema gehören das 280- und 550-keV-Niveau einem anomalen Rotationspektrum an, während die Niveaus bei 77 und 268 keV wahrscheinlich

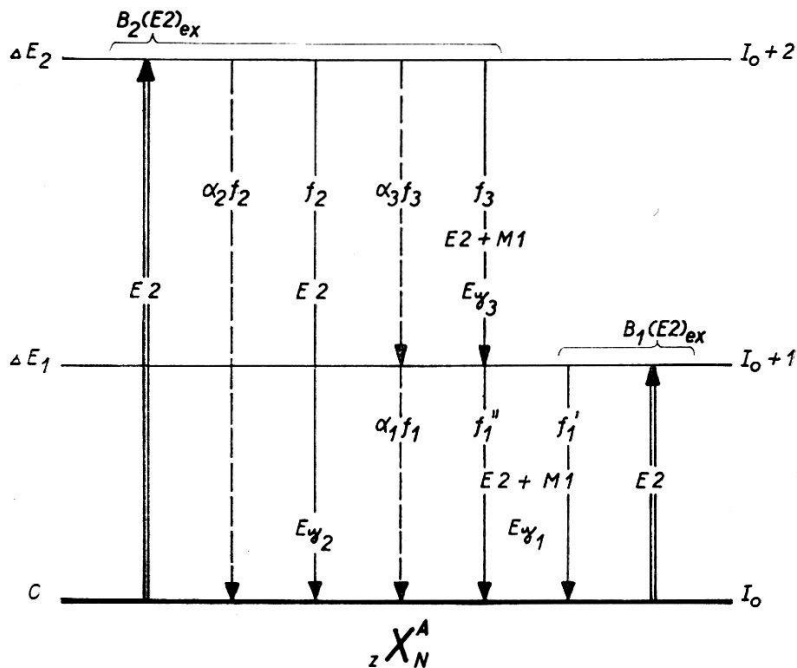


Fig. 7

Rotationsspektrum bei elektrischer Anregung von *u-g*-Kernen

=====	Elektrische Anregung.	$\alpha_{1, 2, 3}$	totale Konversionskoeff.
—————	Gamma-Übergänge.	$B_{1, 2}(E2)_{ex}$	Anregungswahrscheinlichkeit.
-----	Konversionsübergänge.	I_0	Spin im Grundzustand.
$\Delta E_{1, 2}$	Anregungsenergien.	z	Protonenzahl.
$E_{\gamma 1, 2, 3}$	Gammaenergien.	N	Neutronenzahl.
$f_{1, 2, 3}$	Gammaintensitäten.	A	Nukleonenzahl.

als Einteilchenzustände zu interpretieren sind. Die beiden Kaskadenübergänge von 270 und 280 keV im Rotationspektrum lassen sich nicht trennen; dies muss bei der Berechnung der Anregungswahrscheinlichkeit $B_1(E2)_{ex}$ berücksichtigt werden. Das Verzweigungsverhältnis des 550-keV-Niveaus wurde aus Koinzidenzmessungen*) zu $\lambda_2 = 19$ bestimmt.

*) H. GUHL und B. LOBKOWICZ (unveröffentlicht).

Beobachtet wurde das Intensitätsverhältnis:

$$\mu = \frac{f_1 + f_3}{f_2} = \begin{cases} 2,67 & \text{für dicke Target} \\ 1,5 & \text{für dünne Target} \end{cases}$$

woraus sich für das ε_1 -Verhältnis ergibt:

$$\varepsilon_1 = \frac{f_1 + f_3}{f_1'(1 + \alpha_1)} = \frac{1 + f_1''/f_1'(1 + (1 + \alpha_1)(1 + \alpha_3))}{1 + \alpha_1} \cong \frac{1 + 2 f_1''/f_1'}{1 + \alpha_1} = \begin{cases} 0,74 & \text{für dicke Target} \\ 0,77 & \text{für dünne Target.} \end{cases}$$

$$2 \frac{f_1''}{f_1'} = \frac{2}{\mu \lambda_2 - 2} = \begin{cases} 0,04 & \text{für dicke Target} \\ 0,07 & \text{für dünne Target,} \end{cases}$$

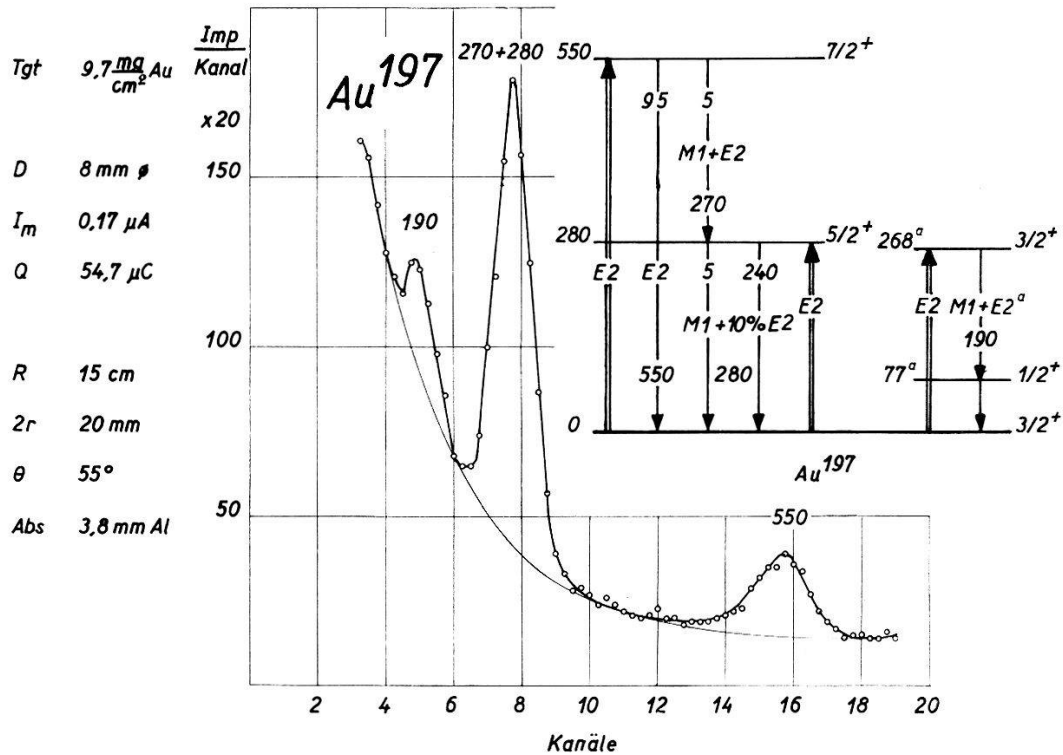


Fig. 8

Gammaspectrum bei Coulomb-Anregung von Au¹⁹⁷

^a Niveaus aus BERNSTEIN and LEWIS, Phys. Rev. 200, 1345 (1955).

Tgt Target, Dicke in mg/cm².

D Protonenstrahl-Durchmesser (Fig. 6).

I_m Mittlerer Targetstrom.

Q Registrierte Protonenladung.

R Abstand Target-NaI-Kristall (Fig. 6).

2r Bleikanalöffnung vor NaI-Kristall.

θ Beobachtungswinkel (Fig. 5).

Abs Absorber zwischen Target und NaI-Kristall.

Für den 190-keV-Übergang ergeben sich sowohl aus dem gemessenen K/L -Verhältnis als auch aus dem α_K -Wert¹⁸⁾ mit den neueren K -Konversionskoeffizienten von SLIV¹⁰⁾ eine $E2$ -Beimischung von 11%, was für die Angabe des totalen Konversionskoeffizienten und die Berechnung der Anregungswahrscheinlichkeit benötigt wird.

Die Messungen, die wir für Gold und Tantal an dünnen Targets ausgeführt haben, ergeben etwa 20–40% grössere Anregungswahrscheinlichkeiten als bei dicken Targets. Diese Diskrepanz könnte von der Unsicherheit des Bremsvermögens $(dE/d\sigma x)_0$ oder der Korrektur $C\delta E_\lambda/E_0$ für dicke Target herrühren. Ein Vergleich mit den von anderen Arbeiten entnommenen Messwerten erfolgt in Tabelle IV.

Tabelle IV

Vergleich der Anregungswahrscheinlichkeiten verschiedener Arbeiten bei Coulomb-Anregung von Au¹⁹⁷ (ΔE = Energie des angeregten (Rotations-)Niveaus)

	ΔE keV	Vorliegende Arbeit		COOK 11)	STELSON 12)	BERN- STEIN ¹³⁾	ELBEK 15)
		dicke T.	dünne T.				
$B_2'(E2)_{ex}$	268		0,055		0,07	0,13	0,066
$B_1(E2)_{ex}$	280	0,20	0,24	0,18	0,326	0,334	0,30
$B_2(E2)_{ex}$	550	0,23	0,32	0,315	0,423		0,42
B_2/B_1		1,15	1,3	1,75	1,3		1,4

Aus den bisherigen Messergebnissen findet man folgende Mittelwerte:

$$\begin{aligned}
 B_2'(E2)_{ex} &= 0,08 \pm 0,02 \\
 B_1(E2)_{ex} &= 0,26 \pm 0,04 \\
 B_2(E2)_{ex} &= 0,34 \pm 0,06 \\
 B_2/B_1 &= 1,3 \pm 0,2.
 \end{aligned}$$

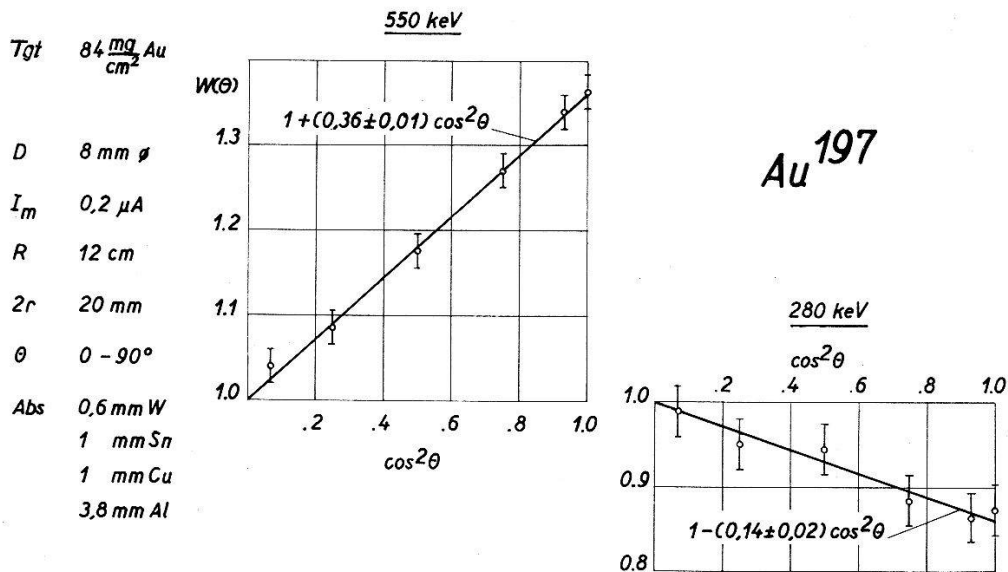


Fig. 9.

Gamma-Winkelverteilungen bei Coulomb-Anregung von Au¹⁹⁷

Die Anisotropie von -14% für die 280-keV-Linie stimmt gut mit einer Messung von GOLDBURG und WILLIAMSON¹⁶⁾ überein und ergibt ein Mischungsverhältnis von $\delta_1^2 = 0,11 \pm 0,06$. Dagegen haben MCGOWAN und STELSON¹⁷⁾ $-17,5\%$ Anisotropie gemessen, was mit dem gleichen Winkelverteilungskoeffizienten $a_2^{(2)} = 0,60$ wie oben ein Mischungsverhält-

nis von $\delta_1^2 = 0,20$ gibt. Die bei nur 3 MeV Protonenenergie gemachte Messung von COOK et al.¹¹⁾ führt mit einem neueren Winkelverteilungskoeffizienten auf ein imaginäres Mischungsverhältnis. Eine Zusammenstellung der Mischungsverhältnisse, die sich aus der Messung der Konversionselektronen¹³⁾¹⁸⁾ und einer γ - γ -Winkelkorrelation²⁰⁾ ermitteln lassen, ist in Tabelle V. MCGOWAN und STELSON¹⁹⁾ geben eine Evidenz für die Reduktion des $M1$ - K -Konversionskoeffizienten der 280-keV-Linie um 21%. Nach neueren Rechnungen von SLIV¹⁰⁾ müsste diese Reduktion sogar 27% betragen, wodurch das Mischungsverhältnis noch kleiner ausfällt. Damit nähern sich diese aus der Messung der Konversionselektronen erhaltenen Mischungsverhältnisse dem Ergebnis unserer Winkelverteilungsmessung, das übrigens sehr gut durch das γ - γ -Winkelkorrelationsexperiment²⁰⁾ bestätigt wird.

Tabelle V

Mischungsverhältnisse für den 280-keV-Übergang im Au¹⁹⁷a Interpolierte Werte nach SLIV¹⁰⁾

		BERNSTEIN ¹³⁾	JOLY et al. ¹⁸⁾		KANE ²⁰⁾
		K/L	K/L	α_K	γ - γ -Korrelat.
Messung		5,5	5,3	$0,29 \pm 0,03$	
Theorie	$M1$	6,1	5,8	0,333 ^a	
	$E2$	2,0	1,5	0,074 ^a	
δ_1^2	$E2/M1$	0,33	0,15	$0,20 \pm 0,13$	$0,12 \pm 0,03$

Für den reinen $E2$ -Übergang von 550 keV ergibt die Theorie 34% Anisotropie, wie auch von MCGOWAN und STELSON¹⁷⁾ gemessen wurde. Dagegen haben wir 36% gemessen, während GOLDBURG und WILLIAMSON¹⁶⁾ mit 25% bei ebenfalls 4 MeV und COOK et al.¹¹⁾ bei 4,4 MeV Protonenenergie mit 21% tiefere Anisotropien bekommen haben.

Die $E2$ -Beimischung für den nicht isoliert beobachtbaren 270-keV-Übergang wurde einerseits mit Hilfe der Beziehung (39) und andererseits unter Annahme des theoretischen Verhältnisses $B_3(M1)/B_1(M1)$ von 1,35 mit Hilfe der Beziehung (36) aus $B_3(E2)_a$ und $B_1(M1)_a$ berechnet. Innerhalb der Fehlergrenzen liefern beide Methoden dasselbe Ergebnis (siehe Tab. XII); dagegen ergibt das Verzweigungsverhältnis $\lambda_2 = 19$ mit der Beziehung (38) einen viel zu grossen Wert bei dem anomalen Verhältnis der Gammaenergien und einen zu kleinen, aber vernünftigeren Wert für das theoretische Energieverhältnis.

Ta¹⁸¹

Das Tantal ist schon von sehr vielen Experimentatoren untersucht worden, und das durch elektrische Anregung erhältliche Rotationsspektrum ist gut bekannt¹²⁾²¹⁾²²⁾²³⁾²⁴⁾²⁵⁾. Ebenso sind für die Gammalinien

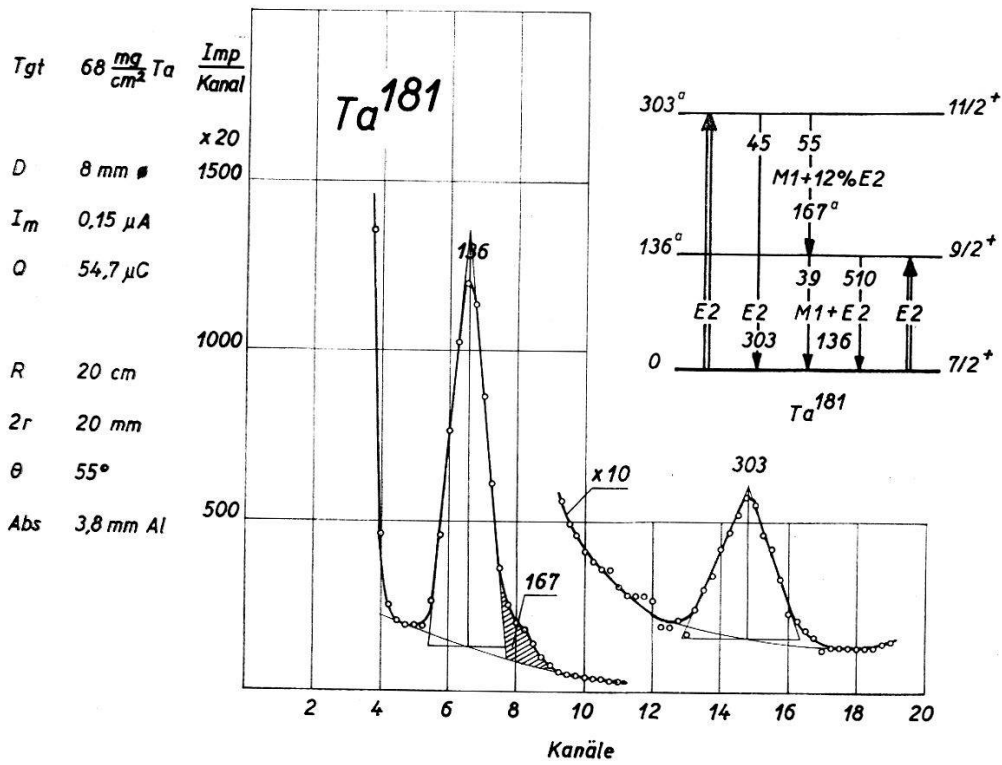


Fig. 10

Gammaskpektrum bei Coulomb-Anregung von Ta¹⁸¹

^a Gammaenergien aus HEYDENBURG and TEMMER, Phys. Rev. 104, 981 (1956)

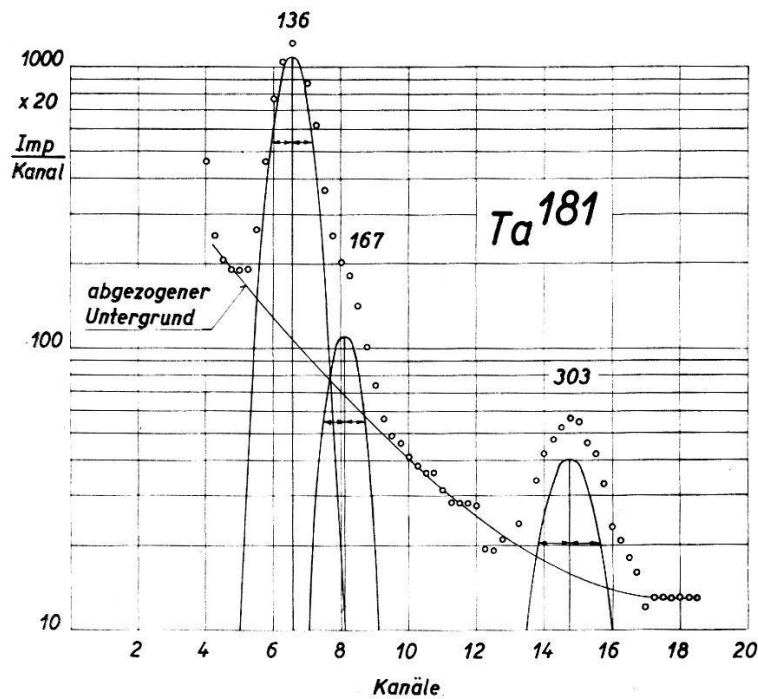


Fig. 11

Logarithmisch aufgetragenes Gammaskpektrum bei Coulomb-Anregung von Ta¹⁸¹
(siehe Abschnitt II. 4.)

von 136, 167 und 303 keV Winkelverteilungsmessungen gemacht worden¹⁶⁾¹⁷⁾²⁶⁾.

Am Tantal lässt sich wohl am besten ein Vergleich der Messergebnisse verschiedener Experimentatoren und eine Beurteilung der absoluten Messgenauigkeit vornehmen. In Tabelle VI sind sowohl unsere Messungen

Tabelle VI

Vergleich verschiedener Arbeiten über Coulomb-Anregung von Ta¹⁸¹
(Die εB -Werte sind aus den $B(E2)$ errechnet)

	Vorl. Arbeit		STEL- SON 12)	GOLD- RING 21)	DAVIS 22)	HEY- DENB. 23)	WO- LICKI 24)	BERN- STEIN 25)
	dicke T.	dünneT.						
$\varepsilon_1 B_1(E2)_{ex}$	0,47	0,63	0,83 ^a		0,59 ^a	0,68 ^a	0,60 ^a	
$\varepsilon_2 B_2(E2)_{ex}$	0,069	0,086	0,13		0,12	0,054	0,114	
λ_2	0,82 ^b	0,83 ^b	0,6	0,574 ^c	0,66	0,36	0,69	
α_1	1,86	1,86	2,09		2,09	2,1	1,93	1,7
α_2	0,08	0,08	0,08		0,079	0	0,083	
α_3	1,02	1,02	1,08		1,08	1,1	1,11	0,96
$B_1(E2)_{ex}$	1,24	1,65	2,62		1,83	2,10	1,74	1,9 ^d
$B_2(E2)_{ex}$	0,28	0,34	0,58		0,50	0,37	0,47	0,56 ^d
B_2/B_1	0,23	0,20	0,22	0,22 ^d	0,27	0,18	0,27	0,295

^a berechnet unter der Annahme $\varepsilon_1 = 1/(1 + \alpha_1)$;
^b HUSS et al.¹⁴⁾ geben ebenfalls $\lambda_2 = 0,8$ an;
^c aus Koinzidenzmessungen zwischen der 136 und 167 keV-Linie ermittelt;
^d aus einer Messung der Konversionselektronen bestimmt.

einer dicken als auch einer dünnen Target von 14,4 mg/cm² zusammengestellt und mit anderen Arbeiten verglichen. Die um 20–40% höheren Anregungswahrscheinlichkeiten $\varepsilon B(E2)_{ex}$ der dünnen Target sind innerhalb der Fehlergrenzen mit den Ergebnissen anderer Arbeiten im Einklang. Für die Angabe der reduzierten Anregungswahrscheinlichkeiten $B(E2)_{ex}$ sind die totalen Konversionskoeffizienten und das Verzweigungsverhältnis λ_2 erforderlich; während die Konversionskoeffizienten sicher innerhalb $\pm 10\%$ übereinstimmen, haftet dem Verzweigungsverhältnis $\lambda_2 = 0,6 \pm 0,2$ eine Unsicherheit von mehr als 30% an, die von der Unsicherheit in der Wahl des abzuziehenden Untergrundes herrührt. Damit ist auch die Genauigkeit für das Verhältnis der Anregungswahrscheinlichkeiten beschränkt, für das aus den verschiedenen Messungen sich der folgende wahrscheinlichste Wert angeben lässt:

$$B_2/B_1 = 0,24 \pm 0,04.$$

Für die Anregungswahrscheinlichkeiten ergibt die Mittelwertbildung:

$$B_1(E2)_{ex} = 1,85 \pm 0,20 \quad B_2(E2)_{ex} = 0,44 \pm 0,10 .$$

Die vorliegenden Winkelverteilungsmessungen für die 136- und 303-keV-Linien stimmen mit den früheren Ergebnissen überein¹⁶⁾¹⁷⁾²⁶⁾. Dagegen ist für die 167-keV-Linie die Anisotropie von + 14% (Mischungsverhältnis $\delta_3^2 = 0,14 \pm 0,04$) gegenüber einer Winkelverteilung $W(\Theta) = 1 + 0,10 \cos^2 \Theta + 0,09 \cos^4 \Theta \approx 1 + 0,16 \cos^2 \Theta$ bei McGOWAN und STELSON¹⁷⁾ zu vergleichen, die mit einem Winkelverteilungskoeffizienten von

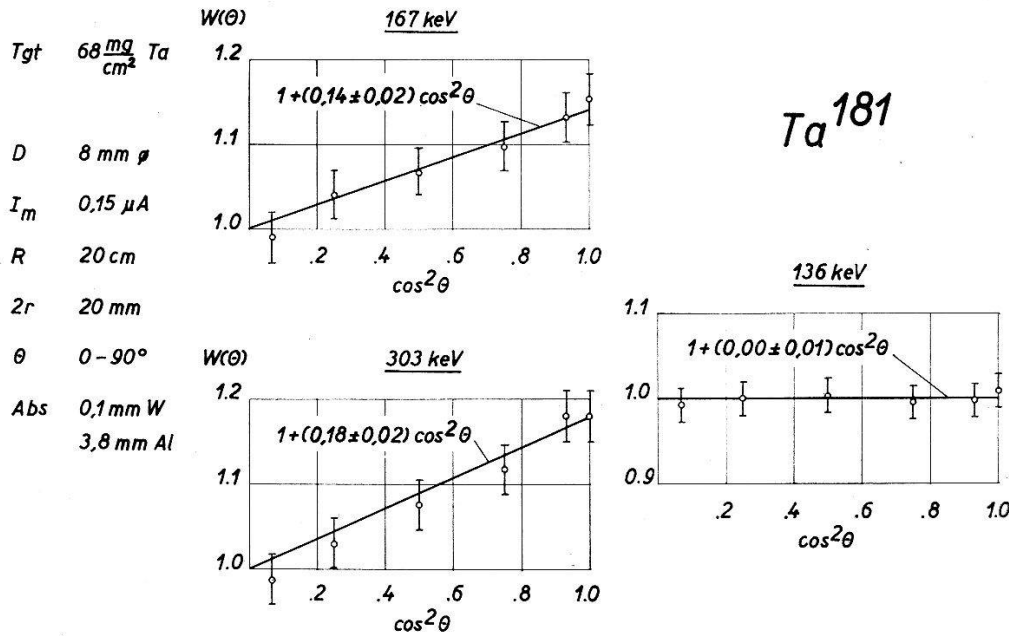


Fig. 12.

Gamma-Winkelverteilungen bei Coulomb-Anregung von Ta¹⁸¹

$a_2^{(2)} = 0,53$ ein Mischungsverhältnis von $\delta_3^2 = 0,26$ bestimmt haben. Verwendet man jedoch einen neueren Wert von $a_2^{(2)} = 0,615$ nach ALDER et al.¹⁾, so findet man ein Mischungsverhältnis von $\delta_3^2 = 0,19$. In Tabelle VII sind für den 136-keV-Übergang einige Mischungsverhältnisse zusammengestellt, die sich aus der Messung von Konversionselektronen¹³⁾¹⁴⁾¹⁹⁾²⁷⁾ und einer γ - γ -Korrelationsmessung²⁸⁾ zwischen dem 482-keV-(5/2⁺)-, dem 136-keV-(9/2⁺)-Niveau und dem Grundzustand des

Tabelle VII

Mischungsverhältnisse aus Messungen der Konversionselektronen und γ - γ -Korrelation für 136-keV-Linie im Ta¹⁸¹

	BERNSTEIN $K/L^{13)}$	HUUS $K/L^{14)}$	McGOWAN $\alpha_K^{19)}$	BOEHM $\alpha_K^{27)}$	DEBRUNNER γ - γ -Korr. ²⁸⁾	
Messung	6,3	6,5	$1,05 \pm 0,15$	1,2		
Theorie						
M1	7,1		1,84	1,35		
E2	1,0		0,47	0,47		
δ_1^2	E2/M1	0,075	0,14	$0,25 \pm 0,10$	0,11	0,20

Ta¹⁸¹ bestimmen liessen. Die meisten Messungen sind innerhalb der Fehlergrenzen in Übereinstimmung und bestätigen das aus der Winkelverteilung bestimmte Mischungsverhältnis δ_3^2 , das auch mit einem mittleren Verzweungsverhältnis von $\lambda_2 = 0,6$ über Beziehung (38) im Einklang steht.

Lu¹⁷⁵

Während Coulomb-Anregungsexperimente an Lu¹⁷⁵ schon von einigen Experimentatoren durchgeführt wurden¹⁴⁾²¹⁾²³⁾²⁵⁾, lagen bisher noch keine Winkelverteilungsmessungen vor.

Tabelle VIII

Vergleich verschiedener Arbeiten über Coulomb-Anregung von Lu¹⁷⁵ (Mischungsverhältnisse aus Verzweungsverhältnissen λ_2^*) und der Messung von Konversionselektronen^{**})

	Vorlieg. Arbeit	HUUS 14)	GOLD- RING 21)	HEYDEN- BURG 23)	BERN- STEIN 25)	HATCH 29)
λ_2	0,95		0,90	0,50		1,7
$B_1(E2)_{ex}$	2,4	3,2		2,5	2,86	
$B_2(E2)_{ex}$	0,45			0,78	0,75	
B_2/B_1	0,19		0,23	0,31	0,26	
$\delta_3^2(\lambda_2^*)$	0,30		0,27	0,135		0,7
$\delta_1^2(e_K)^{**}$		0,05			0,11	0,25
$\delta_3^2(e_K)^{**}$					0,08	

Die Anregungswahrscheinlichkeiten $\varepsilon B(E2)_{ex}$ vorliegender Arbeit stehen im Einklang mit den Messungen von HEYDENBURG und TEMMER²³⁾, welche allerdings für das Verzweungsverhältnis λ_2 einen bedeutend kleineren Wert angeben, weshalb sie ein ziemlich grosses Verhältnis B_2/B_1 bekommen haben (siehe Tab. VIII).

Aus der Tabelle VIII ergeben sich folgende Mittelwerte für die Anregungswahrscheinlichkeiten und deren Verhältnis:

$$\begin{aligned} B_1(E2)_{ex} &= 2,8 \pm 0,3 & B_2/B_1 &= 0,25 \pm 0,04. \\ B_2(E2)_{ex} &= 0,7 \pm 0,2 \end{aligned}$$

Die Anisotropie des 140-keV-Überganges von +17% ergibt für die beiden Kaskadenübergänge ein Mischungsverhältnis von $\delta_3^2 = \delta_1^2 = 0,22$, das durch eine neuere Messung der Konversionselektronen²⁹⁾ bestätigt wird und einigermassen mit dem Verzweungsverhältnis zusammenpasst.

Mit einem magnetischen Moment im Grundzustand von $\mu_0 = +2,9^{30)}$ ergäbe sich in ungefährender Übereinstimmung mit Werten von HEYDENBURG und TEMMER²³⁾ für die gyromagnetischen Faktoren $g_R = 0,53$ und

$g_K = 0,92$. Verwendet man dagegen für das magnetische Moment das Ergebnis $\mu_0 = + 2,0$ einer neueren Messung von STEUDEL³¹⁾, so erhält man die Werte $g_K = 0,30$ und $g_K = 0,66$, die besser in die Folge der *u-g*-Kerne Ta¹⁸¹, Lu¹⁷⁵, Ho¹⁶⁵ mit dem Spin $I_0 = 7/2$ passen (siehe Tab. XII).

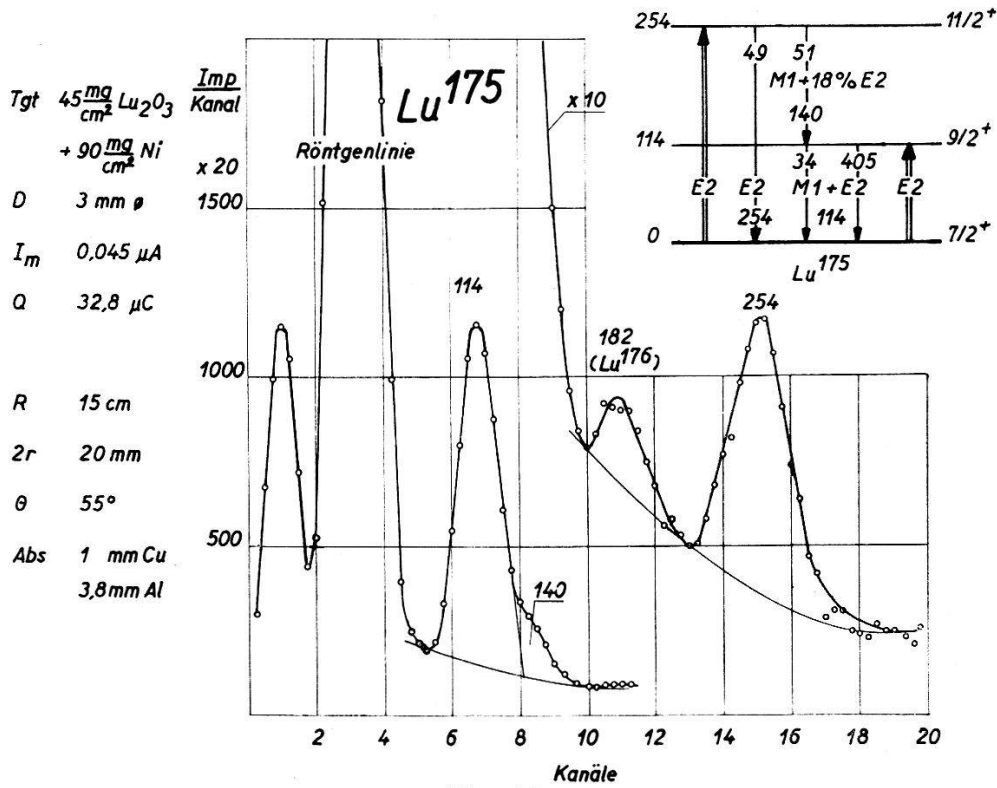


Fig. 13

Gammapektrum bei Coulomb-Anregung von Lu¹⁷⁵

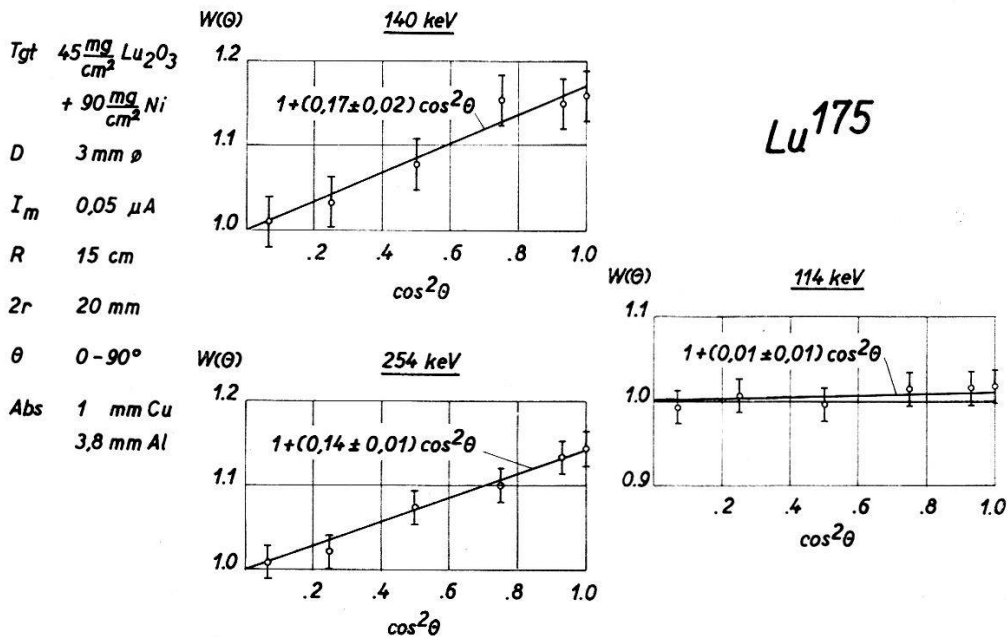


Fig. 14

Gamma-Winkelverteilungen bei Coulomb-Anregung von Lu¹⁷⁵

Tm¹⁶⁹

Coulomb-Anregungsexperimente an Thulium sind von HUUS et al.¹⁴⁾ und HEYDENBURG und TEMMER³²⁾ gemacht worden, und Winkelverteilungsmessungen liegen keine vor.

Da das Tm¹⁶⁹ im Grundzustand den Spin $I_0 = \frac{1}{2}$ besitzt, zeigt sein Rotationspektrum eine starke Anomalie²⁹⁾. Die beiden Übergänge aus dem 2. Rotationsniveau von 110 und 118 keV lassen sich nicht getrennt beobachten. Praktisch wird nur der Kaskadenübergang von 110 keV registriert, weil das Verzweigungsverhältnis nur $\lambda_2 = 0,12$ beträgt²⁹⁾. Eine Messung ohne und mit einem charakteristischen Uranoxydabsorber

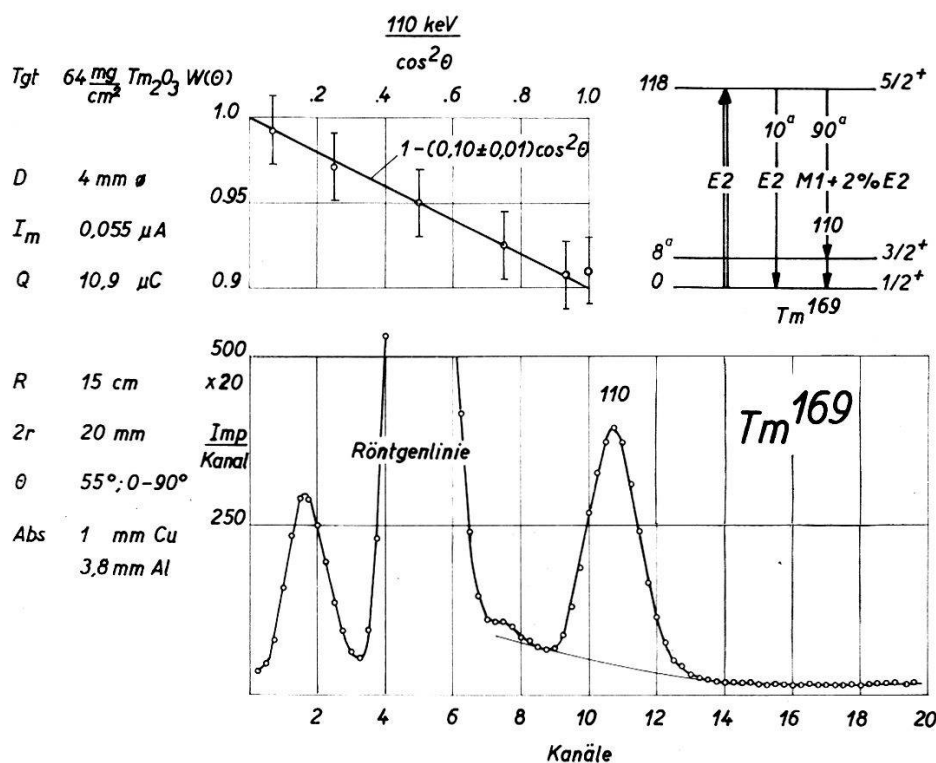


Fig. 15

Gammaspektrum und Gamma-Winkelverteilung bei Coulomb-Anregung von Tm¹⁶⁹

^a 1. Rotationsniveau und Verzweigungsverhältnis aus HATCH et al.,
Phys. Rev. 140, 745 (1956).

von 2 mm Dicke (K -Absorptionskante bei 116 keV, Absorptionsverhältnis für 118,2 und 109,8 keV beträgt 10) ergab keine wesentlich verschiedenen Gammaspektren, wodurch das angegebene Verzweigungsverhältnis auch bekräftigt wird. Vorliegende Anregungswahrscheinlichkeit für das 2. Rotationsniveau $B_2(E)_{ex} = 3,8$ stimmt mit einer Messung der Konversionselektronen von HUUS et al.¹⁴⁾ überein.

Die Anisotropie von $-10 \pm 1\%$ der 110-keV-Linie ergibt einen $E2$ -Mischungsanteil von nur $2 \pm 0,5\%$, was sowohl mit dem Verzweigungsverhältnis als auch mit einer von HATCH et al.²⁹⁾ angegebenen oberen Grenze von 3% gut verträglich ist.

Aus der *M1*-Übergangswahrscheinlichkeit $B_3(M1)_a = 0,15$ und unter der Annahme des theoretischen Wertes für $B_3(M1)_a/B_1(M1)_a = 1,20$ erhält man einen sehr gut mit dem Modell einer homogen geladenen Kernmaterie übereinstimmenden gyromagnetischen Faktor $g_R = 0,42$, wenn für das magnetische Moment des Grundzustandes $\mu_0 = -0,21$ eine Messung von LINDENBERGER³³⁾ benützt wird.

Ho¹⁶⁵

Das Holmium ist schon von verschiedenen Experimentatoren untersucht worden¹⁴⁾²¹⁾²³⁾²⁵⁾, jedoch ohne Zuhilfenahme von Winkelverteilungsmessungen.

Zu den Kernen Ta¹⁸¹ und Lu¹⁷⁵ mit dem Spin $I_0 = 7/2$ kommt in der Reihe stark deformierter Kerne das Ho¹⁶⁵ hinzu, dem man negative Parität zuschreibt, während die beiden ersteren positive Parität haben.

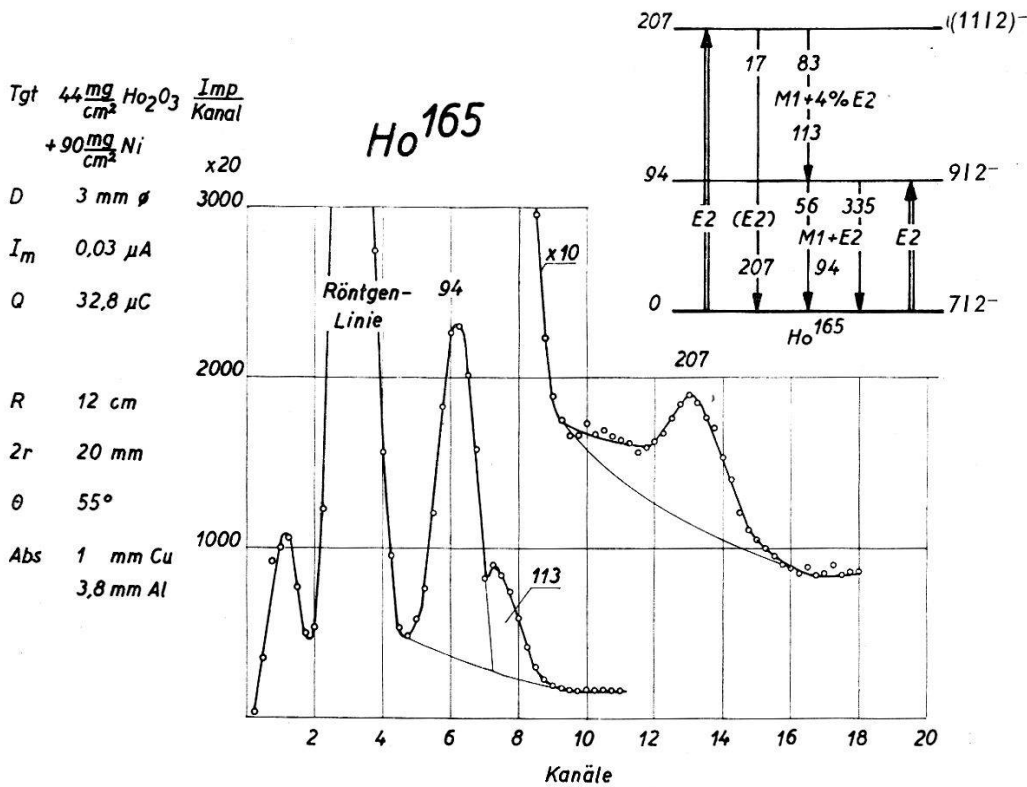
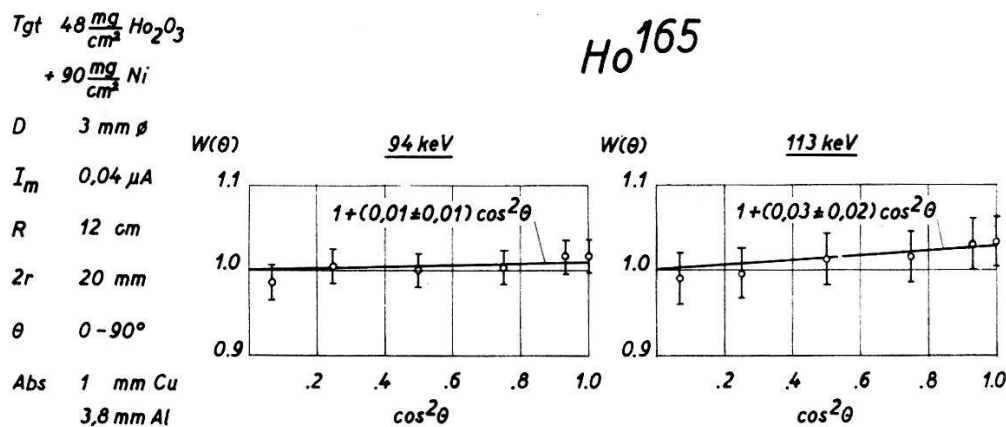


Fig. 16

Gammaspektrum bei Coulomb-Anregung von Ho¹⁶⁵

Alle drei Kerne haben ein ausgesprochenes Rotationspektrum. Das Ho¹⁶⁵ besitzt im Gegensatz zu Ta¹⁸¹ und Lu¹⁷⁵ ein ziemlich kleineres Verzweungsverhältnis für den 2. Rotationszustand und demnach eine *E2*-Beimischung von wenigen Prozenten für die beiden Kaskadenübergänge. Dies macht die Beobachtung des schwachen *E2*-Überganges zum Grundzustand schwierig, indem der von der Bremsstrahlung und den

Bleibenden herrührende Untergrund die Gammalinie stark überwiegt (siehe Fig. 16). Daran scheiterte auch eine Messung der Winkelverteilung dieser Linie. Die Spinzuordnung $11/2^-$ für das 2. Rotationsniveau darf deshalb noch nicht als völlig gesichert betrachtet werden, obwohl sie höchst wahrscheinlich ist. Aus gleichen Gründen ist auch die Bestimmung der Anregungsenergie ungenau. Während die vorliegende und die



Gamma-Winkelverteilungen bei Coulomb-Anregung von Ho^{165}

Messung der Gammastrahlung von HEYDENBURG und TEMMER²³⁾ 207 bzw. 206 keV ergab, bestimmen HUUS et al.¹⁴⁾ und BERNSTEIN und LEWIS²⁵⁾ durch Beobachtung der Konversionselektronen 212 bzw. 218 keV. Messungen mit dem Kristallspektrometer ergaben für die Anregungsenergie des 1. Rotationsniveaus 94,8 keV³⁴⁾, wofür nach der Theorie das 2. Rotationsniveau eine Anregungsenergie von 211 keV bekommen müsste, was gerade dem Mittelwert der vier genannten Messungen entspricht.

Tabelle IX

Vergleich verschiedener Arbeiten über Coulomb-Anregung von Ho^{165}

	Vorlieg. Arbeit	HUUS 14)	GOLDRING 21)	HEYDENBURG 23)	BERNSTEIN 25)
λ_2	0,21		0,14	0,16	
$B_1(E2)_{ex}$	2,8	2,5		2,5	2,79
$B_2(E2)_{ex}$	0,7	0,76		0,52	0,71
B_2/B_1	0,25	0,3	0,20	0,21	0,25
$\delta_3^2(\lambda_2)$	0,05		0,035	0,039	
$\delta_1^2(e_K)$					0,044

Aus der Winkelverteilung der 113-keV-Linie findet man ein Mischungsverhältnis von $\delta_3^2 = 0,04 \pm 0,02$, was sowohl mit dem Verzweigungsverhältnis als auch mit einer Messung der Konversionselektronen von BERNSTEIN und LEWIS²⁵⁾ zusammenstimmt. In Tabelle IX sind die Re-

sultate verschiedener Arbeiten verglichen, woraus sich folgende Mittelwerte ausrechnen lassen:

$$B_1(E2)_{ex} = 2,65 \pm 0,15 \quad B_2/B_1 = 0,25 \pm 0,04$$

$$B_2(E2)_{ex} = 0,66 \pm 0,1$$

Die drei Kerne Ta¹⁸¹, Lu¹⁷⁵ und Ho¹⁶⁵ zeigen einen leicht zunehmenden gyromagnetischen Faktor von $\bar{g}_R = 0,29, 0,30$ und $0,33$, was auf ihre gegenseitige Verwandtschaft hindeutet.

Tb¹⁵⁹

Das Terbium ist bisher auch ohne Zuhilfenahme von Winkelverteilungsmessungen untersucht worden¹⁴⁾²¹⁾²³⁾.

Der 59-keV-Übergang vom 1. Rotationsniveau fällt in die rechte Flanke der viel stärkeren Röntgenlinie und kann deshalb im Gamma-spektrum (Fig. 18) nicht beobachtet werden. Da der Spin des Tb¹⁵⁹

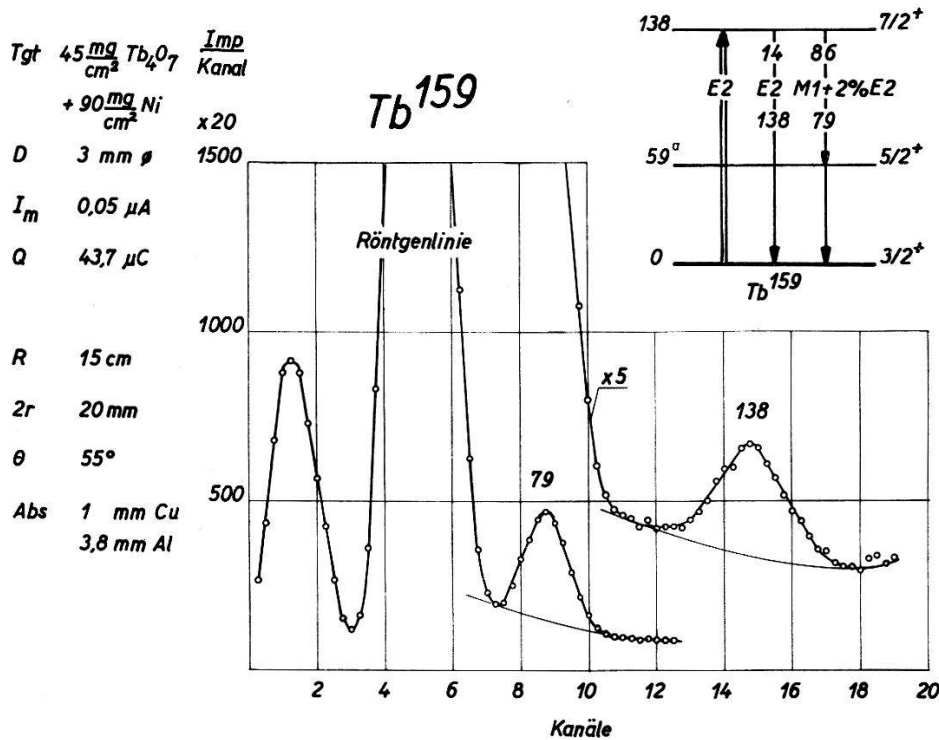


Fig. 18

Gammapektrum bei Coulomb-Anregung von Tb¹⁵⁹

a Anregungsenergie aus HUUS et al.,

Kgl. Danske Videnskab. Selskab Mat.-fys. Medd. 30, Nr. 17.

$I_0 = 3/2$ ist, fällt der Kaskadenübergang von 79 keV günstiger als bei den Kernen mit dem Spin $I_0 = 7/2$ und gestattet eine genauere Bestimmung des Verzweungsverhältnisses $\lambda_2 = 0,16$. HEYDENBURG und TEMMER²³⁾ haben dafür $\lambda_2 = 0,13$ angegeben und ermitteln für das Tb¹⁵⁹

*

das grösste elektrische Quadrupolmoment in der Reihe dieser deformierten Kerne, in Übereinstimmung mit vorliegender Arbeit.

Die Winkelverteilungsmessungen bestätigen für die 138-keV-Linie mit 11% Anisotropie die Theorie und die Spinzunordnung $7/2^+$ für das 2. Rotationsniveau und ergeben ein mit dem Verzweigungsverhältnis und dem K/L -Verhältnis¹⁴⁾ zusammenpassendes Mischungsverhältnis für den 79-keV-Übergang.

Für die Bestimmung der gyromagnetischen Faktoren muss das Mischungsverhältnis bekannt sein. Bei so kleinen Mischungsverhältnissen,

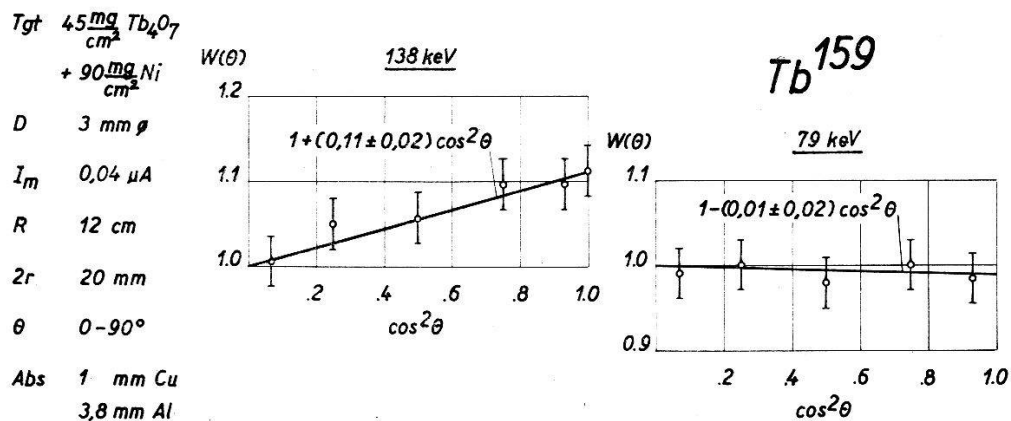


Fig. 19

Gamma-Winkelverteilungen bei Coulomb-Anregung von Tb^{155}

die aus einer nahezu isotropen Winkelverteilung bestimmt werden müssen, wie dies bei der 79-keV-Linie der Fall ist, ist die Genauigkeit sehr gering. Aus diesem Grund geben HEYDENBURG und TEMMER²³⁾ mit $\delta_3^2 = 0,013$ für den gyromagnetischen Faktor $g_R = 0,01$ ($\delta > 0$) an, während wir mit $\delta_3^2 = 0,02$ auf den Wert $g_R = 0,25$ kommen, der zwar vernünftiger erscheint, aber doch sehr unsicher bleiben muss.

Eu^{151, 153}

Die mit angereicherten Isotopen gemachten, neueren Messungen²³⁾³⁵⁾ haben gezeigt, dass sowohl die 195-keV-Linie als auch die 112-keV-Linie des Eu^{153} , das noch ein ausgesprochenes Rotationsspektrum besitzt, mit einem 193-keV- bzw. 113-keV-Übergang des Eu^{151} (siehe Niveauschema bei CLASS und MEYER³⁵⁾) für das geringe Auflösungsvermögen eines Szintillationszählers zusammenfallen.

Da uns noch keine angereicherten Isotopen zur Verfügung standen, haben wir, wie andere Autoren¹⁴⁾²¹⁾²⁵⁾, eine Messung mit natürlichem Europiumoxyd durchgeführt, was natürlich deren Bedeutung einschränkt. Um aus den $\varepsilon B(E2)_{ex}$ -Werten für die 112- und 195-keV-Linien die Anregungswahrscheinlichkeit für das 2. Rotationsniveau des Eu^{153} zu bestimmen, wurde das von HEYDENBURG und TEMMER²³⁾ angegebene Ver-

zweigungsverhältnis $\lambda_2 = 1,62$ benützt. Hierbei wurde allerdings der schwache Beitrag des 113-keV-Übergangs im Eu^{151} vernachlässigt.

Für das Eu^{151} können wir nur eine Anregungswahrscheinlichkeit des relativ stark angeregten 2. Niveaus (bzw. 3. Niveaus) von 306 keV angeben. Der $\varepsilon_2 B_2(E2)_{ex}$ -Wert ist mehr als doppelt so gross als derjenige von HEYDENBURG und TEMMER²³). Für die Berechnung der Anregungswahrscheinlichkeit wurde das Verzweigungsverhältnis letzterer Arbeit

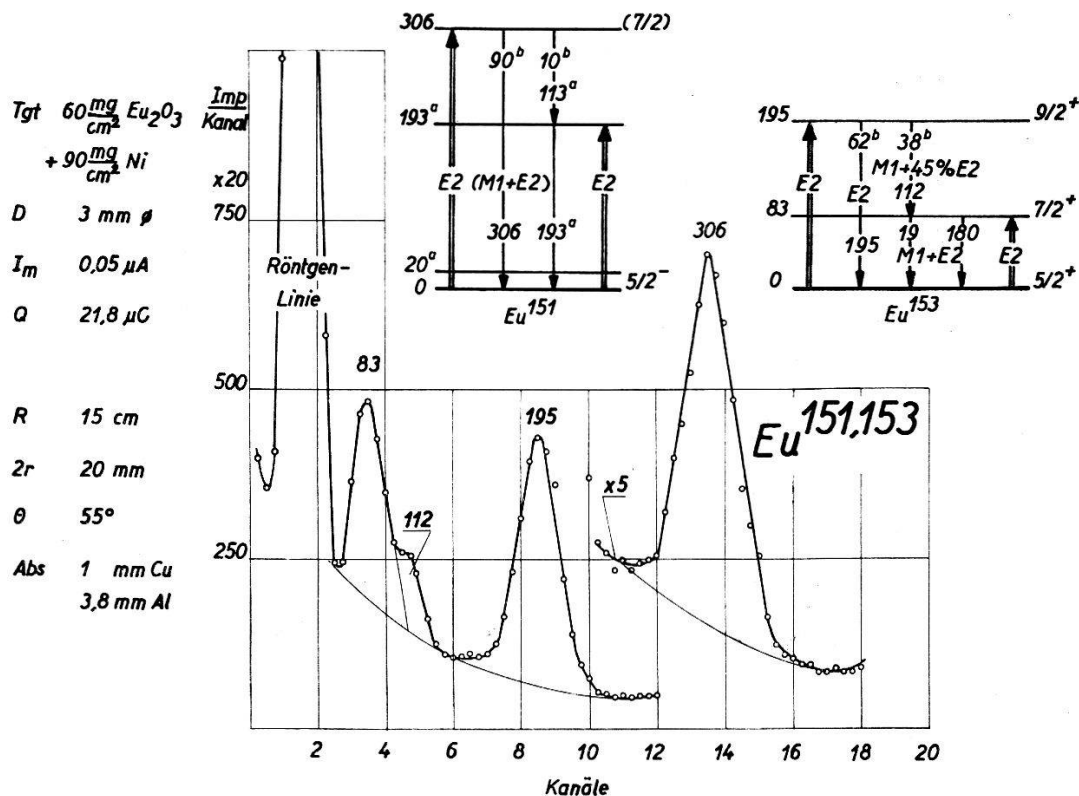


Fig. 20

Gammastrahlung bei Coulomb-Anregung von Eu^{151} und Eu^{153}

a Niveauschema aus CLASS und MEYER, Nuclear Physics 3, 656 (1957).

b Verzweigungsverhältnisse aus HEYDENBURG und TEMMER, Phys. Rev. 104, 981 (1956).

entnommen und für die 113-keV-Linie der totale *M1*-Konversionskoeffizient ($\alpha_3 = 1,4$) verwendet. Wenn man für das 306-keV-Niveau die aus der nahezu isotropen Winkelverteilung nahegelegte Spinzuordnung $7/2$ annimmt und die Gültigkeit der Beziehung (42) für das elektrische Quadrupolmoment voraussetzt, so ergibt sich mit $Q_0 = 3,8$ ein mit dem gemessenen Verhältnis der Quadrupolmomente von Eu^{153} und Eu^{151} von $2,1^{30}$) einigermaßen zusammenstimmendes Ergebnis. Demgegenüber würde ein Spin von $9/2$ einen stark anisotropen *E2*-Übergang fordern und ein zu grosses Quadrupolmoment von $6,5$ ergeben.

Eine Messung der Winkelverteilung der 83-keV-Linie scheiterte, weil die von den Bleiblenen herrührende Röntgenstrahlung einen unkon-

trollierbaren Untergrund besonders für kleine Winkel $\theta \leq 30^\circ$ erzeugt. Die Anisotropie dürfte nicht grösser als etwa 2% sein, so dass ohnehin eine Bestimmung des Mischungsverhältnisses wie bei den Kernen mit dem Spin $I_0 = 7/2$ ausgeschlossen wäre. Für den 195-keV- E_2 -Übergang wurde die theoretisch vorausgesagte Anisotropie gemessen, obwohl auch der 193-keV-Übergang des Eu^{151} mitbeobachtet wird. Aus den Gamma-spektren von HEYDENBURG und TEMMER²³⁾ ist die Intensität des letzteren allerdings höchstens $\frac{1}{3}$ des ersteren Übergangs, so dass sich erst eine

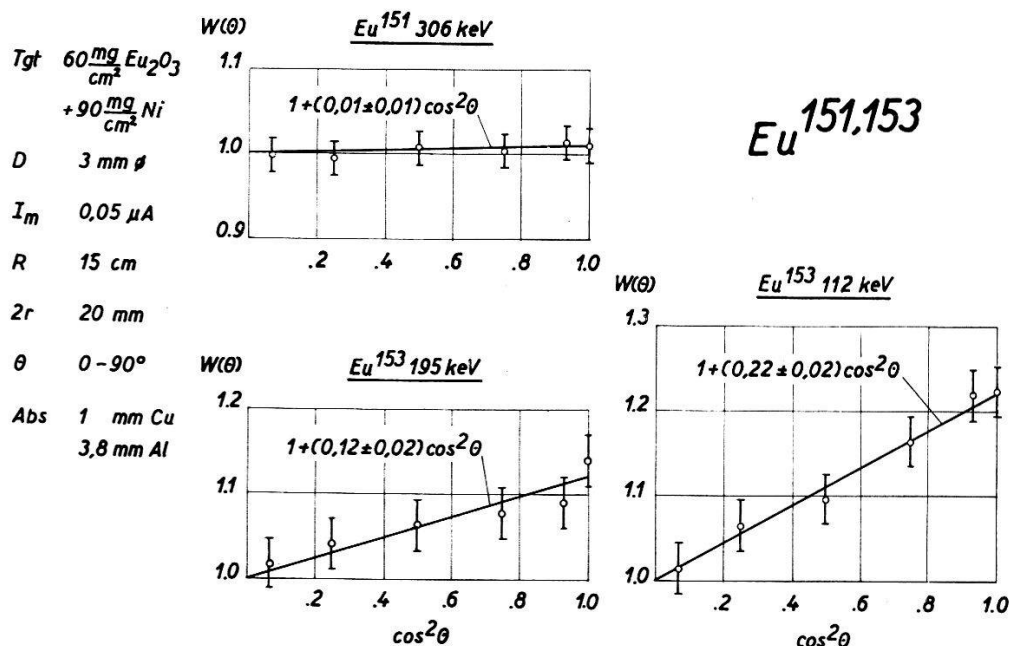


Fig. 21

Gamma-Winkelverteilungen bei Coulomb-Anregung von $\text{Eu}^{151, 153}$

Anisotropie von etwa 10% der 193-keV-Linie störend bemerkbar machen würde. Ähnliche Verhältnisse bestehen für den 112-keV-Kaskadenübergang im Eu^{153} , für den die Anisotropie von $22 \pm 2\%$ ein Mischungsverhältnis von $\delta_3^2 = 0,82 \pm 0,4$ ergibt.

Tabelle X

Vergleich verschiedener Arbeiten über Coulomb-Anregung von Eu^{153}

^a berechnet mit einem Verzweigungsverhältnis von $\lambda_2 = 1,62$.

	Vorlieg. Arbeit	HUUS 14)	GOLDRING 21)	HEYDENBURG 23)	BERNSTEIN 26)	CLASS 35)
λ_2			1,3	1,62		1,44
$B_1(E_2)_{ex}$	2,3	1,6		2,8	2,77	(2,1)
$B_2(E_2)_{ex}$	(0,6) ^a	$\sim 0,6$		0,83	0,90	0,53
B_2/B_1	(0,26)	$\sim 0,37$	0,25	0,30	0,32	(0,25)
$\delta_3^2(\lambda_2)$			0,26	0,38		0,32
$\delta_1^2(e_K)$		$\sim 2,5$			0,48	(3,3)
$\delta_3^2(e_K)$					0,08	2

In Tabelle X sind diese Ergebnisse mit denjenigen anderer Arbeiten verglichen. Für die Anregungswahrscheinlichkeiten und deren Verhältnis lassen sich folgende Mittelwerte ausrechnen:

$$B_1(E2)_{ex} = 2,3 \pm 0,5$$

$$B_2(E2)_{ex} = 0,7 \pm 0,2 \quad B_2/B_1 = 0,30 \pm 0,4 .$$

Ein Vergleich der in verschiedenen Arbeiten angegebenen Mischungsverhältnisse zeigt, dass dieselben noch als recht unsicher hingenommen werden müssen. Winkelverteilungsmessungen mit angereicherten Isotopen sollten noch durchgeführt werden. Immerhin kommen die gyromagnetischen Faktoren mit den aus vorliegenden Winkelverteilungen bestimmten Mischungsverhältnissen ganz vernünftig heraus (siehe Tabelle XII).

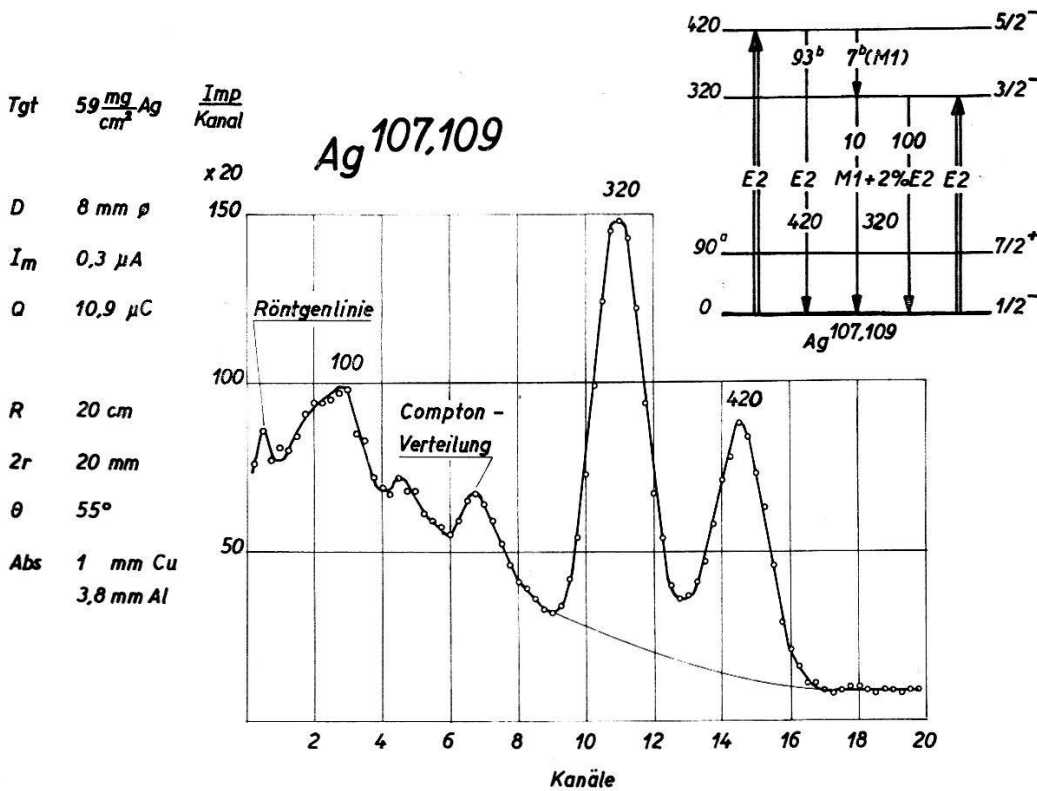


Fig. 22

Gammaspektrum bei Coulomb-Anregung von $Ag^{107,109}$

^a Niveau aus HUUS und LUNDEN, Phil. Mag. 45, 966 (1954).

^b Verzweigungsverhältnis aus STELSON und MCGOWAN, Phys. Rev. 99, 112 (1955).

Ag^{107, 109}

Das Silber ist schon verschiedentlich durch Coulomb-Anregung untersucht worden, und zwar sowohl mit natürlichem Silber¹²⁾¹⁴⁾¹⁷⁾³⁶⁾³⁷⁾ als auch mit angereicherten Silberisotopen³⁸⁾³⁹⁾⁴⁰⁾. Auch sind Winkelverteilungsmessungen schon durchgeführt worden¹⁷⁾.

Die im natürlichen Silber fast gleich häufigen Isotopen Ag^{107} und Ag^{109} haben beide im Grundzustand den Spin $I_0 = \frac{1}{2}$ und fast gleiche, anomale Rotationspektren³⁸⁾³⁹⁾⁴⁰⁾ mit einem Entkopplungsparameter

von $a = +0,68$. Wir haben im natürlichen Silber für die Anregungsenergien 320 und 420 keV bestimmt. Der sehr schwache Kaskadenübergang von 100 keV ist im Gammaskpektrum (Fig. 22) der Comptonverteilung der beiden höheren Gammalinien überlagert und deshalb nicht ausgewertet worden. Für das Verzweigungsverhältnis wurde ein von MCGOWAN und STELSON¹²⁾ angegebener Wert von $\lambda_2 = 14$ benützt, mit welchem sich fast die gleichen Anregungswahrscheinlichkeiten ergeben wie bei diesen Autoren. Sie sind unter der Annahme berechnet, dass die beiden Silberisotopen durch einen Kern vom Atomgewicht 108 ersetzt werden dürfen. Die mit angereicherten Isotopen gemachten Messungen haben niedrigere Werte ergeben (siehe Tab. XI).

Tabelle XI

Vergleich verschiedener Arbeiten über Coulomb-Anregung von Ag

	Vorl. Arbeit nat. Ag	STELSON ¹²⁾ nat. Ag	HUUS ¹⁴⁾		HEYDENBURG ³⁸⁾		FAGG, WOLICKI ³⁹⁾	
			Ag ¹⁰⁷	Ag ¹⁰⁹	Ag ¹⁰⁷	Ag ¹⁰⁹	Ag ¹⁰⁷	Ag ¹⁰⁹
$B_1(E2)_{ex}$	0,26	0,225	0,12	0,13	0,12	0,13	0,16	0,18
$B_2(E2)_{ex}$	0,35	0,36			0,21	0,23	0,23	0,31
B_2/B_1	1,35	1,6			1,75	1,75	1,45	1,7

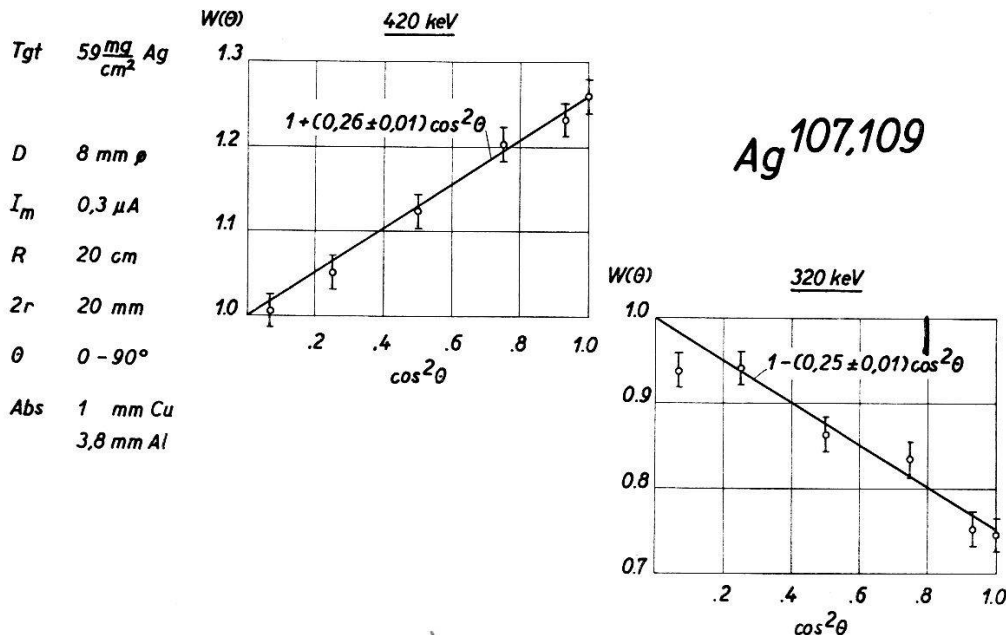


Fig. 23

Gamma-Winkelverteilungen bei Coulomb-Anregung von Ag nat.

MCGOWAN und STELSON¹⁷⁾ haben für die 320-keV-Linie ein Mischungsverhältnis von $\delta_1^2 = 0,036$ bestimmt, während die vorliegende Winkelverteilung $\delta_1^2 = 0,02 \pm 0,005$ ergeben hat. Rechnet man in obiger Arbeit

mit einem Winkelverteilungskoeffizienten von $a_2^{(2)} = 0,78$ für 2,5-MeV-Protonen (nach ALDER et al.¹⁾) statt mit 0,72, so bekommt man fast dasselbe Mischungsverhältnis wie aus unserer Messung. Es steht auch in Übereinstimmung mit Polarisationsmessungen von STELSON und MCGOWAN³⁷⁾, die hier $\delta_1^2 = 0,03$ erhalten haben. Für den *E2*-Übergang von 420 keV ist die gemessene Anisotropie etwas kleiner als die theoretisch erwartete. Demgegenüber hatte die bei 2,5 MeV Protonenenergie gemessene Winkelverteilung von MCGOWAN und STELSON¹⁷⁾ einen Winkelverteilungskoeffizienten von $a_2^{(2)} = 0,88$ ergeben, der mit dem theoretischen Wert von 0,87 gut übereinstimmt.

Zur Berechnung der gyromagnetischen Faktoren stehen nur das magnetische Moment des Grundzustandes $\mu_0 = -0,12^{30)}$ und eine *M1*-Übergangswahrscheinlichkeit $B_1(M1)_a = 0,45$ zur Verfügung, was für einen Kern mit dem Spin $I_0 = \frac{1}{2}$ nicht ausreicht. Unter der Annahme des theoretischen gyromagnetischen Faktors $g_R = z/A = 0,43$ wird in Gl. (32) der Entkopplungsparameter $b_0 = 0,24$. Damit ergibt sich für die *M1*-Übergangswahrscheinlichkeit der 100-keV-Linie $B_3(M1)_a = 0,2$ und mit der *E2*-Übergangswahrscheinlichkeit $B_3(E2)_a = 0,033$ nach Gl. (36) ein Mischungsverhältnis von $\epsilon_3^2 = 10^{-3}$. Wie schon STELSON und MCGOWAN¹²⁾ erwähnt haben, handelt es sich um einen reinen *M1*-Übergang. Dieses Mischungsverhältnis kann man einerseits mit demjenigen vergleichen, das sich aus dem Verzweigungsverhältnis ergibt ($\delta_3^2 = 3 \cdot 10^{-3}$) und andererseits über Gl. (39) mit dem Mischungsverhältnis der 320-keV-Linie $\delta_1^2 = 0,02$ ($\delta_1^2/\delta_3^2 = 43$, woraus $\delta_3^2 = \frac{1}{2} \cdot 10^{-3}$). Da alle diese Mischungsverhältnisse von gleicher Grössenordnung sind, darf man die Annahme $g_R = z/A = 0,43$ bestehen lassen und dies als ein weiteres Argument für den von TEMMER und HEYDENBURG⁴⁰⁾ behaupteten Rotationscharakter dieser beiden Niveaus der Silberisotopen ansehen.

III. 2. Zusammenfassung der Messergebnisse

In Tabelle XII sind die Messergebnisse zusammengestellt und zur Berechnung der für deformierte Kerne charakteristischen Grössen benützt worden. Da alle Angaben zur Verfügung stehen, lassen sich auch die wirklichen Lebensdauern τ der beobachteten Rotationsniveaus nach Gl. (29) und (30) berechnen. Die Lebensdauern der meisten Rotationsniveaus bewegen sich zwischen 10 und 100 μs . Einzig das Eu^{153} besitzt zwei Rotationszustände mit wesentlich grösserer Lebensdauer, was sich durch die ungewöhnlich hohen *E2*-Beimischungen in den beiden Kaskadenübergängen äussert. Im Au^{197} und $\text{Ag}^{107, 109}$, die relativ hohe Anregungsenergien haben, sind auch je eine kürzere Lebensdauer errechnet worden.

Tabelle XII

1 Kern	2 <i>i</i>	3 E_γ keV	4 $\frac{\hbar^2}{2\mathcal{J}}$ keV	5 $\varepsilon B(E2)_{ex}$ $e^2 \cdot 10^{-48}$ cm ⁴	6 λ	7 α	8 $B(E2)_{ex}$ $e^2 \cdot 10^{-48}$ cm ⁴	9 B_2/B_1	10 $B(E2)_d$ $e^2 \cdot 10^{-48}$ cm ⁴	11 Q_0 10^{-24} cm ²	12 β	
⁷⁹ Au ₁₁₈ ¹⁹⁷ dicke T.	1	280	56	0,15	49	0,40	0,20	1,15	0,13	2,0	0,08	
	2	550	46	0,21	19	0,022	0,23	[0,56]	0,12	2,8		
	3	270				0,41			0,17			
	Au ¹⁹⁷ dünne T.	3	190		0,025	0	1,2	0,055				
		1	280		0,185	28	0,40	0,24	1,3	0,16		2,2
		2	550		0,29	19	0,022	0,32	[0,56]	0,16		3,3
	3	270				0,41			0,24			
⁷³ Ta ₁₀₈ ¹⁸¹ dicke T.	1	136 ^a	15	0,47	10	1,86	1,24	0,23	1,0	5,4	0,20	
	2	303 ^a	15	0,069	0,82	0,08	0,28	[0,26]	0,19	5,1		
	3	167 ^a		0,084		1,02			0,87			
	Ta ¹⁸¹ dünne T.	1	136 ^a		0,63	9,8	1,86	1,65	0,20	1,32		6,2
		2	303 ^a		0,086	0,83	0,08	0,34	[0,26]	0,23		5,6
		3	167 ^a		0,10		1,02			1,1		
⁷¹ Lu ₁₀₄ ¹⁷⁵	1	114	13	0,72	8,6	2,66	2,4	0,19	1,9	7,5	0,28	
	2	254	13	0,12	0,95	0,13	0,45	[0,26]	0,3	6,4		
	3	140		0,13		1,4			1,4			
⁷¹ Lu ₁₀₅ ¹⁷⁶		182		0,72								
⁶⁹ Tm ₁₀₀ ¹⁶⁹	2	118 ^b	12		0,12 ^b	1,9	3,8	[1,50]	1,3	8,0	0,33	
	3	110		0,96		2,6			0,37			
⁶⁷ Ho ₉₈ ¹⁶⁵	1	94	10,5	0,77	4,7	3,16	2,8	0,25	2,2	8,0	0,35	
	2	207	10,4	0,048	0,21	0,24	0,70	[0,26]	0,46	8,0		
	3	113		0,23		1,79			2,2			
⁶⁵ Tb ₉₄ ¹⁵⁹	2	138	11,5	0,051	0,16	0,94	1,9	[0,56]	0,95	8,1	0,38	
	3	79		0,32		4,54			1,4			
⁶³ Eu ₉₀ ¹⁵³	1	83	12	0,51	5,2	4,12	2,3	(0,26)	1,7	7,0	0,31	
	2	195	12	(0,21)	1,6 ^c	0,26	(0,6)	[0,35]	(0,36)	(6,0)		
	3	112		0,13		1,56			(1,1)			
⁶³ Eu ₈₈ ¹⁵¹	2	306	(44)	0,51	9,2 ^c	0,08	(0,68)		(0,52)	(3,8)	(0,19)	
⁴⁷ Ag _{60, 62} ^{107, 109}	1	320	64	0,28	15,6	0,02	0,26	1,35	0,13	2,5	0,20	
	2	420	63	0,31	14 ^d	0,011	0,35	[1,50]	0,12	2,4		
	3	100							0,033			

Tabelle XII

13 β_2 %	14 sign δ , $\delta^2(\beta_2)$ $E2/M1$	15 $\delta_3^2(\lambda_2)$ $E2/M1$	16 e % $E2$	17 $B(M1)$ $\left(\frac{e\hbar}{2Mc}\right)^2$	18 μ_0 $\frac{e\hbar}{2Mc}$	19 g_R	20 g_K	21 τ $\mu\mu s$
-14 ± 2 $+36 \pm 1$	$-0,11 \pm 0,06$ (0,05) ^k	$\frac{\delta_1^2}{\delta_3^2} = 2,3$ 4,3 (0,02) ⁿ	10 100 (7) ^p 11 ^g 10 100 (8) ^p	0,09 (0,12) ^m 0,11 (0,15) ^m	$+0,19^e$	0,61 0,66	$-0,19$ $-0,22$	25 7,5 21 5,3
0 ± 1 $+18 \pm 2$ $+14 \pm 2$	$+0,14 \pm 0,04$	0,24	(12) 100 12 (12) 100 12	0,09 0,12 0,12 0,15	$+2,1^e$	0,28 0,30 0,23 0,26	0,70 0,69 0,71 0,69	73 34 56 27
$+1 \pm 1$ $+14 \pm 1$ $+17 \pm 2$	$+0,22 \pm 0,04$	0,30	(18) 100 18	0,08 0,09	$+2,0^f$ $+2,8^f$	0,27 0,32	0,66 0,65	110 60
-10 ± 1	$-0,02 \pm 0,005$	0,025	(100) 2	0,15	$-0,21^e$	(0,42) ^h	(-2,11)	70
$+1 \pm 1$ [+11] $+3 \pm 2$	$+0,04 \pm 0,02$	0,05	(4) (100) 4	0,33 0,48	$+3,3^e$	0,32 0,34	1,12 1,12	48 27
$+11 \pm 2$ -1 ± 2	$+0,02 \pm 0,01$	0,016	100 2	0,3	$+1,5^e$	0,25	1,49	62
$+12 \pm 2$ $+22 \pm 2$	$+0,82 \pm 0,4$	0,40	(43) 100 45	0,011 0,012	$+1,5^e$	0,47 0,49	0,65 0,65	10 ³ 340
$+1 \pm 1$	$+ (0,06)$		(6)	(0,55)	$+3,4^e$	0,42	1,74	
-25 ± 1 $+26 \pm 1$	$-0,02 \pm 0,005$ ($1/2 \cdot 10^{-3}$) ^k	$\frac{\delta_1^2}{\delta_3^2} = 43$ $3 \cdot 10^{-3}$	2 100 (0,1) ⁱ	0,45 (0,2) ⁱ	$-0,12^e$	(0,43) ⁱ	(-3,42)	3,6 40

Tabelle XII

Zusammenfassung der Messergebnisse und Berechnungen charakteristischer Grössen aus Coulomb-Anregungs- und Gammawinkelverteilungsmessungen an einigen deformierten u - g -Kernen (Untersuchung mit 4,05-MeV-Protonen)

Erläuterung der Kolonnen:

- 1 Targetkern.
- 2 Bezeichnung des beobachteten Gammaübergangs (siehe Fig. 7).
- 3 Gammaenergie in keV (Genauigkeit $\pm 2\%$): E_γ .
- 4 $\hbar^2/2\mathfrak{J}$ aus den Anregungsenergien mit den Gl. (4) bis (6) berechnet.
- 5 Anregungswahrscheinlichkeit $\varepsilon B(E2)_{ex}$ aus Gl. (51).
- 6 Gamma-Intensitätsverhältnis $\lambda_1 = f_1/f_3$ (siehe Fig. 7).
Verzweigungsverhältnis $\lambda_2 = f_2/f_3$
- 7 Totaler Konversionskoeffizient (Interpolation der Werte von SLIV¹⁰) und ROSE, $E2$ -Beimischung e aus Kolonne 16): α .
- 8 Reduzierte Anregungswahrscheinlichkeit $B(E2)_{ex}$ (Absolute Genauigkeit $\pm 50\%$, relative Genauigkeit $\pm 20\%$).
- 9 Verhältnis der Anregungswahrscheinlichkeiten B_2/B_1 (Theoretische Werte des kollektiven Kernmodells in eckigen Klammern).
- 10 $E2$ -Zerfallswahrscheinlichkeit nach Tabelle II berechnet: $B(E2)_d$.
- 11 Elektrisches Quadrupolmoment Q_0 nach Tabelle III berechnet.
- 12 Mittlerer Deformationsparameter β nach Gl. (48) berechnet.
- 13 Anisotropie β_2 aus der Gammawinkelverteilung nach Gl. (58) ermittelt.
- 14 Vorzeichen und Betrag des $E2/M1$ -Mischungsverhältnisses aus β_2 : $\delta^2(\beta_2)$.
- 15 Mischungsverhältnis aus Verzweigungsverhältnis λ_2 nach Gl. (38): $\delta_2^3(\lambda_2)$.
- 16 $E2$ -Beimischung aus Winkelverteilungsmessung: e .
- 17 $M1$ -Zerfallswahrscheinlichkeit $B(M1)_d$ aus $B(E2)_d$ (Kolonne 10) nach Gl. (36).
- 18 Magnetisches Moment μ_0 des Grundzustandes für die Berechnung der gyromagnetischen Faktoren g_R und g_K .
- 19 Gyromagnetischer Faktor g_R für Rotationsbewegung aus $B(M1)_d$ nach Gl. (44).
- 20 Gyromagnetischer Faktor g_K für innere Nukleonenbewegungen nach Gl. (45).
- 21 Lebensdauer τ des Rotationszustandes nach Gl. (29) und (30) und mit $E2$ -Beimischung e (Kolonne 16) berechnet.

Mutmassliche Angaben in runden Klammern, theoretische Werte in eckigen Klammern.

Bemerkungen zu Tabelle XII:

- ^a Gammaenergien aus HEYDENBURG und TEMMER, Phys. Rev. 104, 981 (1956).
- ^b Gammaenergie und Verzweigungsverhältnis aus HATCH et al., Phys. Rev. 104, 745 (1956).
- ^c Verzweigungsverhältnisse aus HEYDENBURG und TEMMER, Phys. Rev. 104, 981 (1956).
- ^d Verzweigungsverhältnis aus STELSON und MCGOWAN, Phys. Rev. 99, 112 (1955).
- ^e Magnetische Momente aus H. KOPFERMANN, Kernmomente (1956).
- ^f Magnetische Momente aus STEUDEL, Naturwiss. 44, 371 (1957).
- ^g $E2$ -Beimischung aus JOLY et al., Helv. Phys. Acta 28, 403 (1955), siehe auch Diskussion der Messergebnisse.
- ^h Berechnet unter der Annahme $B_3(M1)/B_1(M1) = 1,20$, woraus $b_0 = 0$.
- ⁱ Berechnet unter der Annahme $g_R = z/A = 0,43$, woraus $b_0 = 0,24$.
- ^k Berechnet mit Hilfe des Verhältnisses $\delta_1^2/\delta_3^2 = 43$ nach Gl. (39).
- ^l Berechnet unter der Annahme $B_3(M1)/B_1(M1) = 1,35$.
- ^m Berechnet nach Gl. (38) mit dem theoretischen Energieverhältnis aus Gl. (3).
- ⁿ Berechnet nach Gl. (36) aus $B_3(M1)_d$ und $B_3(E2)_d$.

Die für das Eu^{151} in runden Klammern angegebenen Grössen sind unter der Annahme ermittelt, dass das 306-keV-Niveau den Spin $7/2$ habe und dass die Beziehungen für das kollektive Kernmodell dafür auch Gültigkeit haben.

In Fig. 24 sind über der geraden Neutronenzahl N dieser Kerne die elektrischen Quadrupolmomente Q_0 , die Deformationsparameter β und eine das Trägheitsmoment \mathfrak{J} enthaltende Grösse $\hbar^2/2\mathfrak{J}$ aufgetragen. In den Fällen, wo die Anregungswahrscheinlichkeit beider Rotationsniveaus ermittelt werden konnte, wurden jeweils Mittelwerte genommen. Der Bereich stark deformierter Kerne mit Deformationen zwischen $\beta = 0,2$ und $0,4$ und Quadrupolmomenten zwischen $Q_0 = 5$ und $8 \cdot 10^{-24}$ Quadratcentimeter erstreckt sich von 90–110 Neutronen. Der allgemeine Verlauf und die absoluten Werte dieser Grössen bewegen sich innerhalb der schon von früheren Arbeiten gegebenen Darstellungen¹⁾¹⁴⁾⁴¹⁾.

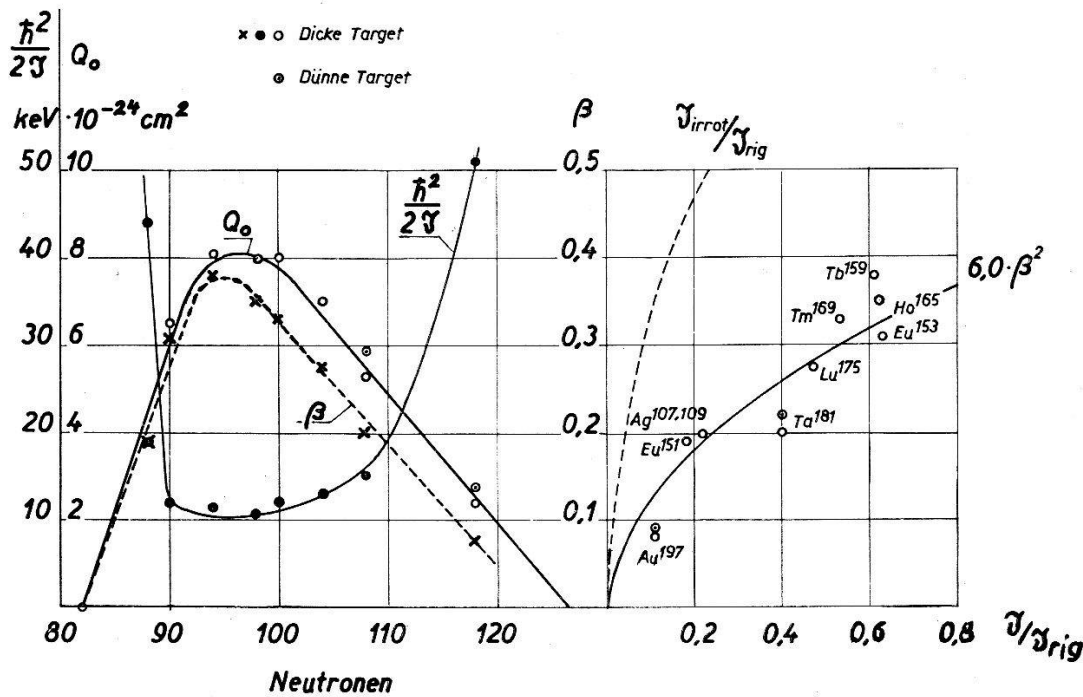


Fig. 24

Elektrische Quadrupolmomente Q_0 , Deformationsparameter β und Trägheitsmomente \mathfrak{J} einiger deformierter *u-g*-Kerne aus Coulomb-Anregungsexperimenten mit 4,05-MeV-Protonen.

Weiter sind für die untersuchten Kerne die Verhältnisse der gemessenen und für einen starren Kern berechneten Trägheitsmomente $\mathfrak{J}/\mathfrak{J}_{\text{rig}}$ über dem Deformationsparameter β aufgetragen. Die Trägheitsmomente sind alle etwa 5–8mal grösser als das Trägheitsmoment $\mathfrak{J}_{\text{irrot}}$ für eine umlaufende Welle eines Flüssigkeitstropfens, die den Tropfen um $\Delta R = 1,06 \cdot R_0\beta$ deformiert (siehe Gl. (46) und (50)). Die beobachteten Trägheitsmomente scheinen sich grob wie folgt annähern zu lassen:

$$\mathfrak{J} \approx 6,0 \beta^2 \cdot \mathfrak{J}_{\text{rig}} = 2,4 AMR_0^2 \beta^2 (1 + 0,31 \beta). \quad (60)$$

Allerdings könnte für Kerne von noch grösserer Deformation diese Näherung nicht mehr richtig sein, weil das Trägheitsmoment eines starren Kerns nicht überschritten werden dürfte. Die Trägheitsmomente für

Kerne mit einem unpaarigen Nukleon sind grösser als diejenigen für $g-g$ -Kerne¹⁾¹⁴⁾. Diese Tatsache wird damit erklärt, dass in Kernen mit ungerader Nukleonenzahl die niedersten Einteilchenzustände tiefer liegen als in $g-g$ -Kernen und deshalb die inneren Nukleonenbewegungen der Rotation weniger gut folgen können, was in einer Vergrößerung des Trägheitsmomentes für die Rotation resultiert. Für diese tiefliegenden Einteilchenzustände ist im allgemeinen nur die Bewegung des unpaarigen Nukleons verantwortlich.

In Fig. 25 sind die empirischen Winkelverteilungskoeffizienten $a_2^{(2)}(\xi_0)$ aus den beobachteten $E2$ -Gammaübergängen zum Vergleich mit

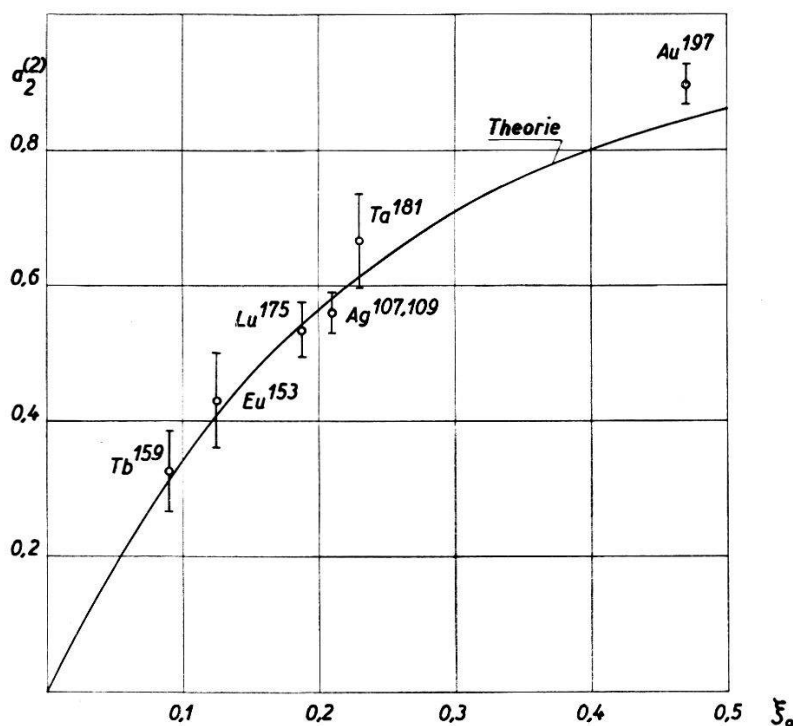


Fig. 25

Vergleich der empirischen Winkelverteilungskoeffizienten $a_2^{(2)}(\xi_0)$ aus den $E2$ -Gammaübergängen mit neueren theoretischen Werten nach ALDER et al.¹⁾ (ξ_0 = Energieparameter)

neueren theoretischen Werten¹⁾ über dem Energieparameter ξ_0 aufgetragen. Es kann von einer guten Übereinstimmung mit der Theorie gesprochen werden. MCGOWAN und STELSON⁴²⁾ haben die quantenmechanische Theorie auch für $g-g$ -Kerne in einer kürzlich erschienenen Arbeit bestätigt.

Durch diese Bestätigung der quantenmechanischen Theorie im Falle von $E2$ -Übergängen in $g-g$ - und $u-g$ -Kernen können wir auch bei gemischten $M1 + E2$ -Übergängen den aus den gemessenen Winkelverteilungen bestimmten Mischungsverhältnissen Vertrauen entgegenbringen. Für die Kaskadenübergänge vom 2. zum 1. Rotationsniveau

der Kerne Ta¹⁸¹, Lu¹⁷⁵, Tm¹⁶⁹, Ho¹⁶⁵ und Tb¹⁵⁹ stehen die so bestimmten Mischungsverhältnisse in Einklang mit den aus den Verzweignungsverhältnissen ermittelten Werten, obwohl für die letzteren die Genauigkeit ziemlich geringer ist. Weiterhin haben diese Winkelverteilungsmessungen das Vorzeichen von δ geliefert, wodurch für die gyromagnetischen Faktoren das eine weniger wahrscheinliche Lösungspaar sicher ausgeschlossen werden darf.

Die gyromagnetischen Faktoren g_R für die Rotationsbewegung zeigen Abweichungen vom theoretischen Wert $g_R \equiv Z/A \equiv 0,4$ für einen homogen geladenen, rotierenden Kern. Die Messgenauigkeit ist jedoch nicht genügend, um diese Abweichungen interpretieren zu dürfen*). Einerseits deuten die Trägheitsmomente darauf hin, dass nur ein Teil der Kernmaterie an der Rotationsbewegung teilnimmt; andererseits ist zu erwarten, dass in Kernen mit einem unpaarigen Nukleon dessen Bewegung wesentlich zum Trägheitsmoment und damit auch zum Rotationsimpuls \vec{R} (siehe Fig. 1) beiträgt.

Die Anschaffung und Herstellung der Apparaturen für diese Arbeit war durch finanzielle Hilfe der Schweizerischen Volkswirtschaftsstiftung möglich. Einer von uns (M.M.) ist der Firma Brown Boveri & Cie. in Baden persönlich für finanzielle Unterstützung zu Dank verpflichtet.

Literatur

- 1) K. ALDER, A. BOHR, T. HUUS, B. MOTTELSON and A. WINTHER, Rev. Mod. Phys. 26, 432 (1956).
- 2) A. BOHR and B. R. MOTTELSON, Kgl. Danske Videnskab. Selskab Mat.-fys. Medd. 27, No. 16 (1953).
- 3) L. C. BIEDENHARN and M. E. ROSE, Rev. Mod. Phys. 25, 729 (1953).
- 4) J. M. BLATT and V. F. WEISSKOPF, Theoretical Nuclear Physics (John Wiley & Sons, Inc., New York 1952).
- 5) E. U. CONDON and G. H. SHORTLEY, Theory of Atomic Spectra (Cambridge University Press, New York 1935).
- 6) S. G. NILSSON, Kgl. Danske Videnskab. Selskab Mat.-fys. Medd. 29, No. 16 (1955).
- 7) H. GUHL, Dissertation ETH., 1958.
- 8) D. MÄDER, R. MÜLLER und V. WINTERSTEIGER, Helv. Phys. Acta 27, 3 (1954).
- 9) J. H. SMITH, Phys. Rev. 71, 33 (1947).
- 10) L. A. SLIV und I. M. BAND, Tabellen für K -Konversionskoeffizienten von Gammastrahlung, Moskau und Leningrad 1956.
- 11) C. F. COOK, C. M. CLASS and J. T. EISINGER, Phys. Rev. 96, 658 (1954).
- 12) P. H. STELSON and F. K. MCGOWAN, Phys. Rev. 99, 112 (1955).

*) Anmerkung bei der Korrektur: In einer neuen Arbeit von GOLDRING und SCHARENBERG (Phys. Rev. 110, 701 (1958)) sind die g_R -Faktoren der Kerne Nd¹⁵⁰ und Sm^{152, 154} zu $g_R = 0,22$ und $0,21 \pm 0,04$ bestimmt worden, wobei auch stark gestörte Gammawinkelverteilungen der $E2$ -Übergänge aus den 2^+ -Niveaus beobachtet wurden.

- 13) E. M. BERNSTEIN and H. W. LEWIS, *Phys. Rev.* *100*, 1345 (1955).
 - 14) T. HUUS, J. H. BJERREGAARD and B. ELBEK, *Kgl. Danske Videnskab. Selskab Mat.-fys. Medd.* *30*, No. 17 (1956).
 - 15) B. ELBEK and C. K. BOCKELMAN, *Phys. Rev.* *105*, 657 (1957).
 - 16) W. I. GOLDBURG and R. M. WILLIAMSON, *Phys. Rev.* *95*, 767 (1954).
 - 17) F. K. MCGOWAN and P. H. STELSON, *Phys. Rev.* *99*, 127 (1955).
 - 18) R. JOLY, J. BRUNNER, J. HALTER et O. HUBER, *Helv. Phys. Acta* *28*, 403 (1955).
 - 19) F. K. MCGOWAN and P. H. STELSON, *Phys. Rev.* *103*, 1133 (1956).
 - 20) J. V. KANE and S. FRANKEL, *Bull. Am. Phys. Soc. Ser. II*, *1*, 171 (1956).
 - 21) G. GOLDRING and G. T. PAULISSEN, *Phys. Rev.* *103*, 1314 (1956).
 - 22) R. H. DAVIS, A. S. DIVATIA, D. A. LIND and R. D. MOFFAT, *Phys. Rev.* *103*, 1801 (1956).
 - 23) N. P. HEYDENBURG and G. M. TEMMER, *Phys. Rev.* *104*, 981 (1956).
 - 24) E. A. WOLICKI, L. W. FAGG and E. H. GEER, *Phys. Rev.* *105*, 238 (1957).
 - 25) E. M. BERNSTEIN and H. W. LEWIS, *Phys. Rev.* *105*, 1524 (1957).
 - 26) J. T. EISINGER, C. F. COOK and C. M. CLASS, *Phys. Rev.* *94*, 735 (1954).
 - 27) F. BOEHM and P. MARMIER, *Phys. Rev.* *103*, 342 (1956).
 - 28) P. DEBRUNNER, E. HEER, W. KÜNDIG und R. RUETSCHI, *Helv. Phys. Acta* *29*, 463 (1956).
 - 29) E. N. HATCH, F. BOEHM, P. MARMIER and J. W. DU MOND, *Phys. Rev.* *104*, 745 (1956).
 - 30) H. KOPFERMANN, *Kernmomente* (Akademische Verlagsgesellschaft, Frankfurt 1956).
 - 31) A. STEUDEL, *Naturwiss.* *44*, 371 (1957).
 - 32) N. P. HEYDENBURG and G. M. TEMMER, *Phys. Rev.* *100*, 150 (1955).
 - 33) K. H. LINDENBERGER, *Z. f. Phys.* *141*, 476 (1955) und *Naturwiss.* *42*, 41 (1955).
 - 34) B. ANDERSSON, *Proc. Phys. Soc.* *69A*, 415 (1956).
 - 35) C. M. CLASS and U. MEYER-BERKHOUT, *Nucl. Phys.* *3*, 656 (1957).
 - 36) T. HUUS and A. LUNDÉN, *Phil. Mag.* *45*, 966 (1954).
 - 37) P. H. STELSON and F. K. MCGOWAN, *Bull. Am. Phys. Soc. Ser. II*, *1*, 164 (1956).
 - 38) N. P. HEYDENBURG and C. M. TEMMER, *Phys. Rev.* *95*, 861 (1954).
 - 39) L. W. FAGG, E. A. WOLICKI, R. O. BONDELID, K. L. DUNNING and S. SNYDER, *Phys. Rev.* *100*, 1299 (1955).
 - 40) G. M. TEMMER and N. P. HEYDENBURG, *Phys. Rev.* *104*, 967 (1956).
 - 41) G. M. TEMMER and N. P. HEYDENBURG, *Phys. Rev.* *99*, 1609 (1955).
 - 42) F. K. MCGOWAN and P. H. STELSON, *Phys. Rev.* *106*, 522 (1957).
-